

المحاضره الخامسه
المتباينات والقيمه المطلقه

"اولآ المتباينات

أكبر > التباينات بالعربي

" اصغر <

لكن في رياضياتنا هذا الترم كل شي بالإنجليزي

والعلامات تصير عكس

أكبر < اصغر و >

لكن بأشرح لكم بالعربي انا عشان تستوعبون

علامه اكبر تكون الفتحه على الرقم الكبير مثال $1 < 3$	$<$ اكبر من $\leq$ اكبر من او يساوي $>$ اصغر من $\geq$ اصغر من او يساوي
---	--

انواع المتباينات

* فتره مغلقه []

* فتره مفتوحه ()

* نصف مغلقه [)

* نصف مفتوحه (]

اذا وجد * بالمسأله

{ < < }

يكون الحل فتره مغلقه []

{ < < , > > }

يكون الحل فتره مفتوحه ()

{ < < }

يكون الحل فتره نصف مغلقه [)

{ > > }

يكون الحل فتره نصف مفتوحه (]

امثله .

١ > ٢ > ٣ الجواب يكون فتره مفتوحه ()

١ < ٢ < ٤ الجواب ايضاً فتره مفتوحه ()

٢ < ٤ < ٥ الجواب فتره نصف مغلقه [)

٦ > ٧ > ٩ الجواب فتره نصف مفتوحه (]

يعني بالعربي

(تقرآ اكبر و اكبر من او يساوي) للفترة **المغلقة** > , >

(تقرآ اصغر واصغر من او يساوي) للفترة **المفتوحة** < , <

(تقرآ اصغر و اصغر) بدون مساواة **مفتوحة** <<

(تقرآ اكبر و اكبر) بدون مساواة **مفتوحة** >>

[) من او يساوي الجواب فتره نصف مغلقه < قبل < اذا كانت

ليه ؟؟

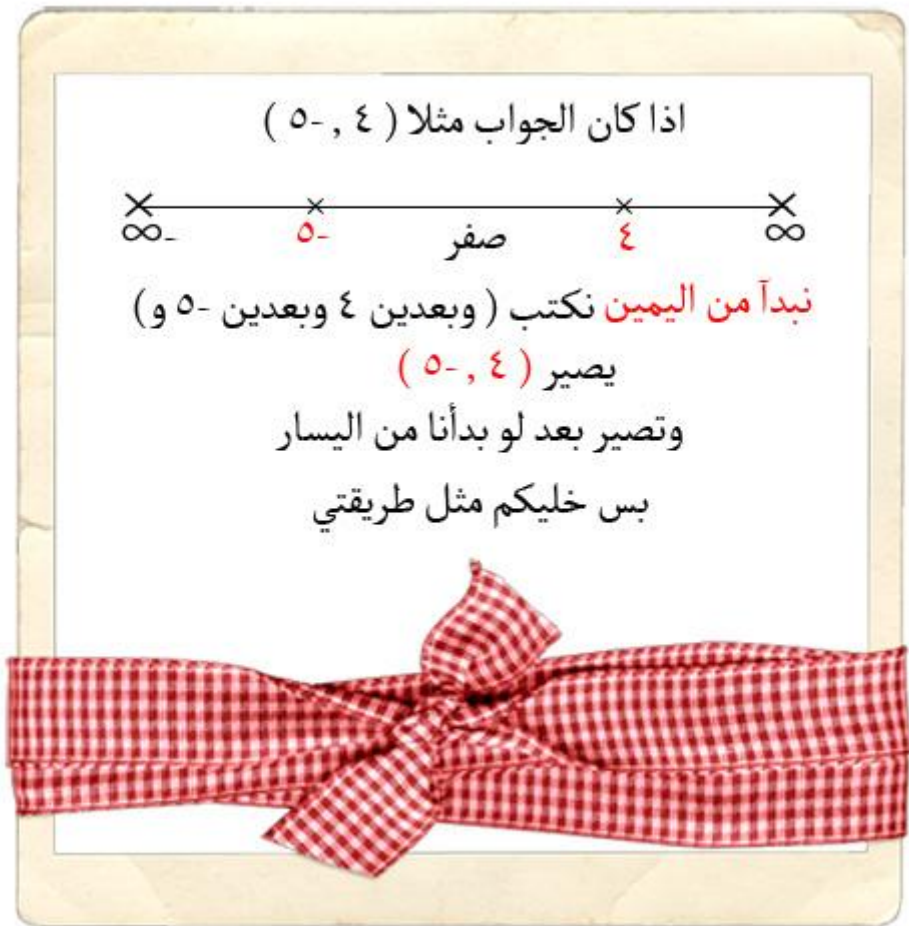
قلنا اذا وجدت العلامة بدون مساواة تكون يا مفتوحة

إذا وجدت علامه المساواه مغلقة

() الجواب فتره نصف مفتوحه < او يساوي قبل < إذا كانت

عرفتو بالغالين ؟

" كيفيه التمثيل على خط الأعداد لمعرفة اي من الأرقام يكتب اولاً



" المثال الأول

اما اذا وجدت

مثال » $\{ < \}$ لحالها بالمسألة يكون الجواب فتره نصف مغلقة []

$$-3 + 2x \leq -7 + 4x$$

اول خطوه نتخلص من الرقم الي يجي بعد علامه التباین الا وهو ٧

ياضافته للطرفين ولكن يشاره مخالفه اذا كان موجب نخلبه سالب واذا كان سالب نخلبه موجب

$$-3 + 2x - 2x \leq -7 + 4x - 2x$$

$$-3 \leq -7 + 2x$$

ثاني خطوه نتخلص من معامل x موجود بالمسألة

$2x$ و $4x$ نأخذ الأصغر ونتخلص منها الي هي $2x$

ياضافتها للطرفين بأشاره مخالفه

$$-3 - 2x \leq -7 + 2x - 2x$$

$$-3 \leq -7$$

ثالث خطوه نتخلص من معامل x الي هو ٢

بضرب $\frac{1}{2}$ في الطرفين

$$\frac{1}{2} \times -3 \leq \frac{1}{2} \times -7$$

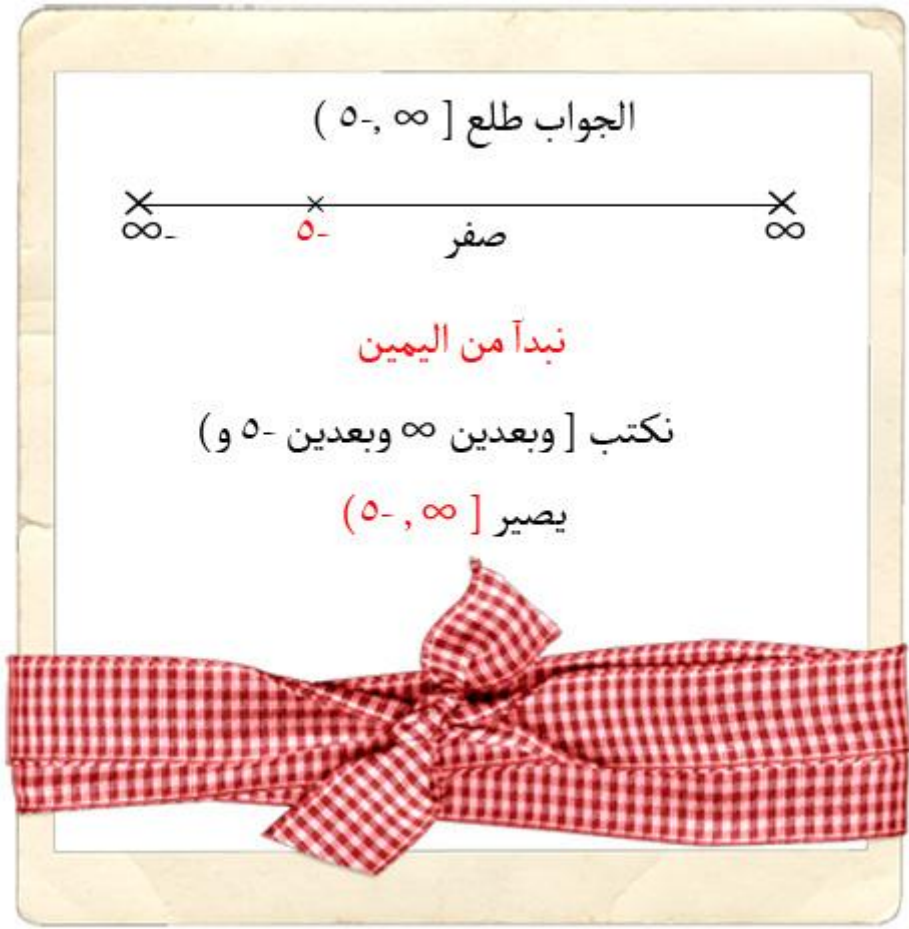
$$-1.5 \leq -3.5$$

$$-1.5 \leq -3.5$$

الجواب [$-\infty$, -1.5)

() عفواً تكون نصف مفتوحه

تمثيله على خط الأعداد



"نفس الأرقام ولكم غيرنا علامه المتباينه " المثال الثاني

اما اذا وجدت

{ > } لحالها بالمسألة يكون الجواب فتره نصف مغلقة ()

مثال »

$$-3 + 2x > 7 + 4x$$

اول خطوه نتخلص من الرقم الي يجي بعد علامه التباین الا وهو ٧

ياضافته للطرفين ولكن يشاره مخالفه اذا كان موجب نخلبه سالب واذا كان سالب نخلبه موجب

$$-3 + 2x > 7 + 4x$$

$$-3 + 2x > 7 + 4x$$

ثاني خطوه نتخلص من معامل x موجود بالمسألة

2x و 4x نأخذ الأصغر ونتخلص منها الي هي 2x

ياضافتها للطرفين بأشاره مخالفه

$$-3 + 2x > 7 + 4x$$

$$-3 + 2x > 7 + 4x$$

ثالث خطوه نتخلص من معامل x الي هو ٢

بضرب $\frac{1}{2}$ في الطرفين

$$\frac{1}{2} \times (-3 + 2x) > \frac{1}{2} \times (7 + 4x)$$

$$x > \frac{10}{2}$$

$$x > 5$$

الجواب (5- , ∞)

تمثيله على خط الأعداد



() لحالها بالمسألة الجواب فتره مفتوحه < واذا وجدت

() لحالها بالمسألة الجواب فتره مفتوحه > واذا وجدت

مثال « آخر »

$$1 - < x^3 + 2 - < 5$$

مثل ماقلنا قبل لازم نتخلص من الرقم الي يجي
بعد علامه التباین الي هو - ٢ بإضافته للطرفين
بإشاره مخالفه وهي + ٢

$$2 + 1 - < x^3 + 2 - < 5 - 2$$

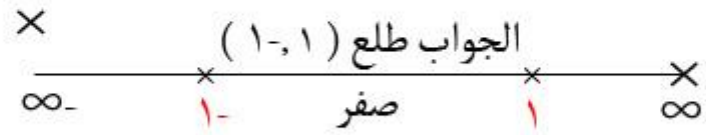
$$3 - < x^3 + 3$$

ثاني خطوه نتخلص من معامل x الي هو ٣ في
اننا نضيع معكوسه الي هو $\frac{1}{3}$ في جميع الأطراف
يجب ان تكون x لحالها

$$1 - < x < 1 = \frac{1}{3} \times 3 - < \frac{1}{3} \times 3 + < \frac{1}{3} \times 3$$

ومثل ماقلنا قبل اذا وجد < او >> بالسؤال

الجواب يكون فتره مفتوحه يعني ()



نبدأ من اليمين نكتب (اوبعدين -١)

يصير (١, ١)



مثال « آخر »

** اذا كانت المسأله « مسبوقة بصفر

$$2x + x + 12 > 0$$

اول خطوه نبحث عن عددين حاصل ضربهم $-12 =$

وحاصل جمعهم $+1 =$ الي هي نفسها $x +$

الي هم طبعاً $(-3 \text{ و } +4)$

$$-12 = -3 \times 4$$

$$+1 = -3 + 4$$

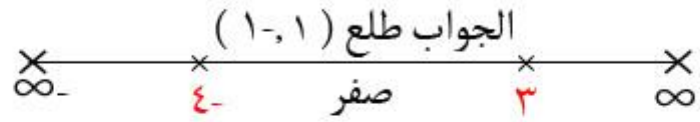
لهذه المسأله قيمتين بينهما علامه U الاتحاد

يعني $() U () >>$ مثال

$$\text{اما } 3 = (-3 - x) > 0 \text{ او } -4 = (x + 4) > 0$$

ومثل ماقلنا قبل اذا وجد < او > بالسؤال

الجواب يكون فتره مفتوحه يعني ()



نبدأ من اليمين

نكتب (٣, ∞) $\cup$ (∞_- , -٤)



الحل قيمتان () **U** () لوجود علامه < او > لحالها بدون علامه المساواه

مثال « آخر »

** اذا كانت المسأله »

$$2x \leq x + 12$$

نرتبها بو ضع صفر بالبدايه وننقل الأرقام الي بعد العلامه

الي هم الـ ١٢+ و ٤+

للطرف الآخر بإشاره مخالفه يصبحون - ١٢ و - ٤

$$2x - 12 \leq x + 4$$

نبحث عن عددين حاصل ضربهم - ١٢ وحاصل جمعهم - ٤

الي هم (- ٦ و ٢)

$$2x - 12 = (x - 6) \leq 0 \text{ او } 2x - 12 = (x + 2) \leq 0$$

مو قلنا اذا وجدت < او > لحالها يكون الحل []

الحل قيمه **واحد** لوجود علامه المساواه وغالباً ماتكون فتره مغلقه ما تجي مفتوحه

وهنا الجواب بيكوم قيمه واحده فقط بدون وجود علامه U بسبب وجود علامه المساواه

$\times$ $\times$ $\times$ $\times$
 ∞_- ۲_- صفر ۶ ∞

نبدأ من اليمين

نكتب $[۲, ۶]$

العلامة وقلنا اي رقم يجي بعد علامه المتباينه او بعد = وحبينا نقله للطرف الآخر
نقله بإشاره مخالفه"

ونوح مقاماته نضرب طرفین بوسطین

هو الحواب المفروض يطلع قيمه واحده ليه صارو قيمتين مدري

والقيمتين مايجون الا فترات مفتوحة $()^U ()$ فقط"

بس کان جوابها () **U**) اغلقنا عند 1 لأن $\times = 1 - \text{صفر}$ **1** $\gg = +$

9

$\gg = -2$ صفر $\times + 2 =$

يعني $1 - x \div 2 + x$ لا يساوي صفر الا اذا كانت $x = 1 - \text{صفر} = +1$

يعني الا اذا كان البسط $\neq 1$

وفعلا البسط 1 + =

عشان کذا اغلقناها

<<< اذا فهمتو شي فهموني لأنى مافهمت هههههههههههه انا قلت لكم الكلام

الى قاله الدكتور 😁

وع العموم هالمسأله الوحيدده الى حوسه الباقي سهل"

احفظو جوابها ونخلص 🏆

نقول بررب وعقب بأشرح شوي من القيمه المطلقه "

لأنها عباره عن قوانين وتطبيق مباشر لها"

تابع المحاضره ال 5

ثانياً (القيمه المطلقه)

مثال »

القيمه المطلقه ورمزها ||

$$5 + 4 = |5 + 4| \quad 6 = |6| \quad 5 = |5| \quad 5 = |5|$$

دائماً يكون الناتج موجب

خواص القيمه المطلقه

1- $-a \leq x \leq a = |x| \leq a$

2- $x < -a$ أو $x > a = |x| > a$

3- $-a > x > a = |x| < a$



القيمة المطلقة ورمزها

مثال »

$$\text{حل المتباينة التالية } \left| x^2 + 4 \right| \leq 3$$

على طول لا شفنائها نتذكر القانون الخاص فيها »

$$-a < x < a = \left| x \right| \leq a$$

$$\left| x^2 + 4 \right| \leq 3 \Rightarrow -3 \leq x^2 + 4 \leq 3$$

$$\text{يعني } -3 \leq x^2 + 4 \leq 3$$

اصبحت متباينة خطيه الآن نشيل مين ؟؟ مو قلنا نشيل
الرقم الي يجي بعد العلامة منوو بعدها ؟؟ هاه مين ؟ ٤ صح

القيمة المطلقة ورمزها

تابع

$$-4 - 3 \leq x^2 + 4 + 4 \leq 3 + 4$$

$$-7 \leq x^2 + 8 \leq 7$$

هاااه وش نسوي الحين اول خطوه شلنا الرقم الي بعد العلامة
طيب ثاني خطوه وش كنا نقول ؟ نشيل اي رقم مع x عشان نخليها لحالها صح ؟
الرقم وشو الي مع x ؟؟ الرقم هو ٢ نشيله بضربه في معكوسه

بجميع الأطراف

معكوس ٢ هو نص معكوس ٣ هو ثلث وهكذا

$$\frac{1}{2} \times -7 \leq \frac{1}{2} \times x^2 + \frac{1}{2} \times 8 \leq \frac{1}{2} \times 7$$

$$\left[\frac{-7}{2}, \frac{1}{2} \right] =$$

$$\frac{-7}{2} \leq x \leq \frac{1}{2}$$

ماطرقت لباقي الخواص مع الأمثلة الخاصة فيهم لأنها تعويض مجرد

حفظ للغانون والتطبيق عليه"

شرح/ pink Bottle

اعداد/ آحن واحد