صـ ١

السؤال الأول:- الحاوزه ١٠٥ الصفحة ٢٠

حل المسألة التالية بطريقة الشمال الغربي مبيناً طريقة الحل الأولى ثم احسب القيمة المثلى لدالة الهدف.

خطوات الحل:

أولاً/ اعداد الجدول كما هو موضح بالاعلاه حيث تمثل الموردين هم في كل سطر (أي الـ A, B, C موردين)
ثم نقوم بوضع الكميات (الموردة منها في نهاية الجدول (250، 130، 120) هي موضحة بالشكل المرفق

ثم نضع أرقام الطلب والمستفيدين (X, Y, W) والكميات هي (110، 310، 80) كما هي موضحة بأسفل الجدول

ثانياً/ نتحقق من ضمان التوازن وذلك بجمع الموردة (250+130+120) وتساوي 500 ثم نجمع الطلب (80+310+110=0) (موضحة في الزاوية اليسرى بأسفل من جهة اليمين للجدول الأخير)

انتقل الحاوزه العاشره صـ ٨

تابع / مشاكل التوازن

السبب الذي يقودنا لحل مسائل التوازن في الصفحة «١» هو لتحديد ما:
أ) التوازن بين العرض والطلب ← أساسي في مسائل النقل.
ب) لا يمكن حل المسألة في حالة عدم التوازن

ولحل مسألة عدم التوازن يجب عمل التالي:
أ) إذا كان العرض أكبر من الطلب (مجموع كميات الأسطر أكبر من مجموع كميات الأعمدة)،
فإننا نضيف مستهلكاً وهمياً (أي نضيف عمود).

ب) إذا كان الطلب أكبر من العرض (مجموع كميات الأعمدة أكبر من مجموع كميات الأسطر)،
فإننا نضيف مورداً وهمياً (أي نضيف سطر).

ملاحظة على مسألة المستهلك الوهمي أو المورد الوهمي:
أ) كلفة المورد الوهمي أو المستهلك الوهمي تحدد بالفرق بين العرض والطلب
ب) تكاليف نقل المورد الوهمي والمستهلك الوهمي تساوي الصفر.
ج) عند تطبيق طريقة النقل لتحديد الموقع تضع تكاليف الموقع الذي يدرس.

ثالثاً / توزيع كميات العرض على الطلب ابتداءً من أعلى الجدول وجهة اليسار
أي إننا سوف نبدأ بتوزيع العرض عند المورد «P» وهي = 250 ابتداءً من المستهلك الأول (X) الذي يطلب 80 ثم نضع القيمة 80 في الخلية (X و A).
حيث إنه عند طرح 80 من 250 يتبقى 170 / هذا الرقم نضعها في داخل الخلية (A و Y) (انظر الجدول صـ١)

نذهب للمستهلك الثاني (Y) الذي يطلب 310 ونورد له باقي العروض من المورد P وهي 170 / وبذلك فإنه يتبقى له 140 = 310 − 170 وهي ناتج
ثم نضع القيمة 170 في أسفل الجدول تحت فيه المورد Y (تحت القيمة 310) بما أن المستهلك Y يحتاج إلى كمية 140 وهي أقل من المورد B يستطيع فقط توريد 130 فقط بذلك تكون كالتالي 10 = 140 − 130، والسالب عشرة سوف نأخذها من المورد «C»
وعليه فإننا سوف نكتب في الخلية (B, Y) القيمة 130 وفي الخلية (C, Y) 10 والقيمة المتبقية 110 سوف نضعها في الخلية (C و W) وهي مطلوبة.

رابعاً: نتحقق من امثلية الحل وذلك وفق القانون التالي

$$m + n - 1$$

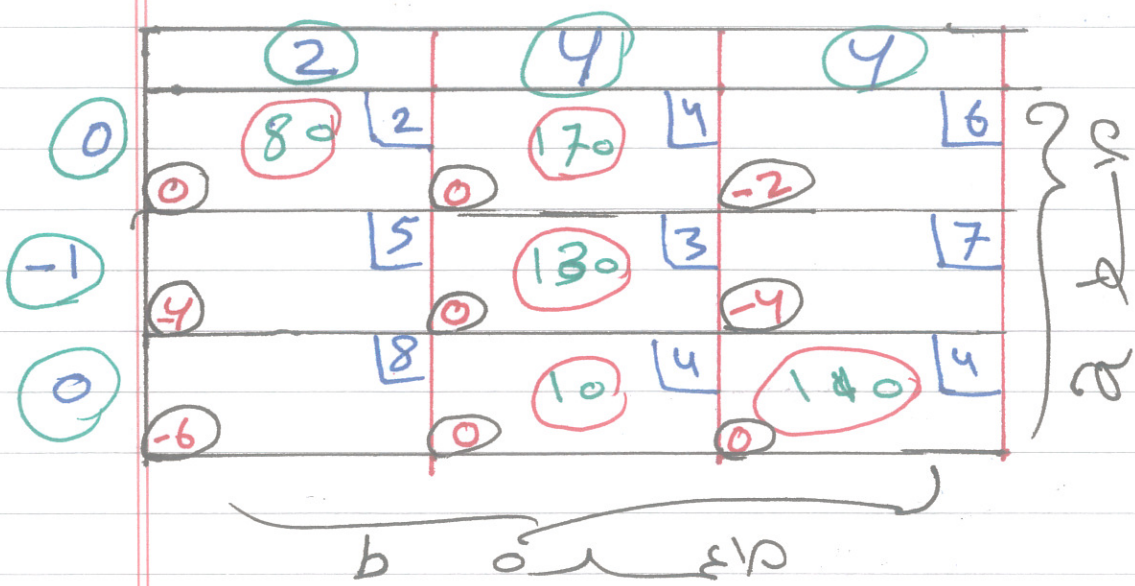
حيث ان:
m : عدد الاسطر (العوديه)
n : عدد الاعمدة (المستقيميه)

$\therefore 3 + 3 - 1 = 5$

قاعدة:
يكون الحل الاول قاعدياً (امثل) اذا كان عدد الخانات المملوءه يساوي الناتج من الحل بالقانون $m+n-1$
وبما ان عدد الخانات المملوءة في الجدول هي خمس خانات (خلايا)
(X_1, A_1) و (X_1, A_2) و (X_2, A_2) و (X_2, B_2) و (X_3, B_2) فان الحل قاعدي (امثل)

خامساً: رقابة امثلية الحل:
لرقابة الحل نقوم بالخطوات التالية:
1) كتابة ارقام القياسية للاسطر والاعمدة:
* قاعدة: التفكير (الحلول) للخانات المملوءه فقط
* الرقم القياسي للسطر الاول يكون دائماً = صفر (ليس شرطاً السطر الاول على كلام الدكتور اذا ما لقى له السودي السطر الاول او الثاني ...).
* قانون: $a + b = c$

حيث ان
a : الرقم القياسي للسطر
b : الرقم القياسي للعمود
c : تكلفة الخانة: هي الارقام الموجودة في بداية الخانة داخل خانات (الخلايا) في الجدول (من مثالنا هذا هي الارقام المكتوبة بالازرق داخل الخلايا وتكون دائماً موجودة في الزاوية اليمين وجهة اليسار للخلية او انا وضعتها بكم في حالات مربعات صغيرة داخل كل خلية كما هو في الكتاب ونفس الشيء ايضاً).



بحالة $a+b=c$

c هي القيم المعطاة في الجدول وتمثل المربعات الصغيرة بالأعلى من كل خلية، أما a فسوف يتركز فقط في الخانات المملوءة بالقيم من أسفل في الصفوف (أ و ب) بجانب الدوائر الحمراء، والمكتوبة بالأخضر

∴ الخلية الأولى: (A و X) 80

من القاعدة نجد أن الـ b الأول دائماً قيمته صفر

$a+b=c \Rightarrow 0+b=2 \Rightarrow b=2-0$

$b=2$ ← وضعناها في أعلى العمود "X"

الخلية الثانية :- (A و X) 170

بحالة الـ b الأول بخلية أخرى (هي الخلية (A, Y)) هي الخلية الثانية

إذا $a+b=c \Rightarrow 0+b=4 \Rightarrow b=4-0$ ∴

$b=4$ ووضعناها في الأعلى العمود "Y"

الخلية الثالثة :- (B, Y) 130

نوجد قيمة الـ B وذلك بنفس القانون $a+b=c$

$a+4=3 \Rightarrow a=3-4 \Rightarrow a=-1$

لها مكانها في يسار الجدول

الخلية الرابعة :- (Y ، 10)

نوجد قيمة الـ b وذلك بالقانون a+b=c

a+6=6 ⇒ a=6-6 ⇒ a=0

(لأنها في يسار الجدول للاسطر c)

بما أن الـ b لم نستطع معلوميتها فانه يجب ايجاد قيمة العمود الثالث "W" للخلية الخامسة هي (W ، 5) 11

الخلية الخامسة :- (W ، 5) 11

نوجد قيمة العمود W وذلك بالقانون a+b=c

0+b=6 ⇒ b=6-0 ⇒ b=6

(لأنها أعلا الجدول فوق العمود W)

الى هنا (تكون انجزنا الخطوة "2" من خمسة (الرقابة لإتمام الحل) صـ٣

اذا الخطوة :-

1) :- كتابة اقتصاد الخانات :-

* قاعدة :- التفكير (الحلول) لجميع خانات الجدول (وليس تمارين ؟)

* قانون :- a+b-c

مبتدأ :-

a = الرقم القياسي للسطر (يسار الجدول) لكل سطر رقم قياسي صـ٤

b = الرقم القياسي للعمود (أعلى الجدول) لكل عمود رقم قياسي صـ٤

c = تكلفة الخانة (الرقم الأعلى يمين الخانة)

* يوجد في هذا المثال تسع خانات ويجب ايجاد قيمها الاقتصادية :-

الخلية الأولى بالعمود X :- (A ، X) ⇐ بحانه a+b-c

(A ، X) = a+b-c ⇒ (A ، X) = 0 + 2 - 2

(A ، X) = 2 - 2

∴ (A ، X) = 0

(لأنها أسفل الخلية يسار

مرة

الخلية اليمنى بالعمود X : (B, X)

$(B,X) = a + b - c$

$= -1 + 2 - 5 \Rightarrow (B,X) = 1 - 5$

$= -4$

لا يمكننا أخذ الخلية يسار

الخلية اليمنى للعمود X : (C, X)

$(C,X) = a + b - c$

$= 0 + 2 - 8 \Rightarrow (C,X) = 2 - 8$

$= -6$

الخلية الأولى للعمود Y : (A, Y)

$(A,Y) = a + b - c$

$= 0 + 4 - 4 \Rightarrow (A,Y) = 4 - 4$

$= 0$

الخلية اليمنى للعمود Y : (B, Y)

$(B,Y) = a + b - c$

$= -1 + 4 - 3 \Rightarrow (B,Y) = 3 - 3$

$= 0$

الخلية اليمنى للعمود Y : (C, Y)

$(C,Y) = a + b - c \Rightarrow$

$0 + 4 - 4 \Rightarrow (C,Y) = 4 - 4$

$= 0$

الخلية الأولى للعمود W : (A, W)

$(A,W) = a + b - c$

$= 0 + 4 - 6 \Rightarrow (A,W) = 4 - 6$

$= -2$

ص ٢

الخلية الثانية للعمود W:- (B, W)

$(B,W) = a + b - c$

$= -1 + 4 - 7 \Rightarrow (B,W) = 3 - 7$

$= -4$

الخلية الثالثة للعمود W:- (C, W)

$(C,W) = a + b - c$

$= 0 + 4 - 4 \Rightarrow (C,W) = 4 - 4$

$= 0$

ج) مقابلة الكل:- تتم هذه الخطوة وفقاً القاعدة التالية:-

قاعدة:- إذا كانت قيم الاستقطاب (الخطوة ب) سالبة أو صفراً فالكل أمثل

وفي مثالنا هذا جميع قيم الاستقطاب كما هو واضح في الجدول صفر وكذلك التنسع خطأ) قيم سالبة وأصفار.

إذاً فالكل أمثل.

د) حساب تكلفة الكل الأمثل (التكلفة الدنيا):-

- هي أصغر تكلفة تكون أدنى تكلفة.
- لكي نوجد تكلفة الكل الأمثل:-

نضرب قيمة أي زوج (الخلية المملوءة في تكلفة C_{ij} الوحدة للخلية) لجميع الخلايا:-

$\therefore Z = (80 \times 2) + (170 \times 4) + (130 \times 3) + (10 \times 4) + (110 \times 4)$

$Z = 160 + 680 + 390 + 400 + 440$

$Z = 2070$

وبما أن الوحدة هي ١٠٠ ريال

$\therefore$ التكلفة $= 2070 \times 100$

$= 207000$

سابعاً: نرسم الحل كما يلي

الموردين	المستفيدين