

*** الأرقام القياسية:

الرقم القياسي هو عبارة عن عدد أو نسبة تعطينا مقدار التغير في سعر أو كمية سلعة ما بين زمنين الأول زمن الأساس و الثاني زمن المقارنة.

- مثال : كان سعر كيلو السكر سنة 1999 م 2 ريال ، و أصبح سنة 2012 م 4 ريال ، اوجد مقدار التغير في سعر كيلو السكر إذا علمت أن 1999 م هي سنة الأساس .

- الحل :

$$\begin{aligned} \text{الرقم القياسي لسعر كيلو السكر} &= \frac{P_n}{P_0} = \frac{\text{السعر سنة المقارنة}}{\text{السعر سنة الأساس}} \\ &= \frac{4}{2} = 2 \times 100 \% = 200 \% \end{aligned}$$

■ أنواع الأرقام القياسية:

١- الأرقام القياسية البسيطة .

٢- الأرقام القياسية المرجحة .

□ الأرقام القياسية البسيطة ، و هي نوعان:

١- الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار و نرمز له بـ $I_p(a)$.

حيث أن:

Index : I

aggregate : a (التجميعي)

price : p .

القانون:

$$I_p(a) = \frac{\sum p_n}{\sum p_0} \times 100 \%$$

حيث:

P_n : سعر السلعة في سنة المقارنة .

P_0 : سعر السلعة في سنة الأساس .

٢- الرقم القياسي النسبي البسيط للأسعار $I_p(r)$.

$$I_p(r) = \frac{1}{m} \sum \frac{p_n}{p_o} \times 100 \%$$

m = عدد السلع .

السلعة	السعر في سنة الأساس P_o	السعر في سنة المقارنة P_n
أ	P_{o1}	P_{n1}
ب	P_{o2}	P_{n2}
.	.	.
.	.	.
.	.	.
m	P_{om}	P_{nm}

- مثال:

كانت الأسعار بالفلس / كلغم لبعض المواد الاستهلاكية كما يلي في الجدول التالي :

السلعة	السعر في سنة 1992 P_o	السعر في سنة 1999 P_n
السكر	200	300
الأرز	240	400
النشاي	1500	1800
القهوة	2200	4500

١- احسب الرقم القياسي التجميعي البسيط للأسعار باعتبار 1992 سنة الأساس .

٢- احسب الرقم القياسي النسبي البسيط للأسعار باعتبار 1992 سنة الأساس .

الحل:

$$I_p (a) = \frac{\sum p_n}{\sum p_o} = \frac{7000}{4140} = 1.691 \times 100 \% = 169.1 \% \quad -1$$

$$I_p (r) = \frac{1}{m} \sum \frac{p_n}{p_o} = \frac{1}{4} \left[\frac{300}{200} + \frac{400}{240} + \frac{1800}{1500} + \frac{4500}{2200} \right] = 1.603 \times 100 \% = 160.3 \% \quad -2$$

• الأرقام القياسية المرجحة للأسعار:

و هنا نأخذ بعين الاعتبار الكمية المستهلكة ، و هنالك ثلاث طرق لحساب الرقم القياسي المرجح و هي:

أ- رقم لاسبير القياسي التجميعي للأسعار .

$$I_p (al) = \frac{\sum p_n Q_o}{\sum p_o Q_o} \times 100 \%$$

لاسيبر : استخدم الكمية المستهلكة في سنة الأساس .

ب - رقم لاسبير النسبي القياسي للأسعار.

$$I_p (rl) = \sum \frac{p_n}{p_o} w_o \times 100 \%$$

$$w_o = \frac{p_o Q_o}{\sum p_o Q_o} \quad \text{حيث :}$$

RL : النسبي لاسبير .

- مثال: يبين الجدول التالي أسعار عدد من السلع (فلس /كغم) وكميات الاستهلاك بالكغم للعائلة الواحدة شهريا

السلع	السعر (1993) P0)	الكمية) Q0(1993	السعر)Pn(1999	الكمية (1999) Qn)	PnQ0	P0Q0	W0
السكر	220	7	350	8	2450	1540	0.069
الارز	280	10	430	12	4300	2800	0.126
الشاي	1700	1.5	3000	1.5	4500	2550	0.1144
اللحم	2800	5.5	4000	6.5	22000	15400	0.691
المجموع					33250	22290	

١- احسب رقم لاسبير القياسي التجميعي لأسعار 1999 م باعتبار 1993 سنة الأساس .

٢- احسب رقم لاسبير القياسي النسبي لأسعار 1999 م باعتبار 1993 سنة الأساس .

- الحل: -

$$1) I_p(aL) = \frac{\sum P_n Q_0}{\sum P_0 Q_0} = \frac{33250}{22290} = 1.49 \times 100\% = 149\%$$

$$2) I_p(rL) = \sum \frac{P_n}{P_0} W_0 = \left[\frac{350}{220}(0.069) + \frac{430}{280}(0.126) + \frac{3000}{1700}(0.1144) + \frac{4000}{2800}(0.691) \right]$$

$$= 1.492 \times 100\% = 149.2\%$$

حيث

$$W_0 = \frac{P_0 Q_0}{\sum P_0 Q_0}$$

• 2- رقم باش: -

$$IP(aB) = \frac{\sum P_n Q_n}{\sum P_0 Q_n} \times 100\%$$

أ- رقم باش التجميعي للأسعار هو

حيث:

Qn : الكمية المستهلكة في سنة المقارنة .

ب - رقم باش النسبي للأسعار هو

$$IP(rB) = \sum \frac{P_n}{P_0} W_n \text{ حيث:}$$

$$W_n = \frac{P_n Q_n}{\sum P_n Q_n}$$

- مثال : من الجدول احسب: -

١ - رقم باش التجميعي القياسي للأسعار 1999 م ، على اعتبار سنة 1993 م سنة الأساس .

٢ - رقم باش النسبي القياسي للأسعار 1999 م ، على اعتبار سنة 1993 م سنة الأساس .

السلع	السعر (1993) P0	الكمية) Q0(1993	السعر) Pn(1999	الكمية (1999) Qn	PnQn	P0Qn	Wn
السكر	220	7	350	8	2800	1760	0.073
الارز	280	10	430	12	5160	3360	0.134
الشاي	1700	1.5	3000	1.5	4500	1550	0.117
اللحم	2800	5.5	4000	6.5	26000	18200	0.676
المجموع					38460	25870	

$$1. I_p(aB) = \frac{\sum P_n Q_n}{\sum P_0 Q_n} 100\% = \frac{38460}{25870} = 1.4867 \times 100\% = 148.67\%$$

$$2. I_p(rB) = \sum \frac{P_n}{P_0} W_n = \frac{350}{220} (0.073) + \frac{430}{280} (0.134) + \frac{3000}{1700} (0.117) + \frac{4000}{2800} (0.676) = 1.4941 \times 100\% = 149.41\%$$

3- رقم فيشر Fisher :- أ- رقم
فيشر التجميعي الأمثل للأسعار هو

$$IP (af) = \sqrt{IP (aL) \times IP(aB)} \times 100 \%$$

ب - رقم فيشر النسبي القياسي الأمثل للأسعار هو

$$IP (rf) = \sqrt{IP (rL) \times IP(rB)} \times 100 \%$$

- مثال : من المثالين التاليين أوجد: -

١- رقم فيشر التجميعي القياسي الأمثل لأسعار 1999 م ، على اعتبار

١٩٩٣ م سنة الأساس .

٢- رقم فيشر النسبي القياسي الأمثل لأسعار 1999 م ، على اعتبار

١٩٩٣ م سنة الأساس .

- الحل: -

$$Ip (af) = \sqrt{IP (aL) \times IP(aB)} = \sqrt{1.49 \times 1.4867} = 1.488 \times 100 \% = 148.8 \% \text{ -1}$$

$$IP (rf) = \sqrt{IP (rL) \times IP(rB)} = \sqrt{1.492 \times 1.4941} = 1.493 \times 100 \% = 149.3 \% \text{ -2}$$