

السؤال الأول :

٦ درجات

اذكر تعريف اتصال الدالة  $f(x)$  عند النقطة  $x = a$ .

ادرس اتصال الدالة التالية عند النقطة  $x = 3$

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x & ; \quad x < 3 \\ 15 & ; \quad x = 3 \\ x + 12 & ; \quad x > 3 \end{cases}$$

او جد النهاية التالية

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 - 5x} - x)$$

السؤال الأول :

٦ درجات

اذكر تعريف اتصال الدالة  $f(x)$  عند النقطة  $x = a$ .

ادرس اتصال الدالة التالية عند النقطة  $x = 3$

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 2 & ; \quad x < 3 \\ 11 & ; \quad x = 3 \\ 4x - 1 & ; \quad x > 3 \end{cases}$$

أوجد النهاية التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 2} - x)$$

السؤال الأول :

٦ درجات

اذكر تعريف اتصال الدالة  $f(x)$  عند النقطة  $x = a$ .

ادرس اتصال الدالة التالية عند النقطة  $x = 3$

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + x & ; \quad x < 3 \\ 12 & ; \quad x = 3 \\ x + 9 & ; \quad x > 3 \end{cases}$$

او جد التهابات التالية:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 - 3x} - x)$$

السؤال الأول :

١ درجات

اذكر تعريف اتصال الدالة  $f(x)$  عند النقطة  $x = a$ .

ادرس اتصال الدالة التالية عند النقطة  $x = 3$

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & ; \quad x < 3 \\ 10 & ; \quad x = 3 \\ 4x - 2 & ; \quad x > 3 \end{cases}$$

أوجد النهاية التالية:

$$(2) \lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x^2 + 3} - x)$$

السؤال الثاني :

٦ درجات

اذكر تعريف مشتقة الدالة

باستخدام تعريف المشتقة اوجد المشتقة الأولى للدالة  $y = x^2 + 5$

يفرض أن  $y = \cot x$  برهن أن  $y' = -\csc x \cdot \cot x$

السؤال الثاني :

٦ درجات

اذكر تعريف مشتقة الدالة

باستخدام تعريف المشتقة او جد المشتقة الأولى للدالة"

$$y = x^2$$

بفرض أن  $y' = \sec^2 x$  برهن أن  $y = \tan x$

السؤال الثاني :

٦ درجات

اذكر تعريف مشتقة الدالة

"باستخدام تعريف المشتقة اوجد المشتقة الأولى للدالة"

$$y = x^2 + 2$$

بفرض أن  $y' = -\operatorname{cosec}^2 x$  برهن أن  $y = \cot x$

السؤال الثاني :

٦ درجات

اذكر تعريف مشتقة الدالة

باستخدام تعريف المشتقة او جد المشتقة الأولى للدالة "  $y = x^2 + 3$ "

بفرض أن  $y' = -\operatorname{cosec}^2 x$  برهن أن  $y = \cot x$

السؤال الثالث :

٦ درجات

اوجد  $f'(x)$  لكل من الدوال التالية

$$(1) f(x) = \sin 7x \cdot \tan 5x$$

$$(2) f(x) = \frac{\tan x}{8 + \tan x}$$

$$(3) f(x) = \tan^2 5x + \cos^2 4x$$

$$(4) f(x) = \cos(x^7)$$

السؤال الرابع :

٦ درجات

السؤال الثالث :

٦ درجات

أوجد  $(x^1)^f$  لكل من الدوال التالية

(1)  $f(x) = \sin 2x, \cos 5x$

(2)  $f(x) = \frac{\sec x}{1 + \tan x}$

(3)  $f(x) = \sin^2 5x + \cos^2 4x$

(4)  $f(x) = \sin(x^3)$

السؤال الثالث :

٦ درجات

أوجد  $f'(x)$  لكل من الدوال التالية

$$(1) f(x) = \sin 7x \cdot \cos 5x$$

$$(2) f(x) = \frac{\sin x}{2 + \tan x}$$

$$(3) f(x) = \sin^2 5x + \cos^2 4x$$

$$(4) f(x) = \sin(x^7)$$

السؤال الثالث :

٦ درجات

أوجد  $f'(x)$  لكل من الدوال التالية

$$(1) f(x) = \sin 8x \cdot \cos 9x$$

$$(2) f(x) = \frac{\sin x}{2 + \cos x}$$

$$(3) f(x) = \sin^5 9x + \cos^8 4x$$

$$(4) f(x) = \sin(x^9)$$

$$\text{أوجد } \frac{dy}{dx} \text{ للدالة التالية: } x^3y^2 - 5xy = 1$$

$$\text{بفرض أن } y^{-1} = \frac{-1}{1+x^2} \text{ برهن أن } y = \cot^{-1} x$$

$$\text{أوجد } \frac{dy}{dx} \text{ للدالة } y = \cot^{-1}(x^2 + 1)$$

السؤال الرابع :

اوجد  $\frac{dy}{dx}$  للدوال التالية:

(١)  $x^2 + y^2 = 100$

بفرض أن  $y^1 = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$  برهن أن  $y = \sin^{-1} x$

اوجد  $\frac{dy}{dx}$  للدالة  $y = \sin^{-1}(x^2 + 1)$

السؤال الرابع :

٦ درجات

اوجد  $\frac{dy}{dx}$  للدالة التالية:  $x^3 - y^3 = 6xy$

بفرض أن  $y^1 = \frac{1}{1+x^2}$  برهن أن  $y = \tan^{-1} x$

اوجد  $\frac{dy}{dx}$  للدالة  $y = \tan^{-1}(x^2 + 1)$

السؤال الرابع :

٦ درجات

$$x^2y + 3xy^3 - x = 3 \quad \text{اوجد } \frac{dy}{dx} \text{ للدالة:}$$

$$y^1 = \frac{1}{x\sqrt{x^2-1}} \quad \text{بفرض أن } y = \sec^{-1} x \quad \text{برهن أن}$$

$$y = \sec^{-1}(x^2+1) \quad \text{للدالة} \quad \text{اوجد } \frac{dy}{dx}$$

السؤال الخامس:

٦ درجات

أوجد النقاط الحرجة و القيم العظمى و الصغرى المحلية للدالة  $f(x) = x^2 - 2x + 1$  خلال الفترة  $[1, 2]$

$f(x) = x^2 - 2x + 1$  بين الدالة  $[0, 2]$  تحقق نظرية رول خلال الفترة

السؤال الخامس:

٦ درجات

أوجد النقاط الحرجة و القيم العظمى و الصغرى المحلية للدالة  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2 + 1$  خلال الفترة  $[-1, 1]$

[0, 2] تحقق نظرية رول خلال الفترة بين الدالة  $f(x) = x^2 - 2x + 1$

السؤال الخامس:

١ درجات

أوجد النقاط الحرجة و القيم العظمى و الصفرى المحلية للدالة  $f(x) = x^4 - 2x^2$  خلال الفترة  $[-1, 2]$

[٠,١] بين الدالة  $f(x) = x^3 - 2x^2 + 1$  تحقق نظرية رول خلال الفترة

السؤال الخامس:

٦ درجات

أوجد النقاط الحرجة و القيم العظمى و الصغرى المحلية للدالة  $f(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{3}x^3 + 2$  خلال الفترة  $[-1, 3]$

بين الدالة  $f(x) = 1 + x^3$  تحقق نظرية رول خلال الفترة  $[-1, 1]$