

حل واجبات اداره العمليات مع الشرح

المستوى الخامس

د. محمد الله سراج

١٤٣٨هـ

المصادر: نور القمر

المحاضرة الخامسة

حل الواجب الأول :

$$\max(z) \ 40x_1+30x_2+0s_1+0s_2+0s_3$$

$$2/5 x_1+1/2x_2 +s_1 =20$$

$$1/5x_2 +s_2 +5$$

$$3/5x_1 +3/10x_2 +s_3 =21$$

$$x_1,x_2,s_1,s_2,s_3 \geq 0$$

$1=(1-2/5*0)$ $0=(0-2/5*0)$ $-(0-2/5*5/3)$ $20-2/5*35) \ 2/3$ $6=($ وبكذا خلصنا s_1 ننتقل الي s_2 نفس الشئ نعمل $0=(0-0*1)$ $1/5=(1/5-0*1/2)$ $0=(0-0*0)$ $1=(1-0*0)$ $1=(0-0*5/3)$ $5=(5-0*35)$ وبكذا نكون طلعتنا s_2 ونكمل Z نفس ماعملنا في الاول وبعدين الجدول الثاني نشوف قيم Z اذا فيها قيم موجبه يسير لازم نحسن الحل نختار اكبر قيمه موجبه عشان نطلع العامود المحوري وبعدين نبغي نطلع الصف المحوري نقسم قيم R على العامود المحوري الي اخترناه ونطلع صف الارتكاز الجديد مثل ماعملنا في السابق	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr style="background-color: #008080; color: white;"> <th></th> <th>x_1</th> <th>x_2</th> <th>s_1</th> <th>s_2</th> <th>s_3</th> <th>R</th> <th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">s_1</td> <td>2/5</td> <td>1/2</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>20</td> <td style="color: red;">$2/5 \div 20 = 50$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">s_2</td> <td>0</td> <td>1/5</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>5</td> <td style="color: red;">$0 = 0 \div 5$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">s_3</td> <td>3/5</td> <td>3/10</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>21</td> <td style="color: red;">$21 \div 3/5 = 35$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">Z</td> <td>40</td> <td>30</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>0</td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr style="background-color: #008080; color: white;"> <th></th> <th>x_1</th> <th>x_2</th> <th>s_1</th> <th>s_2</th> <th>s_3</th> <th>R</th> <th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">s_1</td> <td>0</td> <td>3/10</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>-2/3</td> <td>6</td> <td style="color: red;">$20 = 3/10 \div 6$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">s_2</td> <td>0</td> <td>1/5</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>1</td> <td>5</td> <td style="color: red;">$5 \div 1/5 = 25$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">x_1</td> <td>1</td> <td>1/2</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>5/3</td> <td>35</td> <td style="color: red;">$35 \div 1/2 = 70$</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">Z</td> <td>0</td> <td>10</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>-66</td> <td></td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr style="background-color: #008080; color: white;"> <th></th> <th>x_1</th> <th>x_2</th> <th>s_1</th> <th>s_2</th> <th>s_3</th> <th>R</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">x_2</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>10/3</td> <td>0</td> <td>-20/9</td> <td>20</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">s_2</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>-2/3</td> <td>1</td> <td>4/9</td> <td>1</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">x_1</td> <td>1</td> <td>0</td> <td>-5/3</td> <td>0</td> <td>25/9</td> <td>25</td> </tr> <tr> <td style="background-color: #008080; color: white;">Z</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>-100/3</td> <td>0</td> <td>-43</td> <td></td> </tr> </tbody> </table>		x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	R		s_1	2/5	1/2	1	0	0	20	$2/5 \div 20 = 50$	s_2	0	1/5	0	1	0	5	$0 = 0 \div 5$	s_3	3/5	3/10	0	0	1	21	$21 \div 3/5 = 35$	Z	40	30	0	0	0				x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	R		s_1	0	3/10	1	0	-2/3	6	$20 = 3/10 \div 6$	s_2	0	1/5	0	1	1	5	$5 \div 1/5 = 25$	x_1	1	1/2	0	0	5/3	35	$35 \div 1/2 = 70$	Z	0	10	0	0	-66				x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	R	x_2	0	1	10/3	0	-20/9	20	s_2	0	0	-2/3	1	4/9	1	x_1	1	0	-5/3	0	25/9	25	Z	0	0	-100/3	0	-43	
	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	R																																																																																																														
s_1	2/5	1/2	1	0	0	20	$2/5 \div 20 = 50$																																																																																																													
s_2	0	1/5	0	1	0	5	$0 = 0 \div 5$																																																																																																													
s_3	3/5	3/10	0	0	1	21	$21 \div 3/5 = 35$																																																																																																													
Z	40	30	0	0	0																																																																																																															
	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	R																																																																																																														
s_1	0	3/10	1	0	-2/3	6	$20 = 3/10 \div 6$																																																																																																													
s_2	0	1/5	0	1	1	5	$5 \div 1/5 = 25$																																																																																																													
x_1	1	1/2	0	0	5/3	35	$35 \div 1/2 = 70$																																																																																																													
Z	0	10	0	0	-66																																																																																																															
	x_1	x_2	s_1	s_2	s_3	R																																																																																																														
x_2	0	1	10/3	0	-20/9	20																																																																																																														
s_2	0	0	-2/3	1	4/9	1																																																																																																														
x_1	1	0	-5/3	0	25/9	25																																																																																																														
Z	0	0	-100/3	0	-43																																																																																																															

اول لازم يكون
 صف Z كله سالب
 او اصفار في
 الجدول الاول صف
 Z كله موجب
 واصفار يسير لازم
 نحسن الحل نختار
 اكبر قيمه في صف
 Z عشان نطلع
 العامود المحوري
 اكبر قيمه هي 40
 العامود المحوري
 هو x_1 بعدين نطلع
 نحدد الصف
 المحوري عن
 طريق قسمه عامود
 R على العامود
 المحوري x_1 واقل
 قيمه موجب هو الي
 نختاره اقل صف
 هو s_3 بعدين نطلع
 صف الارتكاز
 الجديد اول شئ
 نطلع العنصر
 المحوري وهو نقطه
 تقاطع الصف s_3 مع
 العامود المحوري
 x_1 هو $3/5$ ونقسم
 كل الصف
 المحوري على
 العنصر المحوري
 نقسم $1 = 3/5 \div 3/5$
 $1/2 = 3/5 \div 3/10$
 $0 = 3/5 \div 0$
 $0 = 3/5 \div 0$
 $5/3 = 3/5 \div 1$
 $35 = 3/5 \div 21$
 وبكذا طلعتنا صف
 الارتكاز الجديد
 بعدين نبغي نطلع
 s_1 العنصر القديم
 ناقص العنصر
 المحوري في صف
 s_1 ضرب صف
 الارتكاز الجديد
 $0 = (2/5 - 2/5 * 1)$
 $= (1/2 - 2/5 * 1/2)$
 $3/10$

لتعويض في داله الهدف: $40*25+30*20=1600$

حل الواجب الثاني :

$$\text{Max}(z) 10X_1 + 12X_2 + 0S_1 + 0S_2$$

$$3X_1 + 3X_2 + S_1 = 66$$

$$4X_1 + 6X_2 + S_2 = 120$$

$$X_1, X_2, S_1, S_2 \geq 0$$

	X1	X2	S1	S2	R	
S1	3	3	1	0	66	$22 = 66 \div 3$
S2	4	6	0	1	120	$20 = 120 \div 6$
Z	10	12	0	0		

	X1	X2	S1	S2	R	
S1	1	0	1	-1/2	6	$6 = 6 \div 1$
X2	2/3	1	0	1/6	20	$30 = 20 \div (2/3)$
Z	2	0	0	-2		

	X1	X2	S1	S2	R	
X1	1	0	1	-1/2	6	
X2	0	1	-2/3	1/2	16	
Z	0	0	-2	-1		

لوصول الى الحل الامثل ينبغي ان تكون جميع قيم داله الهدف سالبه او اصفار وبالتالي نتوقف عند الجدول الثالث

$$Z = 10 \cdot 6 + 12 \cdot 16 = 252: \text{التعويض في داله الهدف}$$

حل الواجب الثالث

1- $80X_1+60X_2+S_1+S_2$

2- $6X_1+2X_2+S_1=400$

3- $X_1+5X_2+S_2=160$

4- $X_1, X_2, S_1, S_2 \geq 0$

	X1	X2	S1	S2	R	
S1	6	2	1	0	400	$200/3=6 \div 400$
S2	1	5	0	1	160	$160=1 \div 160$
Z	80	60	0	0		

	X1	X2	S1	S2	R	
X1	1	1/3	1/6	0	200/3	$200=1/3+200/3$
S2	0	14/3	-1/6	1	280/3	$20=14/3+280/3$
Z	0	100/3	-40/3	0		

	X1	X2	S1	S2	R
X1	1	0	5/28	-1/14	60
X2	0	1	-1/28	3/14	20
Z	0	0	-85/7	-50/7	

للموصول إلى الحل الأمثل ينبغي أن تكون جميع قيم دالة الهدف سالبة أو أصفار وبالتالي نتوقف عند الجدول الثالث

$Z=80*60+60*20=6000$: التعويض في دالة الهدف

المحاضرة العاشرة الواجب الاول اقل التكاليف

الواجب الاول : طريقه اقل التكاليف:

	<u>1</u>	<u>2</u>	<u>3</u>	<u>عرض</u>
A	50 5	4	200 3	250
B	100 8	200 4	3	300
C	150 9	7	5	150
الطلب	300	200	200	700

او ممكن تنحل بطريقه اخرى:

	<u>1</u>	<u>2</u>	<u>3</u>	<u>عرض</u>
A	50 5	200 4	3	250
B	100 8	4	200 3	300
C	150 9	7	5	150
الطلب	300	200	200	700

كلا الطريقتين صحيحة اجمالي التكاليف نفس بعض

نحسب التكاليف الاجماليه للجدول الاول: نحسب التكاليف للجدول الثاني:

$$4*200=800$$

$$3*200=600$$

$$5* 50=250$$

$$5*50=250$$

$$3*200=600$$

$$4*200=800$$

$$8*100=800$$

$$8*100=800$$

$$9* 150=1350$$

$$9*150=1350$$

$$3800=$$

$$=3800$$

شرح الحل : لطريقة اقل التكاليف :

الحل في اقل التكاليف يعتمد على اساس اننا نبحث عن اقل قيمه في الجدول كامل الحل في اقل التكاليف يعتمد على اساس اننا نبحث عن اقل قيمه في الجدول كامل نشوف كل الاعمده أي عامود يتواجد فيه اقل قيمه نجد ان **العامود الثالث** هو الذي يتواجد فيه **اقل قيمه** هو رقم **3** لكن يوجد **رقمين 3** في الصف الاول وفي الصف الثاني عندما تتوحد القيم على أي اساس نختار

سوف نختار على اساس **الطلب والعرض** نشوف اكبر عرض ممكن يغطي الطلب كامل حق العامود الثالث الطلب حق العامود الثالث **200** نروح نشوف العرض في الصف الاول هل سيغطي الطلب كامل **200** نعمل سيغطي الطلب اذن ممكن نختار **3** في الصف الاول لانه يغطي الطلب نفس الجدول الاول وممكن كمان تختار الصف الثاني لانه كمان يغطي الطلب كامل كما في الجدول الثاني

اذا اخترنا **3** في الصف الاول نعبي عندها **200** وبكذا سوف يتبقى في العرض **A 50** ونكون عيبنا العامود الثالث

ننتقل الى **العامود الثاني والاول** ونبحث عن اقل قيمه في العامودين نجد ان اقل قيمه في العامودين هو في العامود الثاني رقم **4** لكن ايضا نجد **عندنا اثنين 4** في الصف الاول وفي الصف الثاني ايضا ننظر الى **العرض والطلب** ونشوف مين العرض الي يقدر يغطي الطلب كامل حق العامود الثاني **200** الصف **A** باقي في العرض **50** لان اعطينا العامود الثالث **200**

فباقي في **العرض A 50** هل سيغطي الطلب كامل حق العامود الثاني **لا لا يغطي** اذن ننزل لل **4** في الصف الثاني ونشوف كم موجود في العرض **B موجود 300** هل سيغطي الطلب نعم سيغطي الطلب اذن نختاره ونعبي عند **4 في الصف الثاني 200** حيكون باقي في العرض **B 100** وبكذا نكون انتهينا من العامود الثاني ننتقل الى اخر عامود الاول ونشوف اقل قيمه في العامود رقم **5** كم في العرض **A متبقي 50** اذن نعبي عند **5** ال **50 ونروح** عند اقل عدد بعد الخمسه هو **8** عشان نكمل الطلب حق العامود الثالث **300** ونشوف كم باقي في العرض **B باقي 100** نحطها عند **8** لسا باقي كمان عشان نكمل الطلب **150** اذن ننتقل للرقم **9** ونشوف العرض **C** كم فيه يوجد **150** ناخذها ونضعها عند الرقم **9** وبكذا نكون كملنا حل المساله

اما لو حلينا على اساس الجدول الثاني ان احنا اخترنا نعبي **3** في الصف الثاني حناخذ **200** من العرض **B** ونحطها عند **3** حيكون باقي في **العرض B 100** فلما حنيجي نعبي **4** ماحنعبي الاربعه الي في الصف الثاني لان في العرض باقي **100** ماحيغطي الطلب حق العامود الثاني **200** يسير حنعبي **4** الي في الصف الاول لان فيها عرض يكفي الطلب ونكمل الباقي مثل ما كملنا الجدول الاول .

طبعا نبحث عن اقل قيمه في الجدول كامل وليس نبدا من اليسار او اليمين ونبدا من اول عامود غلط نشوف مين اقل قيمه في الاعمده كلها ونوزع في العامود الاقل ونرجع ندور عن اقل قيمه في الاعمده مع بعض .

المحاضرة العاشرة

حل الواجب الثاني : (طريقه فوجل)

	1	2	3	4	العرض
A	10 100	5 250	8	6	350
B	8	9	7	3 250	250
C	14 100	15	12 100	13	200
الطلب	200	250	100	250	

امكانيه الحل : (الخلايا الممتلئة = عدد الصفوف + (عدد الاعمدة - 1))

$$6 = (4-1) + 3$$

الخلايا الممتلئة لا تتساوى مع القاعدة اذن الحل غير قاعدي ويجب استخدام طرق تحسين الحل

الخلايا الممتلئة خمس خلايا وهو المفروض يكون ستة

$$6 = (4-1) + 3$$

$$6 =$$

اذن الحل غير قاعدي

اولا نطرح اقل قيمتين من الاعمدة والصفوف ونختار اكبر فرق نروح نعبى العمود حقو عند اقل قيمه العمود الاول

$$2=10-8$$

العمود الثاني نطرح 9-5=4

العمود الثالث نطرح 8-7=1

العمود الرابع نطرح 6-3=3

الصف الاول نطرح 6-5=1

الصف الثاني نطرح 7-4=3

الصف الثالث نطرح 13-12=1

اكبر فرق هو 4 في عندنا اثنتين

اربعه عادي نختار أي وحده فيها

نختار 4 الي في العمود الثاني

واروح لاقل تكلفه في العمود

عند الرقم 5 لثاني وأشوف كم

الطلب حق العمود 250 يسير

نأخذ من العرض A 250 ونحطها

عن 5 وبكذا خلصنا تعبته العمود

الثاني وما يدخل معنا في عمليه

الطرح بعدين نرجع نطرح ثاني

مثل ما عملنا اول بس ما نخطرح

أي رقم في العمود الثاني لأننا

خلصنا تعبته العمود الاول

نخطرح اقل قيمتين 10-8=2

العمود الثاني مستبعد العمود

الثالث نطرح 8-7=1 العمود

الرابع 6-3=3 الصف الاول

نطرح 6-8=2 طبعاً ما اخترنا 5

لأنها مستبعده مع العمود الثاني

بعدين الصف الثاني نطرح 7-

3=4 وبعدين نطرح 13-12=1

بعد ما طرحنا نختار اكبر فرق هو 4 في الصف الثاني

نروح عند اقل عدد في

الصف الثاني هي 3

نحكون خلصنا العمود

الرابع ونستبعد العمود

الرابع من عمليه الطرح

ونرجع نطرح ثاني الصفوف

والاعمده العمود الاول 10-

8=2 العمود الثاني مستبعد

العمود الثالث 8-7=1

العمود الرابع مستبعد

الصف لاول 10-8=2

الصف الثاني 8-7=1

الصف الثالث 14-12=2

اكبر فرق 2 نختار أي 2

نباها نختار 2 الي في

العمود الاول واروح عند

اقل قيمه في العمود الاول

عند 8 بس ما نحتفج لان

العرض حق B مخلص

يسير نروح لاقل عدد بعد 8

الي هو 10 ونشوف كم

باقي في العرض حق A

باقي 100 يسر نأخذها

ونحطها عند 10 لسا مكملنا

الطلب حق العمود الاول

باقي 100 نروح عند 14

وحنأخذ 100 من العرض

C ونحطها وبكذا نكون

خلصنا العمود الاول

وحكيون باقي لنا اخر شي

العمود الثالث نروح عند

اقل عدد في العمود الثالث

بس ما ينفع نختار 8 و7 لان

العرض مخلص باقي لنا

بس عرض عند C يسير

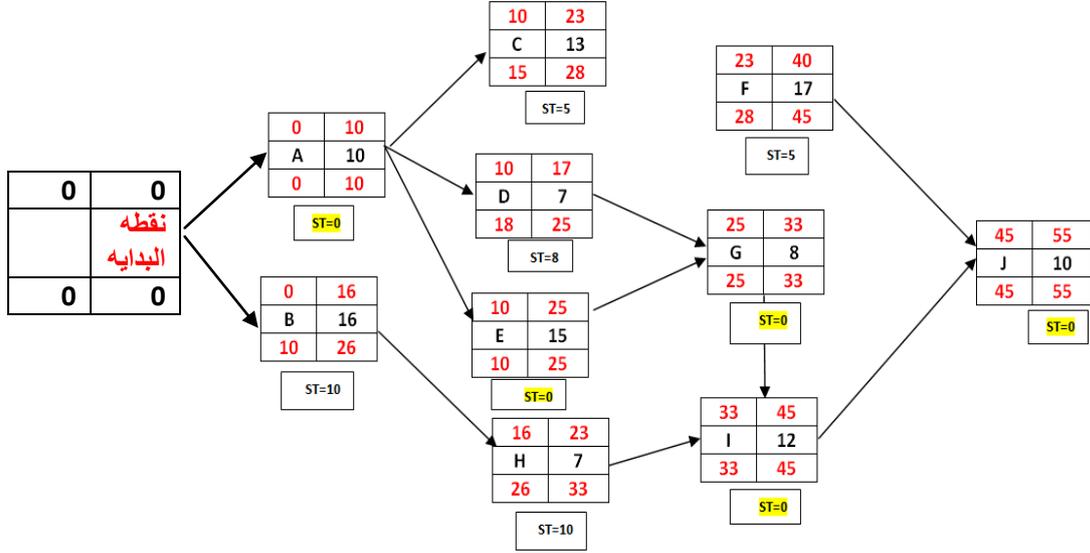
نروح عند 12 ونأخذ 100

الباقية من عرض C

ونحطها عند 12 وبكذا

المحاضرة الثالثة عشر

حل الواجب الأول :



نحسب المسار الحرج:

المسار الحرج هي جميع الانشطة التي يكون وقتها الفائض = الصفر

كيف نحسب الوقت الفائض لكل نشاط : نطرح البداية المتأخره من البداية المبكرة او النهاية المتأخره من النهاية المبكرة

المسار الحرج هو :

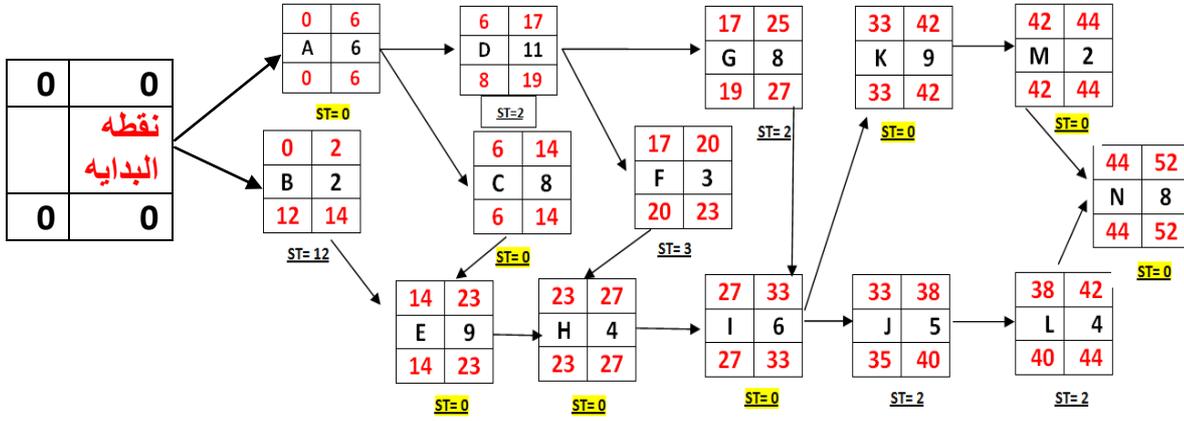
A+E+G+I+J

10+15+8+12+10=55

<u>النقاط</u>	<u>البداية المبكرة</u>	<u>النهاية المبكرة</u>	<u>البداية المتأخرة</u>	<u>النهاية المتأخرة</u>	<u>الوقت الفائض</u>
<u>A</u>	0	10	0	10	0
<u>B</u>	0	16	10	26	10
<u>C</u>	10	23	15	28	5
<u>D</u>	10	17	18	25	8
<u>E</u>	10	25	10	25	0
<u>F</u>	23	40	28	45	5
<u>G</u>	25	33	25	33	0
<u>H</u>	16	23	26	33	10
<u>I</u>	33	45	33	45	0
<u>i</u>	45	55	45	55	0

المحاضرة الثالثة عشر

الواجب الثاني:



نحسب المسار الحرج:

المسار الحرج هي جميع الانشطة التي يكون وقتها الفائض = الصفر

كيف نحسب الوقت الفائض لكل نشاط : نطرح البداية المتأخره من البداية المبكرة او النهاية المتأخره من النهاية المبكرة

المسار الحرج هو :

A+C+E+H+I+K+M+N

6+8+9+4+6+9+2+8=52

<u>النقاط</u>	<u>البداية المبكرة</u>	<u>النهاية المبكرة</u>	<u>البداية المتأخرة</u>	<u>النهاية المتأخرة</u>	<u>الوقت الفائض</u>
<u>A</u>	0	6	0	6	0
<u>B</u>	0	2	12	14	12
<u>C</u>	6	14	6	14	0
<u>D</u>	6	17	8	19	2
<u>E</u>	14	23	14	23	0
<u>F</u>	17	20	20	23	3
<u>G</u>	17	25	19	27	2
<u>H</u>	23	27	23	27	0
<u>I</u>	27	33	27	33	0
<u>J</u>	33	38	35	40	2
<u>K</u>	33	42	33	42	0
<u>L</u>	38	42	40	44	2
<u>M</u>	42	44	42	44	0
<u>N</u>	44	52	44	52	0