

كلية الدراسات التطبيقية وخدمة المجتمع

ملخص مبادئ الرياضيات

المستوى الأول – إدارة أعمال

إعداد: Lotus

مراجعة: سارة الغنام

بإشراف: د. ثابت القحطاني

المحاضرة الأولى (الفصل الاول)

• نظم الاعداد:

الموجبه $N = \{1, 2, 3, ...\}$ الموجبه $N = \{1, 2, 3, ...\}$

 $A=N\cup\{0\}\{0,1,2,3,\dots\}$ الأعداد الكلية $X=N\cup\{0\}\{0,1,2,3,\dots\}$ الموجبه والصفر 2/ مجموعة الأعداد الصحيحة $X=\{0,1,2,\dots\}$

 $R_n = \{rac{a}{b}, \mathbf{a}, \mathbf{b} \in \mathbf{Z}, \mathbf{b}
eq \mathbf{0}\}$ مجموعة الأعداد النسبية

$$Q^*=\{x:x\in R_n$$
 مجموعة الأعداد الغير نسبية $\pi\in Q^*$ $\pi\in R_n$ $\sqrt{A}\in Q^*$ $\pi\in z$

 $R = Rn \cup Q$: مجموعة الأعداد الحقيقية

ينتمي ∋

اتحاد ∪

تقاطع ∩

Øفاي

 $\pi~\approx 3.\,14$

قواعد الإشارات:-في الضرب والقسمة إذا تساوت الإشارات = (+) وإذا اختلفت = (-) وفي الجمع والطرح: + = (+)+(+)

الأسس :- $\mathbf{x}^3 imes \mathbf{x}^2 = \mathbf{x}^5$ $\mathbf{x}^3 \div \mathbf{x}^2 = \mathbf{x}^1$ $\mathbf{x}^3 \div \mathbf{x}^2 = \mathbf{x}^1$

واذا اختلفت نأخذ اشاره الاكبر ونطرح • أولويات العمليات الحسابية: (الضرب والقسمة أولى من الجمع والطرح)

$$9 \div 3 + 4 \times 2 = 3 + 4 \times 2 = 3 + 8 = 11$$

*مثال:

$$8-7\times 2+3=8-14+3=-6+3=-3$$

$$\frac{-8 - 4 \times -6 \div 12}{4 - 3 \times 2} = \frac{-8 + 24 \div 12}{4 - 6} = \frac{-8 + 2}{-2} = \frac{-6}{-2} = 3$$

$$\frac{15 \div 5 \times 4 \div 6 - 8}{-6 + 5 - 8 \div 8} = 3$$

• خصائص بعض العمليات الحسابية: (توحيد المقامات عند جمع وطرح عددين نسبيين)

$$\frac{a}{b} \pm \frac{c}{d} = \frac{ad}{bd} \pm \frac{bc}{bd}$$

*مثال:

$$\frac{2}{3} + \frac{5}{2} = \frac{4}{6} + \frac{15}{6} = \frac{19}{6}$$

$$5 + \frac{2}{5} = \frac{25}{5} + \frac{2}{5} = \frac{27}{5}$$

$$\frac{5}{3} - \frac{3}{4} = \frac{20}{12} - \frac{9}{12} = \frac{11}{12}$$

$$\frac{3}{2} - 7 = \frac{3}{2} - \frac{14}{2} = \frac{-11}{2}$$

$$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d}$$

*عملية الضرب:

$$\frac{3}{4} \times \frac{-2}{5} = \frac{-6}{20} = \frac{-3}{10}$$

$$\frac{3}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{6}{15} = \frac{2}{5}$$

مثال:

$$\frac{4}{7} \times \frac{5}{2} = \frac{20}{14}$$

$$\frac{a}{b} \div \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \times \frac{d}{c}$$

*عملية القسمة:

*مثال:

$$\frac{4}{3} \div \frac{1}{2} = \frac{4}{3} \times \frac{2}{1} = \frac{8}{3}$$

$$\frac{4}{3} \div \frac{1}{2} = \frac{4}{3} \times \frac{2}{1} = \frac{8}{3}$$

$$\frac{3}{5} \div \frac{2}{7} = \frac{3}{5} \times \frac{7}{2} = \frac{21}{10}$$

$$\frac{-2}{3} \div \frac{6}{4} = \frac{-2}{3} \times \frac{4}{6} = \frac{-8}{18} = \frac{-4}{9}$$

 $A \rightarrow -A$ المعكوس الجمعي : هو عكس الاشارة لنفس العدد (العنصر المحايد للجمع = 0)

 $A \to A^{-1} = \frac{1}{A}$ المعكوس الضربي : هو قلب الكسر (العنصر المحايد للضرب = 1)

$$=\frac{-10\frac{2}{3}+4}{3\frac{3}{5}-2}=\frac{70}{-21}$$

$$\frac{\frac{-3}{5} + \frac{2}{3}}{\frac{1}{4} + \frac{3}{4}} = \frac{1}{15}$$
 $3 \times [4 + 2(3 - 5) - 2] = -6$

$$3 \times [4 + 2(3 - 5) - 2] = -6$$

$$|x| = \begin{cases} x, x \ge 0 \\ -x, x < 0 \end{cases}$$

• القيمة المطلقة:

$$|-4| = -(-4) = 4$$

• مثال:

$$\left| 5 - \sqrt{3} \right| = 5 - \sqrt{3}$$

$$|3| = 3$$

$$\left|\sqrt{5}-2\right|=\sqrt{5}-2$$

$$|-6| = 6$$

$$\left|\frac{3}{5} - \frac{4}{3}\right| = \frac{9 - 20}{15} = \left|\frac{-11}{15}\right| = \frac{11}{15}$$

المحاضرة الثانية

- العمليات الجبرية:
- عملية الجمع و الطرح:

$$3x + 5x - 4 = 8x - 4$$

$$+5a2a + 3a + 5a^2 = 5a^2$$

$$(3x^2 + 5x - 2) + (6x^2 + 2x + 8) = 9x^2 + 7x + 6$$

$$5x + 2y - 2x + 4y = 3x + 6y$$

$$(2a+5b)-(4a-3b)=-2a+8b$$

$$(5x^2 + 3x - 2) - (x^2 + 2x + 6) = 4x^2 + x - 8$$

$$(5a^2 - 3a + 4) - (a^2 - 8) = 4a^2 - 3a + 12$$

$$3x + 5x = 8x$$

$$4a+2a-3=6a-3$$

$$2x + 5a + 3x + 5 = 5x + 5a + 5$$

$$5x + 2y - 2x + 6y - 3y = 3x + 5y$$

$$(3x^4 - 2x^3 - 4x^2) + (x^3 - 2x^2 - 5x) - (x^2 + 7x - 2)$$

= $3x^4 - x^3 - 7x^2 - 12x - 2$

$$(5a^2 - 3a + 4) - (a^2 - 8) = 4a^2 - 3a + 12$$

- إيجاد قيمة المقادير الجبرية:
 - اوجد قيمة المقدار التالي:

$$\frac{3x^3 - 2x^2 + 5y^2 - 2y}{3x^2 + y}$$

$$x = 2, y = -2$$

$$\frac{3(2)^3 - 2(2)^2 + 5(-2)^2 - 2(-2)}{3(2)^2 + (-2)} = \frac{40}{10} = 4$$

$$3x^2 + 2y - 4z$$
عندما $x = 2$, $y = 3$, $z = 1$

$$3(2)^2 + 2(3) - 4(1)$$

$$= 3 \times 4 + 6 - 4 = 14$$

$$2a + 3b - c$$
 $a = 3$, $b = 1$, $c = 2$
 $= 2(3) + 3(1) - 2$
 $= 6 + 3 - 2 = 7$

$$\frac{2a^2 + 5b - 3c}{a + 3b + 4c^3}$$

$$a=2 \quad b=1 \quad c=2$$

$$= \frac{2(2)^2 + 5(1) - 3(2)}{(2) + 3(1) + 4(2)^3} = \frac{7}{37}$$

$$\left(\frac{a}{b} + \frac{c}{a}\right)(b^2 - c^2)$$

$$a = 3, b = 1, c = 2$$

$$\left(\frac{3}{1} + \frac{2}{3}\right)(1^2 - 2^2)$$

$$\left(\frac{9+2}{3}\right)(1-4)$$

$$= \frac{11}{3} \times \left(\frac{-3}{1}\right) = \frac{-33}{3} = -11$$

• ضرب المقادير الجبرية:

$$5(3x^2 + 2y) = 15x^2 + 10y$$

$$5(3x^2 + 2y) = 15x^2 + 10y$$

$$(3a + 2)(2a + 4) = 6a^2 + 16a + 8$$

$$(3x-1)(x+2) = 3x^2 + 5x - 2$$

$$3(5x+2y)=15x+6y$$

$$3x - [5 - 3(x - 2)] = 3x - \{5 - 3x + 6\} = 3x - (11 - 3x)$$
$$= 6x - 11$$

$$2[3-(x-4)] = 2[3-x+4] = 2[7-x] = 14-2x$$

- ضرب بعض المقادير الخاصة:
- $(a+b)(a-b)=(a^2-b^2)$: قاعده الفرق بين مربعين ullet

$$(3x - 4y^2)(3x + 4y^2) = (9x^2 - 16y^4)$$

• مثال:

$$(25y^4 - 16x^8) = (5y^2 - 4x^4)(5y^2 + 4x^4)$$

$$(3-x)(3+x) = 9 - x^2$$

$$(2a-5)(2a+5) = 4a^2 - 25$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

*قاعدة:

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3b^2a + b^3$$

$$(2x+3b)^2 = 4x^2 + 12xb + 9b^2$$
 : مثال:

$$(a^2 + 5b^3)^2 = a^4 + 10a^2b^3 + 25b^6$$

$$(x^4 - 5)^2 = x^8 - 10x^4 + 25$$

$$(4+3b)^2 = 16 + 24b + 9b^2$$

$$(6-2x)^2 = 36-24x+4x^2$$

• قسمة المقادير الجبرية:

$$\frac{8x^4y^3}{2xy^2}=4x^3y$$

$$\frac{x^5}{x^2} + \frac{y^4}{y^3} = x^3 + y$$

$$\frac{12x^{5}y^{6}}{3x^{3}y^{2}} \div \frac{25x^{4}yz^{3}}{2y^{4}z^{2}} = 4x^{2}y^{4} \div \frac{25x^{4}z}{2y^{3}} = \frac{4x^{2}y^{4}}{1} \times \frac{2y^{3}}{25x^{4}z}$$
$$= \frac{8x^{2}y^{7}}{25x^{4}z} = \frac{8y^{7}}{25x^{2}z}$$

$$\frac{25m^4n^3}{15m^2n^5} = \frac{5}{3}m^2n^{-2} = \frac{5m^2}{3n^2}$$

المحاضرة الثالثة

- تحليل بعض المقادير الجبرية:
 - 1- التحليل بإيجاد العامل المشترك:

• مثال

$$25x^2 + 5x = 5x[5x + 1]$$

$$2x^3 + yx = x[2x^2 + y]$$

$$4x^2y + 2xy^2 = 2xy[2x + y]$$

$$4x^3y^2 + 12x^2y^3 + 6x^5y^2 = 2x^2y^2[2x + 6y + 3x^3]$$

$$2x(3x-2)-7(3x-2)=(3x-2)(2x-7)$$

$$3a(2a+5) + 5(2a+5) = (2a+5)(3a+5)$$

$$3x^3y - 6x^2y^2 - 3xy^3 = 3xy(x^2 - 2xy - y^2)$$

2- التحليل بالتجميع المناسب:

• مثال:

$$3x^{2} - 6x + 4x - 8 = (3x^{2} - 6x) + (4x - 8)$$
$$= 3x(x - 2) + 4(x - 2)$$
$$= (x - 2) \times (3x + 4)$$

$$wy + wz - 2xy - 2xz = w(y + z) - 2x(y + z)$$

= $(y + z)(w - 2x)$

$$2x^{2} + 6x + 5x + 15 = 2x(x+3) + 5(x+3)$$
$$= (x+3)(2x+5)$$

$$2pr + ps - 6qr - 3qs = p(2r + s) - 3q(2r + s)$$
$$= (2r + s)(p - 3q)$$

$$6wy - xz - 2xy + 3wz = 2y(3w - x) + z(3w - x)$$
$$= (3w - x)(2y + z)$$

• تحليل المقدار الثلاثي



$$\mathbf{x^2} + 3x + 2 = (x+2)(x+1)$$

$$x^2 + 5x + 6 = (x+3)(x+2)$$

$$x^2 - 2x - 3 = (x - 3)(x + 1)$$

$$y^2 + 3y - 10 = (y - 2)(y + 5)$$

• تحليل بعض المقادير الجبرية الخاصة:

$$(u+v)^2 = \mathbf{u}^2 + 2uv + v^2$$

الحالة الاولى:

مثال:

مثال:

$$(2x+3y)^2 = 4x^2 + 2(2x)(3y) + 9y^2 = 4x^2 + 12xy + 9y^2$$

 $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$ الحالة الثانية:

$$(3x-5)^2 = 9x^2 - 2(3x)(5) + 25 = 9x^2 - 30x + 25$$

• الفرق بين مربعين:

$$\mathbf{u}^2 - v^2 = (u - v)(\mathbf{u} + \mathbf{v})$$

مثال :

عددان مرافقان

$$(25 - a^2) = (5 - a)(5 + a)$$

$$(3+2a)(3-2a)=9-4a^2$$

$$9x^2 - 4y^2 = (3x - 2y)(3x + 2y)$$

• الفرق بين مكعبين (مهمه جداً):

$$x^3 - y^3 = (x - y)(x^2 + xy + y^2)$$

مثال:

$$(27 - 8y^3) = (3 - 2y)(9 + 6y + 4y^2)$$

• جمع مكعبين:

$$u^3 + v^3 = (u + v)(u^2 - uv + v^2)$$

$$(27 + 8a^3) = (3 + 2a)(9 - 6a + 4a^2)$$
: مثال :

$$m^3 + n^3 = (m+n)(m^2 - mn + n^2)$$

المحاضرة الرابعة (الفصل الثاني)

*المضاعف المشترك البسيط:

*أمثلة: اوجد العامل المشترك ؟

$$2x^2y, 6xy^2 = 2xy$$

$$(x+1)$$
, $2x = x$

$$a^2b$$
, $3a=a$

*اوجد جمع ناتج ما يلي:

$$\frac{5}{x} + \frac{2}{3} = \frac{15}{3x} + \frac{2x}{3x} = \frac{15 + 2x}{3x}$$

$$\frac{2}{xy} + \frac{y}{x^2} = \frac{2x}{x^2y} + \frac{y^2}{x^2y} = \frac{2x + y^2}{x^2y}$$

*اوجد ناتج طرح ما يلي:

$$\frac{3x}{2y} - \frac{5}{y} = \frac{3x}{2y} - \frac{10}{2y} = \frac{3x - 10}{2y}$$

$$\frac{2+x}{x} - \frac{y}{x+1} = \frac{(2+x)(x+1)}{x(x+1)} - \frac{xy}{x(x+1)} = \frac{(2+x)(x+1) - xy}{x(x+1)}$$

*ضع المقادير التالية في ابسط صورة ؟

$$\frac{\frac{2}{x}-1}{\frac{4}{x^2}-1} = \frac{\frac{(2-x)}{x}}{\frac{(4-x)}{x^2}} = \frac{(2-x)}{x} \div \frac{(4-x^2)}{x^2}$$

$$= \frac{(2-x)}{x} \times \frac{x^2}{(4-x^2)} = \frac{(2-x)x^2}{x(4-x^2)}$$

$$= \frac{(2-x)x}{(2-x)(2+x)} = \frac{x}{(2+x)}$$

$$\frac{1}{n} - \frac{1}{m} = \frac{m}{nm} - \frac{n}{nm} = \frac{m-n}{nm}$$

$$\frac{\frac{m}{n}+\frac{n}{m}=\frac{m^2}{nm}+\frac{n^2}{nm}=\frac{m^2+n^2}{nm}$$

$$\frac{x^2 - 9}{x^2 - 1} \div \frac{x - 3}{x - 1} = \frac{(x^2 - 9)}{(x^2 - 1)} \times \frac{x - 1}{x - 3} = \frac{(x - 3)(x + 3)}{(x - 1)(x + 1)} \times \frac{(x - 1)}{(x - 3)}$$
$$= \frac{(x + 3)}{(x + 1)}$$

$$\frac{\frac{1+\frac{1}{x}}{x-\frac{1}{x}}}{\frac{1}{x}-\frac{\frac{(x+1)}{x}}{x}} = \frac{x+1}{x} \div \frac{x^2-1}{x} = \frac{x+1}{x} \times \frac{x}{x^2-1}$$
$$= \frac{(x+1)}{(x+1)(x-1)} = \frac{1}{(x-1)}$$

$$\frac{\frac{x^2}{y^2} - 1}{\frac{x}{y} + 1} = \frac{\frac{(x^2 - y^2)}{y^2}}{\frac{(x + y)}{y}} = \frac{(x^2 - y^2)}{y^2} \div \frac{(x + y)}{y} = \frac{(x - y)(x + y)}{y^2} \times \frac{y}{(x + y)} = \frac{(x - y)(x + y)}{y} = \frac{(x - y)}{y}$$

المحاضرة الخامسة (الفصل الثالث)

<u>الاسس :</u>

$$b^{-rac{m}{n}}=rac{1}{b^{rac{m}{n}}}$$
: قاعدة

$$b^{\frac{m}{n}}=(b^{\frac{1}{n}})^m$$

قاعدة :

أمثلة:

 $8^{\frac{1}{3}} = (2^3)^{\frac{1}{3}} = 2^{\frac{3}{3}} = 2$

$$8^{\frac{1}{3}} = (2^3)^{\frac{1}{3}} = 2^{\frac{3}{3}} = 2$$

$$2^{-3} = \frac{1}{2^3} = \frac{1}{8}$$

$$\left(5y_{4}^{\frac{3}{4}}\right)\left(2y_{3}^{\frac{1}{3}}\right)=10y_{12}^{\frac{13}{12}}$$

$$8^{\frac{2}{3}} = (2^3)^{\frac{2}{3}} = 2^{\frac{6}{3}} = 2^2 = 4$$

$$\frac{1}{x^{-5}} = x^5$$

$$\mathbf{10^{-3}} = \frac{1}{10^3} = \frac{1}{1000}$$

$$\frac{x^{-3}}{y^{-5}} = \frac{y^5}{x^3}$$

$$\frac{u^{-7}}{v^{-2}} = \frac{v^2}{u^7}$$

$$(x^3y^2)^0 = 1$$

$$\frac{4^{\frac{1}{2}}}{4^{\frac{1}{2}}} = (2^2)^{\frac{1}{2}} = 2^{\frac{2}{2}} = 2$$

$$\left(3x^{\frac{1}{3}}\right)\cdot\left(2x^{\frac{1}{2}}\right)=6x^{\frac{1}{3}}x^{\frac{1}{2}}=6x^{\frac{5}{6}}$$

$$\left(\frac{4x^{\frac{1}{3}}}{x^{\frac{1}{2}}}\right)^{\frac{1}{2}} = \left(4x^{\frac{-1}{6}}\right)^{\frac{1}{2}} = \left(2^{2}\right)^{\frac{1}{2}} \cdot x^{\frac{-1}{12}} = 2x^{\frac{-1}{12}} = \frac{2}{x^{\frac{1}{12}}}$$

$$\frac{3^{-2} \cdot x^5 \cdot y^{-3}}{3^{-4} \cdot x^{-2} \cdot y^{-4}} = \frac{3^4 \cdot x^5 \cdot x^2 \cdot y^4}{3^2 y^3} = \frac{3^2 x^7 y^1}{1} = 9x^7 y$$

$$3^4 \cdot 3^{-5} = 3^{-1} = \frac{1}{3}$$

$$5^{-2}$$
. $5^{-3} = 5^{-5} = \frac{1}{5^5}$

$$(a^n)^m = a^{n imes m}$$
 : قاعدة

$$(2^{-5})^{-1} = 2^5$$

$$(3^2)^3 = 3^6$$

*مثال:

$$(ab)^m = a^m.b^m$$

• قاعدة:

$$(2x)^3 = 2^3 \cdot x^3$$

• مثال:

$$(3.5)^{-2} = 3^{-2}.5^{-2} = \frac{1}{3^2}.\frac{1}{5^2} = \frac{1}{9}.\frac{1}{25} = \frac{1}{225}$$

*مثال

$$(\frac{2}{3})^2 = \frac{2^2}{3^2} = \frac{4}{9}$$

قاعدة:

$$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$$

مثال:

$$\frac{2^5}{2^3} = 2^2 = 4$$

$$\frac{a^m}{a^n}=a^{m-n}$$

$$\frac{2^4 x^{-2}}{2^{-3} x^{-5}} = \frac{2^4 \cdot 2^3 \cdot x^5}{x^2} = 2^7 \cdot x^3$$

*تمارین:

$$\frac{6x^{-3}}{8x^{-4}} = \frac{6x^4}{8x^3} = \frac{3}{4}x$$

$$3x^5(2x^2)=6x^7$$

$$(2a^{-3}b^2)^{-2} = 2^{-2}a^6b^{-4} = \frac{a^6}{2^2b^4} = \frac{a^6}{4b^4}$$

$$\left(\frac{a^3}{b^5}\right)^{-2} = \frac{a^{-6}}{b^{-10}} = \frac{b^{10}}{a^6}$$

$$\frac{4x^{-3}y^{-5}}{6x^{-4}y^3} = \frac{4x^4}{6x^3y^5 \cdot y^3} = \frac{2x^4}{6x^3y^8} = \frac{2x}{3y^8}$$

$$\left(\frac{x^{-3}}{y^4z^{-2}}\right)^{-3} = \frac{x^9}{y^{-12}z^6} = \frac{x^9y^{12}}{z^6}$$

$$\left(\frac{m^{-3}n^3}{n^{-2}}\right)^{-2} = \frac{m^6n^{-6}}{n^4} = \frac{m^6}{n^4 \cdot n^6} = \frac{m^6}{n^{10}}$$

*كيف نتخلص من الجذر؟! حسلت الجذر الجذر المعلم الجذر المعلم المعلم المجذر المعلم المعلم

*أمثلة:

$$\sqrt{x^3}=x^{\frac{3}{2}}$$

$$\sqrt[3]{x^5} = x^{\frac{5}{3}}$$

$$\sqrt[5]{x^2y^3} = x^{\frac{2}{5}}y^{\frac{3}{5}}$$

$$\sqrt[3]{x^2y^3z^5} = x^{\frac{2}{3}}yz^{\frac{5}{3}}$$

$$\sqrt{12x^3y^5z^2} = 12^{\frac{1}{2}}x^{\frac{3}{2}}y^{\frac{5}{2}}z$$

*استخدام الجذور لتبسيط الاسس:

$$oldsymbol{b}^{rac{m}{n}}=\sqrt[n]{oldsymbol{b}^{m}}$$

*قاعدة:

*مثال:

$$x^{\frac{1}{2}} \cdot x^{\frac{2}{3}} = x^{\frac{1}{2} + \frac{2}{3}} = x^{\frac{7}{6}} = \sqrt[6]{x^7}$$

$$x^{\frac{3}{5}} = \sqrt[5]{x^3}$$

$$x^{\frac{1}{2}} = \sqrt{x}$$

$$y^{\frac{-2}{3}} = \frac{1}{y^{\frac{2}{3}}} = \frac{1}{\sqrt[3]{y^2}}$$

$$\sqrt{a}.\sqrt{a}=a$$

*قاعدة:

$$(\sqrt{x}-3)(\sqrt{x}+3)=x-9$$

*مثال:

$$\big(5+\sqrt{2}\big)\big(5-\sqrt{2}\big)=25-2$$

$$4\sqrt{5} - 2\sqrt{5} + 6\sqrt{5} = 8\sqrt{5}$$

$$5\sqrt{3} + 4\sqrt{3} = 9\sqrt{3}$$

المحاضرة السادسة

*انطاق المقام: (التخلص من الجذور في المقام)

*مثال:

$$\frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

$$\frac{3}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{3\sqrt{5}}{5}$$

$$\frac{3}{2-\sqrt{3}} = \frac{3}{2-\sqrt{3}} \times \frac{2+\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}} = \frac{6+3\sqrt{3}}{4-3} = 6+3\sqrt{3}$$

$$\frac{2}{5+\sqrt{3}} = \frac{10-2\sqrt{3}}{22}$$

$$\frac{\sqrt{2}+\sqrt{3}}{1-\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{2}+\sqrt{10}+\sqrt{3}+\sqrt{15}}{-4}$$

اللوغاريتمات

$$\log_a b = c \leftrightarrow b = a^c$$

*قاعدة:

دائماً
$$\log_a 1 = 0$$

دائماً
$$\log_a a = 1$$

*قاعدة:

*مثال: اكتب الصيغة اللوغاريتمية المقابلة للصيغة الاسية:

$$4^2 = 16 \leftrightarrow \log_4 16 = 2$$

$$3^2 = 9 \leftrightarrow \log_3 9 = 2$$

$$2^{-3} = \frac{1}{8} \leftrightarrow \log_2 \frac{1}{8} = -3$$

$$3^4 = 81 \leftrightarrow \log_3 81 = 4$$

$$2^{-5} = \frac{1}{32} \leftrightarrow \log_2 \frac{1}{32} = -5$$

$$0.001 = 10^{-3} \leftrightarrow \log_{10} 0.001 = -3$$

$$\log_2 64 = 6 \leftrightarrow 2^6 = 64$$

$$\log_2 8 = 3 \leftrightarrow 2^3 = 8$$

$$\log_{\frac{1}{2}} 8 = -3 \leftrightarrow (\frac{1}{2})^{-3} = 8$$

$$\log_{\frac{1}{2}} 8 = -3 \leftrightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^{-3} = 8$$

$$\log_{10} 1000 = 3 \leftrightarrow 10^3 = 1000$$

*أوجد قيمة المجهول ؟!

$$\log_3 x = 2 \leftrightarrow 3^2 = x \rightarrow x = 9$$

$$\log_4 x = 3 \leftrightarrow 4^3 = x \rightarrow x = 64$$

$$\log_x 81 = 4 \leftrightarrow x^4 = 81 \rightarrow x = 3$$

$$\log_5 125 = x \leftrightarrow 5^x = 125 \rightarrow x = 3$$

$$\log_x 27 = 3 \leftrightarrow x^3 = 27 \rightarrow x = 3$$

$$\log_{10}(x^2 + 1) = 1 \leftrightarrow 10^1 = (x^2 + 1) = x^2 = 10 - 1 = x^2 = 9 = x$$

$$= \pm 3$$

$$\log_a(x \times y) = \log_a x + \log_a y$$
 : قاعدة

$$\log_2(5 \times 3) = \log_2 5 + \log_2 3$$
 : مثال :

$$\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$$
: *قاعدة

$$\log_3 \frac{5}{2} = \log_3 5 - \log_3 2$$
 : مثال

$$\log_a x^n = n \log_a x$$
: *قاعدة

$$\log_2 4^3 = 3 \log_2 4$$
 مثال:

$$\log_3 5 = 1,46$$
 , $\log_3 2 = 0,63$ - مثال: أوجد ما يلي $*$

$$log_3 10 = log_3 (5 \times 2) = log_3 5 + log_3 2 = 1,46 + 0,63 = 2,09$$

$$\log_3 15 = \log_3 (5 \times 3) = \log_3 5 + \log_3 3 = 1,46 + 1 = 2,46$$

$$\textcolor{red}{log_3\,16} = log_3\,2^4 = 4\,log_3\,2 = 4\times 0,63\,\approx\,2,52$$

$$\textcolor{red}{\log_3 2.\, 5} = \log_3 \frac{5}{2} = \log_3 5 - \log_3 2 = 1,46 - 0,63 \approx 0,83$$

$$\log_3 0.4 = \log_3 \frac{4}{10} = \log_3 \frac{2}{5} = \log_3 2 - \log_3 5 = -0.83$$

$$\log_3 \sqrt[3]{4} = \log_3 4^{\frac{1}{3}} = \log_3 (2^2)^{\frac{1}{3}} = \log_3 2^{\frac{2}{3}} = \frac{2}{3} \log_3 2 = \left(\frac{2}{3}\right) \times 0,63$$

$$\approx 0,42$$

المحاضرة السابعة (الفصل الرابع)

*التباديل:

 $4! = 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 24 = 4$ مضروب العدد

 $5! = 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 120 = 5$ مضروب العدد

 $6! = 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 720 = 6$ مضروب العدد

*بالحاسبة : (Shift + (x!

 $\mathbf{n}\mathbf{Pr} = \frac{n!}{(n-r)!}$: قاعدة *

*مثال: عدد تباديل 6 مأخوذة 4 في كل مرة ؟؟

الطريقة الأولى : $\frac{6!}{(6-4)!} = \frac{6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2}{2 \cdot 1} = 360$

 $6P4 = 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 = 360$ الطريقة الثانية :

*بالحاسبة : + + (npr) + 4

*مثال: احسب عدد تباديل 5 مأخوذة 3 في كل مرة ؟؟

*الطريقة الأولى: $\frac{5!}{(5-3)!} = \frac{5!}{2!} = \frac{5.4.3.2.1}{2.1} = 60$

*الطريقة الثانية: $P3 = 5 \cdot 4 \cdot 3 = 60$

*بالحاسبة : 5 + shift +(npr) + 3

 $\mathbf{n}p_n=n!$: *قاعدة

24

$$5p_5 = 5! = 5.4.3.2.1 = 120$$
 : مثال :

*مثال: بكم طريقه يمكن اختيار 3 كتب من مجموعة مكونه من 10 كتب؟

$$10P3 = \frac{10!}{(10-3)!} = \frac{10!}{7!} = \frac{10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}{7!} = 720$$
 : "الطريقة الأولى:

*الطريقة الثانية : | 10P3 = 10 · 9 · 8 = 720

*بالحاسبة : | 3+ (npr) +3

*مثال: احسب؟

$$_{7}p_{6} = 7.6.5.4.3.2 = 5040$$

$$_{4}p_{2}=4.3=12$$

$$p_3 = 12.11.10 = 1320$$

$$8p_8 = 8! = 8.7.6.5.4.3.2.1 = 40320$$

*التوافيق:

$$nc_r = rac{\mathrm{n} p_r}{r!}$$
 : قاعدة

$$\mathbf{n}c_r = \frac{n!}{(n-r)!\,r!}$$

*قاعدة :

: حسب $5c_2$ بثلاث طرق *

$$5c_2 = \frac{5!}{(5-2)! \cdot 2!} = \frac{5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}{3! \cdot 2!} = \frac{5 \cdot 4^2 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1}{3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 2 \cdot 1} = 10$$

*الطريقة الاولى:

$$_{5}c_{2}=rac{5p_{2}}{2!}=rac{5.4}{2!}=rac{5.4^{2}}{2.1}=10$$
 : الطريقة الثانية :

$$5 + shift + (nCr) + 2$$
 : **

$$7c_1=7$$
 : مثال * \mathbf{n}

$$\mathbf{n}c_1 = n$$

$$3c_3=1$$
 : مثال * \mathbf{n}

$$nc_n = 1$$

$$\mathbf{5c_0} = \mathbf{1}$$
 : مثال $\mathbf{nc_0} = \mathbf{1}$: *قاعدة

$$nc_0 = 1$$

*مثال:

*احسب بطريقتين مختلفتين ثم استخدم الحاسبة للتأكد:

$$5c_4 = \frac{5!}{(5-4)!4!} = \frac{5!}{1!.4!} = \frac{5.4.3.2.1}{4.3.2.1} = 5$$

*الطريقة الاولى:

$$5c_4 = \frac{5p_4}{4!} = \frac{5.4.3.2.1}{4.3.2.1} = 5$$

*الطريقة الثانية:

$$12c_8 = \frac{12!}{(12-8)!\,8!} = \frac{12!}{4!.8!} = \frac{12.11.10.9.8.7.6.5.4.3.2.1}{4.3.2.1.8.7.6.5.4.3.2.1} = 495$$
 الطريقة الاولى :

$$12c_8 = \frac{12p_8}{8!} = \frac{12.11.10.9.8.7.6.5}{-8.7.6.5.4.3.2.1} = 495$$
 : الطريقة الثانية :

$$7c_5 = \frac{7!}{(7-5)!5!} = \frac{7!}{2!.5!} = \frac{7.6^3.5.4.3.2.1}{2.1.5.4.3.2.1} = 21$$
 : الطريقة الاولى:

$$7c_5 = \frac{7c_5}{5!} = \frac{7.6^3 - 5.4.3}{5.4.3 - 2.1} = 21$$
 : الطريقة الثانية :

$$9c_1 = 9$$

$$8c_0 = 1$$

$$8c_0=1 4c_4=1$$

المحاضرة الثامنة (الفصل الخامس)

*المعادلة الخطية:

$$ax+b=0$$
 : قاعدة

*مثال : حل المعادلات الخطية التالية :

$$2x + 1 = 6x - 7$$

$$2x - 6x = -7 - 1$$

$$-4x = -8$$

$$x = 2$$

$$2x-6 = 4x + 1$$

$$2x-4x = 6 + 1$$

$$-2x = 7$$

$$x = -\frac{7}{2}$$

$$-5x + 3 = 8x - 7$$

$$-5x - 8x = -3 - 7$$

$$-13x = -10$$

$$x = \frac{10}{13}$$

$$\frac{x}{2} - \frac{4x}{3} = \frac{5}{2}$$

$$(\times 2) \frac{2(x)}{2} - \frac{8x}{3} = \frac{10}{2}$$

$$(\times 3) \quad 3x - \frac{3(8x)}{3} = 15$$

$$3x - 8x = 15$$

$$-5x = 15$$

$$x = -3$$

$$2 + \frac{3x}{2} - 5 = \frac{x}{4} + \frac{2}{3}$$

$$4 + \frac{2(3x)}{2} - 10 = \frac{2x}{4} + \frac{4}{3}$$

$$16 + 12x - 40 = \frac{4(2x)}{4} + \frac{16}{3}$$

$$16 + 12x - 40 = 2x + \frac{16}{3}$$

$$16 - \frac{16}{3} - 40 = 2x - 12x$$

$$-\frac{88}{3} = -10x$$

$$x = \frac{44}{15}$$

$$7x - 10 = 4x + 5$$

$$7x - 4x = 10 + 5$$

$$3x = 15$$

$$x = 5$$

$$\frac{x}{5} + \frac{3}{2} = x + \frac{1}{2}$$

$$(\times 5) \frac{5(x)}{5} + \frac{15}{2} = 5x + \frac{5}{2}$$

$$(\times 2) \quad 2x + 15 = 10x + 5$$

$$2x - 10x = 5 - 15$$

$$-8x = -10$$

$$x = \frac{5}{4}$$

$$\frac{x+1}{3} - \frac{x}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{3(x+1)}{3} - \frac{3x}{4} = \frac{3}{2}$$

$$4(x+1) - \frac{4(3x)}{4} = \frac{12}{2}$$

$$4x + 4 - 3x = 6$$

$$4x - 3x = 6 - 4$$

$$x = 2$$

$$5x - 4 = 2x + 8$$

$$5x - 2x = 4 + 8$$

$$3x = 12$$

$$x = 4$$

$$4(x+3) = 6(x-2)$$

$$4x + 12 = 6x - 12$$

$$4x - 6x = -12 - 12$$

$$-2x = -24$$

$$x = 12$$

$$5 - \frac{3a - 4}{5} = \frac{7 - 2a}{2}$$

$$25 - \frac{5(3a - 4)}{5} = \frac{35 - 10a}{2}$$

$$50 - 6a + 8 = \frac{2(35 - 10a)}{2}$$

$$50 - 6a + 8 = 35 - 10a$$

$$50 + 8 - 35 = 6a - 10a$$

$$23 = -4a$$

$$a = -\frac{23}{4}$$

$$-4 - 3(x + 2) + x = 5(x - 1) - 7x$$

$$4 - 3x - 6 + x = 5x - 5 - 7x$$

$$-3x + x - 5x + 7x = -4 + 6 - 5$$

$$0 \neq -3$$

ليس لها حل لأن المستقيمان اللذان يمثلان المعادلتين المتساويتين هما مستقيمان متوازيان لهما نفس الميل

المحاضرة التاسعة

*حل المعادلات الخطية ذات المجهولين:

أولا: طريقه الحل بالتعويض:

*مثال:

$$\begin{cases} x + y = 2 \\ 2x - y = 1 \end{cases}$$

x = -y + 2: من المعادلة الاولى

نعوض بقيمة x في المعادلة الثانية:

$$2(-y+2)-y=1$$

$$-3y = -3$$

$$y = 1$$

نعوض بقيمة y في المعادلة الاولى:

$$x = -y + 2$$

$$x = -1 + 2$$

$$x = 1$$

$$\begin{cases} x - y = 3 \\ -2x + y = 1 \end{cases}$$

x = y + 3: من المعادلة الأولى

نعوض بقيمة x في المعادلة الثانية:

$$-2(y+3)+y=1$$

$$-y = 5$$

$$y = -5$$

نعوض قيمة y في المعادلة الاولى:

$$x = y + 3$$

$$x = -5 + 3$$

$$x = -2$$

$$\{(-2,-5)\}$$
 = (Label 14.0)

$$\begin{cases} x + 3y = 2 \\ 2x + y = 4 \end{cases}$$

y=-2x+4: من المعادلة الثانية

نعوض قيمة y في المعادلة الاولى:

$$x + 3(-2x + 4) = 2$$

$$x - 6x + 12 = 2$$

$$-5x = -10$$

$$x = 2$$

بتعويض قيمة x في المعادلة الثانية:

$$y = -2(2) + 4$$

$$y = 0$$

$$\{(2,0)\}=$$

$$\begin{cases} 3x + y = 10 \\ x - 2y = 1 \end{cases}$$

x = 2y + 1: من المعادلة الثانية

نعوض قيمة x في المعادلة الاولى:

$$3(2y+1) + y = 10$$

$$6y + 3 + y = 10$$

$$7y = 7$$

$$y = 1$$

بتعويض قيمة y في المعادلة الثانية:

$$x = 2(1) + 1$$

$$x = 3$$

*ثانيا: طريقه الحذف:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 6 \\ 3x - 3y = 4 \end{cases}$$

نجمع المعادلتين:

$$5x = 10$$

$$x = 2$$

بالتعويض بقيمة x في إحدى المعادلتين

$$3(2) - 3y = 4$$

$$6 - 3y = 4$$

$$y=\frac{2}{3}$$

$$\left\{\left(2,\frac{2}{3}\right)\right\} = 1$$
مجموعة الحل

$$\begin{cases} 2x + y = 2 \\ 3x - y = 3 \end{cases}$$

نجمع المعادلتين:

$$5x = 5$$

$$x = 1$$

بالتعويض بقيمة x في إحدى المعادلتين

$$2(1) + y = 2$$

$$2 + y = 2$$

$$y = 0$$

$$\{(1,0)\}$$

$$\begin{cases} 3x - 2y = 1 \\ 2x + y = 4 \end{cases}$$

نضرب المعادلة الثانية في 2:

$$\begin{cases}
3x - 2y = 1 \\
4x + 2y = 8
\end{cases}$$

نجمع المعادلتين:

$$7x = 9$$

$$x=\frac{9}{7}$$

بالتعويض بقيمة xفي إحدى المعادلتين

$$3\left(\frac{9}{7}\right) + 2y = 1$$

$$y=\frac{10}{7}$$

$$\left\{ \left(\frac{9}{7}, \frac{10}{7}\right) \right\} = 1$$
مجموعة الحل

$$\begin{cases} x + 5y = -1 \\ -x + 2y = 8 \end{cases}$$

نجمع المعادلتين:

$$7y = 7$$

$$y = 1$$

بالتعويض بقيمة y في إحدى المعادلتين

$$x + 5(1) = -1$$

$$x = -6$$

$$\{(-6,1)\}=\{(-6,1)\}$$

$$\begin{cases} x - y = 5 \\ 2x + 4y = -3 \end{cases}$$

بضرب المعادلة الاولى في 2-:

$$\begin{cases}
-2x + 2y = -10 \\
2x + 4y = -3
\end{cases}$$

نجمع المعادلتين:

$$6y = -13$$

$$y = -\frac{13}{6}$$

بالتعويض بقيمة y في المعادلة الأولى:

$$x - \left(-\frac{13}{6}\right) = 5$$

$$x=\frac{17}{6}$$

$$\left\{ \left(\frac{17}{6}, -\frac{13}{6}\right) \right\} = 1$$

*حل معادلات الدرجة الثانية بمجهول واحد:

$$ax^2 + bx + c = 0$$
 : *الصورة القياسية

*أولا: بطريقة التحليل:

*مثال:

$$x^2 + 5x + 6 = 0$$

$$(x+3)(x+2)=0$$

$$x + 3 = 0$$

$$x = -3$$

$$x + 2 = 0$$

$$x = -2$$

$$\{-2, -3\} = \{-2, -3\}$$

$$x^2 + x - 2 = 0$$

$$(x-1)(x+2)=0$$

$$x - 1 = 0$$

$$x = 1$$

$$x + 2 = 0$$

$$x = -2$$

$$\{-2,1\}$$
 = $\{-2,1\}$

$$4x^2 + 12x + 9 = 0$$

$$(2x+3)(2x+3) = 0$$

$$2x + 3 = 0$$

$$x=-\frac{3}{2}$$

$$\left\{-\frac{3}{2}, -\frac{3}{2}\right\} = \text{identity}$$

$$2x^2 = 5x$$

$$2x^2 - 5x = 0$$

$$x(2x-5)=0$$

$$x = 0$$

$$2x-5=0$$

$$x=\frac{5}{2}$$

$$\left\{0,\frac{5}{2}\right\} = 1$$
مجموعة الحل

$$x^2 - 6x + 5 = -4$$

$$x^2 - 6x + 9 = 0$$

$$(x-3)(x-3)=0$$

$$x - 3 = 0$$
$$x = 3$$

$$4x^2 = 3x$$

$$4x^2 - 3x = 0$$

$$x(4x-3)=0$$

$$x = 0$$

$$4x-3=0$$

$$x=\frac{3}{4}$$

$$\left\{0,\frac{3}{4}\right\} = 1$$

المحاضرة العاشرة

*بطريقة إكمال المربع:

$$x^2+bx+\left(rac{b}{2}
ight)^2=\left(x+rac{b}{2}
ight)^2$$
: قاعدة

*مثال:

$$x^{2} + 4x = 2$$

$$x^{2} + 4x + 4 = 2 + 4$$

$$(x+2)^{2} = 6$$

$$(x+2) = \pm \sqrt{6}$$

$$x = \pm \sqrt{6} - 2$$

*أكمل العبارة التالية لتصبح مربعا كاملا:

$$x^2 + 5x$$
$$x^2 + 5x + \left(\frac{5}{2}\right)^2 = \left(\frac{5}{2}\right)^2$$

$$x^2 - 3x$$
$$x^2 - 3x + \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \left(\frac{3}{2}\right)^2$$

*حل المعادلات بطريقة إكمال المربع:

$$2x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$x^2-2x+\frac{3}{2}=0$$

$$x^2-2x=-\frac{3}{2}$$

$$x^2 - 2x + (1)^2 = -\frac{3}{2} + (-1)^2$$

$$x^2 - 2x + 1 = -\frac{1}{2}$$

$$(x-1)=\pm\sqrt{-\frac{1}{2}}$$

لايوجد حل لانها ليست من الاعداد الحقيقية R

$$3x^2 - 12x + 3 = 0$$

$$x^2 - 4x + 1 = 0$$

$$x^2 - 4x = -1$$

$$x^2 - 4x + 4 = -1 + 4$$

$$(x-2)^2=3$$

$$x-2=\pm\sqrt{3}$$

$$x = \pm \sqrt{3} + 2$$

$$x^2 + 6x - 2 = 0$$

$$x^2 + 6x = 2$$

$$x^2 + 6x + 9 = 10$$

$$(x+3)^2=11$$

$$x + 3 = \pm \sqrt{11}$$

$$x = \pm \sqrt{11} - 3$$

$$x^2 + 3x - 2 = 0$$

$$x^2 + 3x = 2$$

$$x^2 + 3x + \frac{9}{4} = 2 + \frac{9}{4}$$

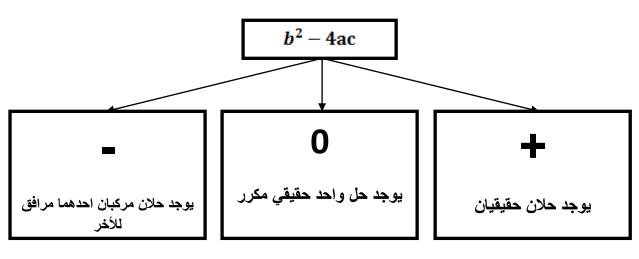
$$\left(x+\frac{3}{2}\right)^2=\frac{17}{4}$$

$$\left(x+\frac{3}{2}\right)=\pm\sqrt{\frac{17}{4}}-\frac{3}{2}$$

*ثالثا: باستخدام القانون العام:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

*قاعدة:



*مثال:

$$x^2 + 5x + 6 = 0$$

$$(x+2)(x+3)=0$$

$$x + 2 = 0$$

$$x = -2$$

$$x + 3 = 0$$

$$x = -3$$

$$\{-2, -3\} = 1$$

طريقه القانون العام:

نحسب المميز:

$$(5)^2 - 4(1)(6) = 1$$

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{1}}{2}$$

$$x=\frac{-5\pm1}{2}$$

$$x = \frac{-5+1}{2} = \frac{-4}{2} = -2$$

$$x = \frac{-5-1}{2} = \frac{-6}{2} = -3$$

$$\{-2, -3\} = 1$$

$$4x^2 + 12x + 9 = 0$$

نحسب المميز:

$$(12)^2 - 4(4)(9) = 0$$

$$x = \frac{-12 \pm \sqrt{0}}{8}$$

$$x=-\frac{12}{8}$$

$$x=-\frac{3}{2}$$

$$\left\{-\frac{3}{2}, -\frac{3}{2}\right\} = 1$$

$$x^2 - 3x - 4 = 0$$

نحسب المميز:

$$(-3)^2 - 4(1)(-4) = 25$$

$$x=\frac{3\pm\sqrt{25}}{2}$$

$$x=\frac{3\pm 5}{2}$$

$$x = \frac{3-5}{2} = \frac{-2}{2} = -1$$

$$x = \frac{3+5}{2} = \frac{8}{2} = 4$$

$$\{-1,4\} = \{-1,4\}$$

$$2x^2 = 5x$$

طريقة التحليل:

$$2x^2 - 5x = 0$$

$$x(2x-5)=0$$

$$x = 0$$

$$2x - 5 = 0$$

$$2x = 5$$

$$x=\frac{5}{2}$$

$$\left\{0,\frac{5}{2}\right\}$$
 مجموعة الحل

طريقة إكمال المربع:

$$2x - 5x = 0$$

$$x^2 - \frac{5}{2}x = 0$$

$$x^2 - \frac{5}{2}x + \frac{25}{16} = \frac{25}{16}$$

$$\left(x-\frac{5}{2}\right)^2=\frac{25}{16}$$

$$x-\frac{5}{2}=\pm\frac{5}{4}$$

$$x = \frac{5}{2} \mid | \qquad X=0$$

طريقة القانون العام:

$$x = \frac{5 \pm \sqrt{25}}{4}$$

$$x=\frac{5\pm 5}{4}$$

$$x=\frac{5+5}{4}=\frac{5}{2}$$

$$x=\frac{5-5}{4}=0$$

$$\left\{0,\frac{5}{2}\right\} = \left(1 - \frac{5}{2}\right)$$
مجموعة الحل

$$4x^2=3x$$

$$4x^2 - 3x = 0$$

$$x(4x-3)=0$$

$$x = 0$$

$$4x - 3 = 0$$

$$4x = 3$$

$$x=\frac{3}{4}$$

$$\left\{0,\frac{3}{4}\right\} = \left\{0,\frac{3}{4}\right\}$$
 مجموعة الحل

طريقة إكمال المربع:

$$4x^2 - 3x = 0$$

$$x^2-\frac{3}{2}x=0$$

$$x^2 - \frac{3}{2}x = 0$$

$$x^2 - \frac{3}{4}x + \frac{9}{64} = \frac{9}{64}$$

$$\left(x-\frac{3}{8}\right)^2=\frac{9}{64}$$

$$x-\frac{3}{8}=\pm\frac{3}{8}$$

$$x = \pm \frac{3}{8} + \frac{3}{8}$$

$$x = \frac{3}{4}$$

$$x = 0$$

$$4x^2 - 3x = 0$$

$$x = \frac{3 \pm \sqrt{9}}{8}$$

$$x=\frac{3\pm3}{8}$$

$$x = \frac{3+3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$$

$$x=\frac{3-3}{8}=0$$

$$\left\{0,\frac{3}{4}\right\} = 1$$

$x^2 - 6x + 5 = -4$

طريقة التحليل:

$$x^2 - 6x + 9 = 0$$

$$(x-3)(x-3)=0$$

$$x = 3$$

$$x^2 - 6x + 9 = 0$$

$$(x-3)^2=0$$

$$x-3=0$$

$$x = 3$$

طريقة القانون العام:

$$x^2 - 6x + 9 = 0$$

$$x = \frac{6 \pm \sqrt{0}}{2}$$

$$x=\frac{6}{2}=3$$

المحاضرة الحادية عشر (الفصل السادس)

- * أساس المتتابعة الحسابية هو الفرق بين حدين متتاليين
- * لكي تكون المتتابعة حسابية يجب أن يكون الفرق بين الحدين المتتاليين دائما عدد ثابت *مثال:

بین اذا کانت المتتابعة التالیة حسابیة ام لا ؟
$$-2$$
 , -6 , -10 , -15 , -20 , -25 غیر حسابیة

اوجد أساس المتتابعة التالية:

$$0, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}, 1, \frac{5}{4}, \frac{3}{2}$$

 $\frac{1}{4}=$ أساس المتتابعة

$$-8$$
 , -6 , -4 , $--$, $--$, $--$, $--$

أساس المتتابعة = 2

-2,0,2,4,6

* الحد النوني في المتتابعة الحسابية:

* قاعدة :

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$

$$a_n = الحد النوني$$

$$a_1 = 1$$
الحد الاول

$$oldsymbol{n}=\mathbf{n}$$
عدد الحدود

$$d=$$
اساس المتتابعة

• مثال:

اوجد الحد العاشر في المتتابعة الحسابية التالية:

$$(-5, -2, 1, \dots \dots)$$

$$a_{10} = -5 + (9)(3) = 22$$

 a_1 = 5 d=3 اوجد الحد السابع في المتتابعة التي فيها

$$a_7 = 5 + (6)(3) = 23$$

 $a_1 = -4$ d = 6 n = 9: اوجد a_n علما أن

$$a_9 = -4 + (9 - 1)6 = 44$$

 a_1 = 5 d= -3 : اوجد a_{15}

$$a_{15} = 5 + (14)(-3) = -37$$

* إيجاد الأوساط الحسابية:

* مثال :

اوجد خمسة اوساط حسابية بين الحدين 22, 8-

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$

$$22 = -8 + (6)d$$

$$22 = -8 + 6d$$

$$6d = 30$$

$$d = 5$$

-8, **-3**, **2**, **7**, **12**, **17**, **22**

اوجد الاوساط الحسابية الخمسة 10, 2-

$$10 = -2 + 6d$$

$$6d = 12$$

$$d = 2$$

-2,0,2,4,6,8,**10**

* المجموع الجزئى للمتسلسلات الحسابية:

$$S_{
m n}=n\left(rac{a_1+a_n}{2}
ight)$$
 : الصيغة العامة

$$S_{
m n}=rac{{
m n}}{2}\left(2a_1+(n-1)d
ight)$$
 : الصيغة البديلة

*مثال:

اوجد مجموع حدود المتسلسلة التالية:

$$a_1 = 3$$
 $a_n = 43$ $d = 2$

أولا نوجد قيمة n:

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$

$$43 = 3 + 2n - 2$$

$$2n = 42$$

$$n = 21$$

ثانيا نعوض بالصيغة العامة للمتسلسلات:

$$S_n = n \left(\frac{a_1 + a_n}{2} \right)$$

$$S_{21} = 21 \left(\frac{3+43}{2} \right)$$

$$S_{21} = 483$$

اوجد مجموع حدود المتسلسلة الحسابية التالية:

$$d = 5$$
 $a_n = 67$ $a_1 = 2$

أولا نوجد قيمة n:

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$

$$67 = 2 + (n-1)5$$

$$67 = 2 + 5n - 5$$

$$5n = 70$$

$$n = 14$$

ثانيا نعوض بالصيغة العامة للمتسلسلات:

$$S_{n} = n \left(\frac{a_{1} + a_{n}}{2} \right)$$

$$S_{14} = 14 \left(\frac{2+67}{2} \right)$$

$$S_{14} = 483$$

المحاضرة الثانية عشر

اوجد الحدود الثلاثة للمتتابعة التي فيها:

$$n = 8$$
 $a_n = 36$ $S_n = 120$

$$S_{n} = n \left(\frac{a_{1} + a_{n}}{2} \right)$$

$$120=8\left(\frac{a_1+36}{2}\right)$$

$$a_1 = -6$$

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$

$$36 = -6 + 7d$$

$$7d = 42$$

$$d = 6$$

-6, **0**, **6**, **12**, **18**,, **36**

اوجد الحدود الثلاثة الأولى لمتتابعة حسابية فيها:

$$a_n = 79$$
 $a_1 = 7$ $S_n = 430$

$$S_{n} = n \left(\frac{a_{1} + a_{n}}{2} \right)$$

$$430 = n\left(\frac{7+79}{2}\right)$$

$$n = \frac{430}{43} = 10$$

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$

$$79 = 7 + 9d$$

$$9d = 72$$

$$d = 8$$

7, 15, 23, 31,, 79

$\sum_{1}^{4}(k-1)$ وجد مجموع

$$=6\sum_{1}^{4}(k-1)=\ (1-1)+(2-1)+(3-1)+(4-1)=0+1+2+3$$

$$\sum_{1}^{5}(k^2-2)$$
 اوجد مجموع

$$\begin{split} & \textstyle \sum_{1}^{5} (k^2-2) = \, (1^2-2) + (2^2-2) + (3^2-2) + (4^2-2) + \\ = & 45 (5^2-2) = \, -1 + 2 + 7 + 14 + 23 \end{split}$$

* المتتابعة الهندسية:

$$\mathbf{a_n} = \mathbf{a_1} r^{n-1}$$
 الحد النوني *

• مثال:

اكتب معادلة الحد النونى للمتتابعة الهندسية

$$\frac{1}{2}$$
,1,2,4,8,.....

$$\mathbf{a_n} = \mathbf{a_1} r^{n-1}$$

$$a_n = \frac{1}{2}(2)^{n-1}$$

$$r = 6$$
 $a_3 = 5$ افا کان a_1 اوجد $a_1 = a_1 r^{n-1}$ $a_3 = a_1 r^{3-1}$ $a_3 = a_1 (6)^2$ $a_4 = a_1 (6)^2$ $a_5 = 36 a_1$

 $a_1 = \frac{5}{36}$

*إيجاد الأوساط الهندسية:

اوجد ثلاثة أوساط هندسية بين العددين 3,....,768

$$\mathbf{a_n} = \ \mathbf{a_1} r^{n-1}$$

$$\alpha_5 = a_1 r^{5-1}$$

$$768 = 3r^4$$

$$r^4 = \frac{768}{3} = 256$$

$$r = \pm 4$$

r=4 لأن الحدود موجبة جميعها

$$a_2 = a_1 \times 4 = 3 \times 4 = 12$$

$$a_3 = 12 \times 4 = 48$$

$$a_4 = 48 \times 4 = 192$$

اوجد ثلاثة أوساط هندسية بين العدين
$$,.....,1024\frac{1}{4}$$
 $a_n=a_1r^{n-1}$
 $a_5=a_1r^{5-1}$
 $1024=\frac{1}{4}r^4$
 $r^4=4096r=\pm 8$
 $a_1=8$
 $a_2=a_1\times 4=\frac{1}{4}\times 8=2$
 $a_3=2\times 8=16$
 $a_4=16\times 8=128$
 $a_4=16,128,1024$

اوجد أربعة أوساط هندسية بين العددين
$$,.....,512\frac{1}{2}$$
 $a_n = a_1r^{n-1}$
 $a_6 = a_1r^{6-1}$
 $512 = \frac{1}{2}r^5$
 $r^5 = \frac{512}{\frac{1}{2}} = 1024$
 $r = 4$
 $a_2 = a_1 \times 4 = \frac{1}{2} \times 4 = 2$
 $a_3 = 2 \times 4 = 8$
 $a_4 = 8 \times 4 = 32$
 $a_5 = 32 \times 4 = 128$
 $\frac{1}{2}, 2, 8, 32, 128, 512$

*المجموع الجزئى لمتسلسلة هندسية:

*قاعدة:

 $R \neq 1$

$$S_{n} = \frac{a_{1} - a_{1} r^{n}}{1 - r}$$
 : itela itela

$$\mathbf{S_n} = rac{a_1 - a_n \mathbf{r}}{1 - \mathbf{r}}$$
الصيغة البديلة

هنا المعادلة اكث

أوجد مجموع المتسلسلة التى فيها
$$r=3$$
 $n=10$ $a_1=2$

باستخدام الصيغة العامة

$$S_{10} = \frac{a_1 - a_1 r^{10}}{1 - 3}$$

$$S_{10} = \frac{2 - 2(3)^{10}}{-2}$$

$$S_{10} = \frac{2 - 2(59049)}{-2}$$

$$= 59048$$

أوجد مجموع المتسلسلة التي فيها

$$r = \frac{1}{2}a_n = 125 \quad a_1 = 2000$$

باستخدام الصيغة البديلة

$$S_{n} = \frac{a_{1} - a_{n}r}{1 - r}$$

$$S_{n} = \frac{2000-125\left(\frac{1}{2}\right)}{1-\frac{1}{2}}$$

$$S_n=3875$$

يمكن كتابة مجموع المتسلسلة كالتالي:

$$\sum_{k=1}^{n} ar^{k-1}$$

*مجموع المتسلسلات الهندسية:

اوجد مجموع حدود المتسلسلة التالية

$$\sum_{k=1}^{6} 3(4)^{k-1} = 3(4)^{1-1} + 3(4)^{2-1} + 3(4)^{3-1} + 3(4)^{4-1} + 3(4)^{5-1} + 3(4)^{6-1}$$

$$= 3 + 12 + 48 + 192 + 768 + 3072 = 4095$$

اوجد مجموع حدود المتسلسلة التالية

$$\sum_{k=1}^{67} 4(-3)^{k-1} = 4(-3)^{1-1} + 4(-3)^{2-1} + 4(-3)^{3-1} + 4(-3)^{4-1}$$

$$+ 4(-3)^{5-1} + 4(-3)^{6-1} + 4(-3)^{7-1}$$

$$= 4 + (-12) + 36 + (-108) + 324 + (-972) + 2916 = 2188$$

* مجموع المتسلسلة الهندسية اللانهائية:

$$s=rac{a_1}{1-r}$$
 : *قاعدة

*مثال:

اوجد مجموع المتسلسلة التالية

$$\frac{2}{3}, \frac{6}{15}, \frac{18}{75}, \dots$$

أولا نوجد r

$$r = \frac{6}{15} \div \frac{2}{3} = \frac{3}{5}$$
$$s = \frac{a_1}{1 - r}$$

$$s = \frac{\frac{2}{3}}{1 - \frac{3}{5}} = \frac{5}{3}$$

اوجد مجموع المتسلسلة التالية

 $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{8}$,

أولا نوجد r

$$r=\frac{1}{4}\div\frac{1}{2}=\frac{1}{2}$$

$$s = \frac{a_1}{1-r}$$

$$s = \frac{\frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{2}} = 1$$

المحاضرة الثالثة عشر (الفصل السابع)

*المصفوفات:

(تتساوى مصفوفتان إذا كان لهما نفس العناصر بالترتيب نفسه)

*مثال :

*جمع وطرح المصفوفات:

(في الجمع والطرح يجب أن تكون المصفوفتان من نفس النوع)

*مثال :

$$\underline{B}=egin{bmatrix} 1 & 5 \ 3 & -4 \end{bmatrix}$$
 و $\underline{A}=egin{bmatrix} 3 & 2 \ -1 & 4 \end{bmatrix}$ فأوجد

$$\underline{\mathbf{A}} + \underline{\mathbf{B}} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 3 & -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 7 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\underline{\mathbf{B}} + \underline{\mathbf{A}} = \begin{bmatrix} \mathbf{1} & \mathbf{5} \\ \mathbf{3} & -\mathbf{4} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \mathbf{3} & \mathbf{2} \\ -\mathbf{1} & \mathbf{4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{4} & \mathbf{7} \\ \mathbf{2} & \mathbf{0} \end{bmatrix}$$

(لان الجمع عملية ابدالية $\underline{A} + \underline{B} = \underline{B} + \underline{A}$)

$$\underline{\mathbf{A}} - \underline{\mathbf{B}} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 3 & -4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -4 & 8 \end{bmatrix}$$

$$\underline{\underline{B}} - \underline{\underline{A}} = \begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 3 & -4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 4 & -8 \end{bmatrix}$$

(الطرح عملية غير ابدالية $A - B \neq B - A$

$$3\underline{\underline{A}} + 2\underline{\underline{B}} = \begin{bmatrix} 9 & 6 \\ -3 & 12 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & 10 \\ 6 & -8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 11 & 16 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{5\underline{A}} - \mathbf{3\underline{B}} = \begin{bmatrix} 15 & 10 \\ -5 & 20 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 & 15 \\ 9 & -12 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 & -5 \\ -14 & 32 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -2 & 3 & 4 \\ 2 & 5 & 3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} =$$
 لا يمكن جمعها لأنها ليست من نفس النوع

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 & 5 \\ 6 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 8 \\ 10 & 7 \end{bmatrix}$$

: فاوجد
$$\underline{B} = \begin{bmatrix} -5 & 1 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}$$
 و $\underline{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$ فاوجد $\underline{A} + \underline{B} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -5 & 1 \\ 2 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

$$\underline{B} - \underline{A} = \begin{bmatrix} -5 & 1 \\ 2 & -3 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -8 & -1 \\ 3 & -7 \end{bmatrix}$$

$$3\underline{A} - 2\underline{B} = \begin{bmatrix} 9 & 6 \\ -3 & 12 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -10 & 2 \\ 4 & -6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 19 & 4 \\ -7 & 18 \end{bmatrix}$$

• ضرب المصفوفات:

لكي تتم عملية ضرب المصفوفتين التاليتين b_{nxc} لابد وأن يتحقق الشرط التالى :

عدد الأعمدة في المصفوفة الأولى nيساوي عدد الصفوف في المصفوفة الثانية n

*مثال :

$$\underline{A}_{2\times2} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 4 & 5 \end{bmatrix} \underline{B}_{2\times2} = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} \text{ in this part of the proof of$$

(ابدالیة غیر ابدالیة $A \times B \neq B \times A$

$$\underline{A}_{2\times 2} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \underline{B}_{2\times 3} = \begin{bmatrix} 2 & 3 & -2 \\ 2 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\underline{\mathbf{A}_{2\times2}} \times \underline{\mathbf{B}_{2\times3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 3 & -2 \\ 2 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$=\begin{bmatrix}\mathbf{1}\times\mathbf{2}+\mathbf{0}\times\mathbf{2} & \mathbf{1}\times\mathbf{3}+\mathbf{0}\times-\mathbf{1} & \mathbf{1}\times-\mathbf{2}+\mathbf{0}\times\mathbf{0}\\ \mathbf{2}\times\mathbf{2}+\mathbf{3}\times\mathbf{2} & \mathbf{2}\times\mathbf{3}+\mathbf{3}\times-\mathbf{1} & \mathbf{2}\times-\mathbf{2}+\mathbf{3}\times\mathbf{0}\end{bmatrix}$$

$$=\begin{bmatrix}2&3&-2\\10&3&-4\end{bmatrix}$$

${f B}_{2 imes 3} imes {f A}_{2 imes 2}$ ولماذا

 ${f A}$ لا يمكن لان عدد الأعمدة في ${f B}$ عدد الصفوف في

$$\underline{\mathbf{A}} = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 5 \end{bmatrix} \underline{\mathbf{B}} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 4 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$$
اوجد حاصل ضرب المصفوفتين التاليتين

$$\underline{\mathbf{A}} \times \underline{\mathbf{B}} = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 5 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 4 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$$

$$=\begin{bmatrix}2\times2+3\times3+1\times2&2\times1+3\times4+1\times3\\1\times2+2\times3+5\times2&1\times1+2\times4+5\times3\end{bmatrix}$$

$$=\begin{bmatrix}15 & 17\\18 & 24\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -2 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} =$$

$$= \begin{bmatrix} 2 \times 1 + 3 \times 2 & 2 \times 3 + 3 \times 4 \\ -2 \times 1 + 1 \times 2 & -2 \times 3 + 1 \times 4 \\ 0 \times 1 + 2 \times 2 & 0 \times 3 + 2 \times 4 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 8 & 18 \\ 0 & -2 \\ 4 & 8 \end{bmatrix}$$

$$2X - 3A = 3B - X$$
 : قال المعادلة المصفوفية التالية :
$$\underline{B} = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$$
 و $\underline{A} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$: $\underline{A} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix}$: $\underline{A} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$: $\underline{A} = 3A + 3B$: $\underline{A} = 3A + 3B$: $\underline{A} = A + B$: $\underline{A} = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -2 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 6 \\ 0 & 5 \end{bmatrix}$

المحاظرة الرابعة عشر

*المحددات: 2 × 2

$$\Delta = \begin{vmatrix} a_1 & a_2 \\ b_1 & b_2 \end{vmatrix} = (a_1b_2) - (a_2b_1)$$
 : *قاعدة

*مثال:

$$\begin{bmatrix} 2 & -5 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$
 : اوجد محدده المصفوفة التالية

$$\Delta = \begin{vmatrix} 2 & -5 \\ 3 & 4 \end{vmatrix} = (2 \times 4) - (-5 \times 3) = 8 - (-15) = 23$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 3 \\ 2 & -2 \end{bmatrix}$$
: اوجد محدده المصفوفة التالية

$$\Delta = \begin{vmatrix} -1 & 3 \\ 2 & -2 \end{vmatrix} = (-1 \times -2) - (3 \times 2) = 2 - 6 = -4$$

$$\begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 4 & -5 \end{bmatrix}$$
: اوجد محدده المصفوفة التالية

$$\Delta = \begin{vmatrix} 3 & -2 \\ 4 & -5 \end{vmatrix} = (3 \times -5) - (-2 \times 4) = (-15) - (-8) = -7$$

 3×3 : *المحددات

*مثال:

$$\begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 \\ -1 & 4 & -2 \\ 3 & 0 & 2 \end{bmatrix} = 2 \begin{vmatrix} 4 & -2 \\ -1 & 4 & -2 \\ 3 & 0 & 2 \end{vmatrix} = 2 \begin{vmatrix} 4 & -2 \\ 0 & 2 \end{vmatrix} - 3 \begin{vmatrix} -1 & -2 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} -1 & 4 \\ 3 & 0 \end{vmatrix}$$

$$= 2[(4 \times 2) - 2 \times 0) - 3[(-1 \times 2) - 2 \times 3) + 1[(-1 \times 0) - (4 \times 3)]$$

$$= 16 - 12 + (-12)$$

$$= -8$$

طريقة كرامر:

$$\Delta = \begin{vmatrix} 2 & 3 & 1 & 2 & 3 \\ -1 & 4 & -2 - 1 & 4 \\ 3 & 0 & 2 & 3 & 2 \end{vmatrix}$$

$$= [(2 \times 4 \times 2) + (3 \times -2 \times 3) + (1 \times -1 \times 0)]$$

$$-[(3 \times -1 \times 2) + (2 \times -2 \times 0) + (1 \times 4 \times 3)]$$

$$= -8$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 3 & 4 & 0 \\ 2 & -1 & 2 \end{bmatrix} = 0 \begin{vmatrix} 4 & 0 \\ -1 & 2 \end{vmatrix} - 2 \begin{vmatrix} 3 & 0 \\ 2 & 2 \end{vmatrix} + 1 \begin{vmatrix} 3 & 4 \\ 2 & -1 \end{vmatrix}$$

$$0 - 2[(3 \times 2) - (0 \times 2)] + 1[(3 \times -1) - (4 \times 2)]$$

$$0 - 12 - 11 = -23$$

$$\vdots$$

$$0 - 12 - 11 = -23$$

$$0 - 12 - 11 = -23$$

$$0 - 12 - 11 = -23$$

$$0 - 12 - 11 = -23$$

$$\begin{bmatrix} 0 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 3 \\ -1 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 3 \end{bmatrix} = 0 \begin{bmatrix} 0 & 2 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} - 2 \begin{bmatrix} -1 & 2 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} + 3 \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$
$$= 0 - 2[(-1 \times 3) - (2 \times 1)] + 3[(-1 \times 0) - (0 \times 1)]$$
$$= 10 + 0 = 10$$

*معكوس المصفوفة:

*خطوات إيجاد معكوس المصفوفة:

أولا: نوجد المحددة ∆

$$A^{-1} = rac{1}{\Delta} egin{bmatrix} b_2 & -a_2 \ -b_1 & a_1 \end{bmatrix}$$
: نوجد معكوس المصفوفة بالطريقة التالية :

*مثال:

$$\underline{A^{-1}}$$
 إذا كانت المصفوفة $\underline{A} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{bmatrix}$ فأوجد

$$\Delta = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{vmatrix} = (2 \times 0) - (1 \times 3) = -3$$

$$\underline{A^{-1}} = -\frac{1}{3} \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & \frac{1}{3} \\ 1 & -\frac{2}{3} \end{bmatrix}$$

$$\underline{A^{-1}}$$
 فأوجد $\underline{A} = \begin{bmatrix} -2 & 3 \\ 4 & 1 \end{bmatrix}$ فأوجد

$$\Delta = \begin{vmatrix} -2 & 3 \\ 4 & 1 \end{vmatrix} = (-2 \times 1) - (3 \times 4) = -14$$

$$\underline{A^{-1}} = -\frac{1}{14} \begin{bmatrix} 1 & -3 \\ -4 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{14} & \frac{3}{14} \\ \frac{4}{14} & \frac{2}{14} \end{bmatrix}$$

$$\underline{A^{-1}}$$
 إذا كانت المصفوفة $\underline{A} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ -3 & 4 \end{bmatrix}$ فأوجد

$$\Delta = \begin{vmatrix} -2 & 1 \\ -3 & 4 \end{vmatrix} = (-2 \times 4) - (1 \times -3) = -5$$

$$\underline{A^{-1}} = -\frac{1}{5} \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 3 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{4}{5} & \frac{1}{5} \\ \frac{3}{5} & \frac{2}{5} \end{bmatrix}$$

اوجد قيمة x التي تجعل المصفوفة التالية
$$\frac{\mathbf{A}}{3} = \begin{bmatrix} x-2 & \mathbf{x} \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$$
 اليس لها معكوس ؟

 $\Delta \neq 0$ تكون للمصفوفة معكوس يجب ان تكون $\Delta \neq 0$

$$\Delta = \begin{vmatrix} x+2 & x \\ 3 & 2 \end{vmatrix} = (x+2) \times 2 - x \cdot 3$$
$$2x + 4 - 3x \neq 0$$
$$2x - 3x \neq 4$$

$$-x \neq 4$$

$$x = -4$$

*حل نظام المعادلات الخطية باستخدام المحددات:

*الطريقة:

$$\underline{\mathbf{c}} = \begin{bmatrix} c_1 \\ c_2 \end{bmatrix}$$
 يوجد المحددة Δ ونوجد الثوابت : $\underline{\mathbf{c}}$

$$\Delta_{\mathbf{x}} = \begin{vmatrix} c_1 & b_1 \\ c_2 & b_2 \end{vmatrix} \Delta_{\mathbf{y}} = \begin{vmatrix} a_1 & c_1 \\ a_2 & c_2 \end{vmatrix}$$
 ثم نوجد

$$x = \frac{\Delta_x}{\Delta} y = \frac{\Delta_y}{\Delta}$$
 : كالتالي : منوجد قيمة المجهولين x , y كالتالي : نوجد قيمة المجهولين

$$\begin{cases} 2x + y = 2 \\ x - y = 1 \end{cases}$$
حل النظام التالي

$$\underline{A} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \underline{c} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\Delta = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{vmatrix} = (2 \times -1) - (1 \times 1) = -3$$

$$\Delta_{\mathbf{x}} = \begin{vmatrix} \mathbf{2} & \mathbf{1} \\ \mathbf{1} & -\mathbf{1} \end{vmatrix} = -3$$
 $\therefore \mathbf{x} = \frac{\Delta_{\mathbf{x}}}{\Delta} = \frac{-3}{-3} = \mathbf{1}$

$$\therefore x = \frac{\Delta_x}{\Lambda} = \frac{-3}{-3} = 1$$

$$\Delta_y = \begin{vmatrix} 2 & 2 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 0$$

$$\therefore y = \frac{\Delta_y}{\Delta} = \frac{0}{-3} = 0$$

$$\begin{cases} x+3y=3 \\ 2x-y=-1 \end{cases}$$
 هن النظام النائي $\Delta = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \underline{c} = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ $\Delta = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} = (1 \times -1) - (3 \times 2) = -7$ $\Delta_x = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} = 0$ $\therefore x = \frac{\Delta_x}{\Delta} = \frac{0}{-7} = 0$ $\Delta_y = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} = -7$ $\therefore y = \frac{\Delta_y}{\Delta} = \frac{-7}{-7} = 1$

$$\begin{cases} 3x - 2y = 1 \\ x + y = 2 \end{cases}$$

$$\underline{A} = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \underline{c} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\Delta = \begin{vmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 1 \end{vmatrix} = (3 \times 1) - (-2 \times 1) = 5$$

$$\Delta_{x} = \begin{vmatrix} 1 & -2 \\ 2 & 1 \end{vmatrix} = 5 \qquad \therefore x = \frac{\Delta_{x}}{\Delta} = \frac{5}{5} = 1$$

$$\Delta_{y} = \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = 5 \qquad \therefore y = \frac{\Delta_{y}}{\Delta} = \frac{5}{5} = 1$$

الواجب الأول

*السؤال الأول:

$$27^{\frac{1}{3}} =$$

 $\blacksquare \frac{1}{3}$

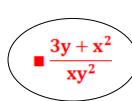
 $\blacksquare 9 \quad \blacksquare \frac{1}{9}$

3

الحل:

$$27^{\frac{1}{3}} \, = \, (3^3)^{\frac{1}{3}} = \, 3^{\frac{3}{3}} \, = 3$$

*السؤال الثاني:



ناتج جمع المقدارين التاليين $\frac{x}{y^2}$ هو

$$\blacksquare \frac{3+x}{y} \blacksquare \frac{3+x}{y^2} \blacksquare \frac{3y+x^2}{xy}$$

الحل:

$$\frac{3}{xy} + \frac{x}{y^2} = \frac{3y}{xy^2} + \frac{x^2}{xy^2} = \frac{3y + x^2}{xy^2}$$

*السوال الثالث:

$$-(3x^3+5x^2-3x+4)(4x^3-2x^2+5x-2)$$
 حاصل طرح كثيرتي الحدود التاليتين

$$\blacksquare x^3 - 3x^2 - 8x + 6$$

$$\mathbf{x}^3 + 3\mathbf{x}^2 + 2\mathbf{c} + 2$$

$$\blacksquare x^3 - 7x^2 - 8x + 2$$

$$x^3 - 7x^2 + 8x - 6$$

*السؤال الرابع:

تحلیل المقدار
$$27 - 27$$
 هو
$$(2z + 3)(4z^2 + 6z - 9)$$

$$(2z + 3)(4z^2 - 6z + 9)$$

$$(2z - 3)(4z^2 - 6z - 9)$$

$$(2z - 3)(4z^2 + 6z + 9)$$

الحل:

: باستخدام القاعدة التالية
$$x^3 - y^3 = (x - y)(x^2 + xy + y^2)$$

*السؤال الخامس:

*السوال السادس:

*السؤال السابع:

*السؤال الثامن:

$$\left(\frac{m^{-2}n^3}{m^3n^{-1}}\right)^{-2}$$
 بسط العبارة التالية $\frac{n^2}{m^{10}}$ $=\frac{m^2}{n^4}$ $=\frac{1}{m^{10}n^4}$ $=\frac{m^{10}}{n^8}$

الحل:

$$\left(\frac{m^{-2}n^3}{m^3n^{-1}}\right)^{-2} = \frac{m^4n^{-6}}{m^{-6}n^2} = \frac{m^4 \cdot m^6}{n^6 \cdot n^2} = \frac{m^{10}}{n^8}$$

*السؤال التاسع:

الحل:

$$\frac{3}{2-\sqrt{5}} = \frac{3}{2-\sqrt{5}} \times \frac{2+\sqrt{5}}{2+\sqrt{5}} = \frac{6+3\sqrt{5}}{4-5} = \frac{6+3\sqrt{5}}{-1} = -6-3\sqrt{5}$$

*السؤال العاشر:

حاصل ضرب كثيرة الحدود التاليين
$$(x^2 + 2x - 3)(x - 1)$$

$$x^3 + x^2 - 5x - 3$$

$$x^3 + x^2 + 5x + 3$$

$$x^3 + x^2 - 5x - 3$$

$$x^3 + x^2 - 5x + 3$$

*السؤال الحادي عشر:

*السؤال الثاني عشر:

$$\frac{10 \div 4 - 2 \times 3 - 4}{6 \div 3 + 8 \times 2 + 6}$$
 حاصل تبسيط المقدار التالي $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{16}{13}$ $\frac{17}{18}$

*السؤال الثالث عشر:

$$\frac{8m^4n^3}{4m^3n^5} \div \frac{25mn^4}{15m^4n^2}$$
 ابسط صورة المقدار التالي

$$\blacksquare \frac{6m^5}{5n^3} \qquad \boxed{ \boxed{\frac{6m^4}{5n^4}}} \qquad \boxed{\frac{6m^3}{5n^5}} \qquad \boxed{\frac{6m^3}{5n^4}}$$

الحل:

$$\frac{8m^4n^3}{4m^3n^5} \div \frac{25mn^4}{15m^4n^2} = \frac{2m}{n^2} \div \frac{5n^2}{3m^3} = \frac{2m}{n^2} \times \frac{3m^3}{5n^2} = \frac{6m^4}{5n^4}$$

*السؤال الرابع عشر:

ه
$$\sqrt{4x^4y^6z^8}$$
 الحل $\sqrt{4x^4y^6z^8}$ الحل $\sqrt{4x^4y^6z^8}$ $= 2x^2y^4z^6$
 $\sqrt{4x^4y^6z^8} = 2x^2y^2z^2 = 2x^2y^3z^4$

*السؤال الخامس عشر:

قيمة المقدار
$$\frac{2a^3 - 3b^2 + 2ab}{3a^2 - b^2}$$
 عندما $\frac{9}{11} = \frac{17}{13} = \frac{15}{13} = \frac{23}{11}$

الحل:

$$\frac{2a^3 - 3b^2 + 2ab}{3a^2 - b^2} = \frac{2(2)^3 - 3(-1)^2 + 2(2)(-1)}{3(2)^2 - (-1)^2} = \frac{9}{11}$$

*السؤال السادس عشر:

$$6x^4y^3 - 3x^2y^2 + 12x^3y^5$$
 تحليل المقدار

$$\blacksquare (3x^2y^2)(3x^2y-1+9xy^3)$$

$$\blacksquare (3x^2y^2)(3x^2y + 9xy^3)$$

$$\blacksquare (3x^2y^2)(2x^2y + 4xy^3)$$

الواجب الثاني

*السوال الأول:

الحل:

$$x+y=1$$
 $x-y=1$ حل النظام التالي المكون من المعادلتين الخطيتين الخطيتين $\left(\frac{1}{2},\frac{1}{2}\right)$ $\blacksquare (0,1)$

 $x-y=1 \qquad \leftrightarrow \quad x=1+y$: من المعادلة الأولى

نعوض بالمعادلة الثانية:

$$x+y=1 \quad \leftrightarrow \quad (1+y)+y=1 \quad \leftrightarrow \quad 2y=1-1 \quad \leftrightarrow \quad y=0$$
نعوض قيمة y في المعادلة الأولى $x=1+0 \quad \leftrightarrow \quad x=1$:

*السوال الثاني:

$$\frac{6C3}{3} = \frac{6!}{(6-3)!-3} = \frac{6!}{3!} = \frac{6P3}{3!}$$

الحل:

$$nCr = rac{nPr}{r!}$$
 واستخدام القاعدة $6C3 = rac{6P3}{3!}$

*السوال الثالث:

$$3x^2 = 5x$$
 على المعادلة التالية $\left\{0, \frac{3}{5}\right\}$ \blacksquare $\left\{0, -\frac{5}{3}\right\}$ \blacksquare $\left\{0, -\frac{5}{5}\right\}$: $\left\{0, -\frac{3}{5}\right\}$ $\exists x^2 - 5x = 0$ $\Rightarrow x(3x - 5) = 0$ $\Rightarrow x_1 = 0$ $\Rightarrow x_2 = \frac{5}{3}$

السوال الرابع:

*السؤال الخامس:

$$3x + 2 = 5x + 6$$
 كل المعادلة الخطية التالية $x = 2$ $x = -4$ $x = -2$ $x = 1$ الحل $3x + 2 = 5x + 6$ $3x - 5x = 6 - 2$ $-2x = 4$ $x = -2$

*السوال السادس:

$$x-y=0$$
 $2x+3y=5$ والنظام الخطي التالي $=(2,1)$ $=(2,2)$ $=(1,2)$ $=(1,1)$ الحل : $x-y=0$ \longleftrightarrow $x=y$: من المعادلة الأولى : $x-y=0$ نعوض بالمعادلة الثانية : $2x+3y=5$ \longleftrightarrow $2y+3y=5$ \longleftrightarrow $5y=5$ \longleftrightarrow $y=1$

*السوال السابع:

*السؤال الثامن:

$$x^2 - 3x + 2 = 0$$
 حل المعادلة التربيعية

$$\blacksquare \{-1, -2\} \qquad \blacksquare \{2, -1\} \qquad \blacksquare \{1, -2\} \qquad \boxed{ \blacksquare \{1, 2\} }$$

الحل:

$$x^2 - 3x + 2 = 0$$

$$(x-1)(x-2) = 0$$

$$x_1 = 1$$
 $x_1 = 2$

*السوال التاسع:

القانون العام لحل المعادلة من الدرجة الثانية في مجهول واحد صيغتة كالتالي:

$$\blacksquare b \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$\blacksquare - b \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$\blacksquare \frac{b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

*السوال العاشر:

الحل:

*السؤال الحادي عشر:

$$2P2 =$$

- **1**
- **4**

الحل:

باستخدام القاعدة nPn=n! أو باستخدام الحاسبة

*السؤال الثاني عشر:

$$x = \frac{(x+2)}{2} + \frac{x}{3}$$
 حل المعادلة الكسرية التالية

الحل:

$$x=\frac{(x+2)}{2}+\frac{x}{3}$$

$$2x = (x+2) + \frac{2x}{3}$$

$$6x = 3x + 6 = 2x$$

$$6x - 3x - 2x = 6$$

$$x = 6$$

الواجب الثالث

*السؤال الاول:

$$a_{1=-3}$$
 $n=4$ $r=3$ المتسلسلة الهندسية $n=4$ $n=4$

*السوال الثاني:

$$\frac{1}{2}, \dots, \dots, \frac{128}{81}$$
 الثلاثة أوساط هندسية في المتتابعة الهندسية التالية $-\frac{2}{3}, \frac{8}{9}, \frac{-32}{27}$

$$\frac{2}{3}, \frac{-8}{9}, \frac{32}{27}$$

$$\frac{2}{3}, \frac{-8}{9}, \frac{32}{27}$$

$$\frac{2}{3}, \frac{-8}{9}, \frac{32}{27}$$

$$\frac{-2}{3}, \frac{-8}{9}, \frac{-32}{27}$$

*السؤال الثالث:

$$\frac{-5}{2}$$
, $\frac{-1}{2}$, $\frac{-1}{10}$, $\frac{-1}{50}$, التالية التالية المتسلسلة الهندسية الغير منتهية التالية

$$\blacksquare \frac{-25}{4} \qquad \blacksquare \frac{-8}{25} \qquad \blacksquare \frac{-4}{25} \qquad \boxed{\blacksquare \frac{-25}{8}}$$

الحل:

$$r = \frac{-1}{2} \div \frac{-5}{2} = \frac{1}{5}$$

$$S = \frac{a_1}{1 - r} = \frac{\frac{-5}{2}}{1 - \frac{1}{5}} = \frac{-25}{8}$$

السوال الرابع:

$$a_1=2$$
 $a_n=32$ $d=2$ التي فيها الحسابية التي فيها مجموع حدود المتسلسلة الحسابية التي فيها

■272 ■274 268

270

الحل:

$$\mathbf{a}_{\mathbf{n}} = \mathbf{a}_{1}(n-1)d$$

$$32 = 2 + 2n - 2$$

$$n = 16$$

$$S_n = n\left(\frac{a_1 + a_n}{2}\right)$$

$$=16\frac{2+32}{2}=272$$

*السوال الخامس:

$$S_{
m n}=1134$$
 $a_{
m 1}=3$ $a_{
m n}=81$ الحدود الثلاثة الأولى للمتتابعة الحسابية التي فيها

$$\blacksquare 3,6,9$$
 $\blacksquare 3,9,15$ $\blacksquare 3,8,13$ $\blacksquare 3,7,11$

$$\blacksquare 3, 9, 15$$

الحل:

$$S_n = n \left(\frac{a_1 + a_n}{2} \right)$$

$$1134 = n\left(\frac{3+81}{2}\right)$$

$$n = 27$$

$$\mathbf{a}_{\mathbf{n}} = \mathbf{a}_{\mathbf{1}} + (n-1)d$$

$$81 = 3 + 26d$$

$$d = 3$$

*السؤال السادس:

$$-5, ..., 16$$
 الوسطان الحسابيان في المتتابعة التالية

الحل:

$$\mathbf{a}_{\mathbf{n}} = \mathbf{a}_{\mathbf{1}} + (n-1)d$$

$$16 = -5 + (3)d$$

$$3d = 21$$

$$d = 7$$

*السؤال السابع:

$$\underline{A} - \underline{B} = 0$$

$$\underline{A} = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \underline{B} = \begin{bmatrix} 2 & -3 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 7 & -2 \\ -4 & 6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -3 & -4 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -7 & -4 \\ -2 & -2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 7 & 2 \\ 4 & -6 \end{bmatrix}$$

*السؤال الثامن:

$$\sum_{n=1}^{3} (3n-1) = 10$$

$$10 \quad 6 \quad 12$$

$$\sum_{n=1}^{3} (3n-1) = (3 \times 1 - 1) + (3 \times 2 - 1) + (3 \times 3 - 1)$$

$$2 + 5 + 8 = 15$$

*السوال التاسع:

$$\underline{A}^{-1} = \dot{0}\dot{0} \quad \underline{A} = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{4} \\ -\frac{3}{8} & \frac{1}{8} \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{3}{4} & \frac{1}{4} \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & -\frac{1}{2} \\ -\frac{3}{4} & -\frac{1}{2} \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} -\frac{1}{8} & \frac{1}{4} \\ \frac{3}{8} & \frac{1}{4} \end{bmatrix}$$

$$\Delta = \begin{vmatrix} -2 & 2 \\ 3 & 1 \end{vmatrix} = -2 \times 1 - 2 \times 3 = -8$$

$$\underline{A}^{-1} = \frac{1}{-8} \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ -3 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -\frac{1}{8} & \frac{1}{4} \\ \frac{3}{8} & \frac{1}{4} \end{bmatrix}$$

*السؤال العاشر:

$$\underline{A} \times \underline{B} = \frac{1}{2} \underbrace{\underline{A}} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \underline{A} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 3 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 2 & 7 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -2 & 5 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 2 & 5 \\ -2 & 7 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ -2 & 5 \end{bmatrix}$$

الحل:

$$\underline{A} \times \underline{B} = \begin{bmatrix} 1 \times -2 + 2 \times 0 & 1 \times 1 + 2 \times 2 \\ -1 \times -2 + 3 \times 0 & -1 \times 1 + 3 \times 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 & 5 \\ 2 & 5 \end{bmatrix}$$

*السؤال الحادي عشر:

$$a_5 = rac{-1}{8}$$
 $r = rac{1}{2}$ الحد الاول في متسلسلة هندسية فيها $rac{1}{2}$ $\blacksquare -1$ $rac{-1}{2}$

الحل:

$$a_{5} = \frac{-1}{8}$$

$$a_{4} = \frac{-1}{8} \div \frac{1}{2} = -\frac{1}{4}$$

$$a_{3} = -\frac{1}{4} \div \frac{1}{2} = -\frac{1}{2}$$

$$a_{2} = -\frac{1}{2} \div \frac{1}{2} = -1$$

$$a_{2} = -1 \div \frac{1}{2} = -2$$

*السؤال الثاني عشر:

الحل:

$$\mathbf{a_1} = -4$$
 $d=5$ $n=9$ الحد التاسع في المتتابعة الحسابية التي فيها 38

$$\mathbf{a}_{\mathbf{n}} = \mathbf{a}_{1} + (n-1)d$$

$$a_9 = -4 + (8)(5) = 36$$

الاختبار الفصلى

السؤال الأول

$$10^x = 100 \leftrightarrow 10^2 = 100$$

$$\therefore x = 2$$

السؤال الثاني:

$$8^{\frac{1}{3}} =$$

$$(2^3)\frac{1}{3} = (2)3 \times \frac{1}{3} = 2^3 = 2^1$$

السؤال الثالث:

موابسط صورة لكسر التالي
$$\frac{2}{\sqrt{5}}$$

$$\frac{2}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$$

السؤال الرابع:

ناتج جمع المقدارين التاليين
$$\frac{5}{x} + \frac{2}{y} =$$

$$y \times \left(\frac{5}{x}\right) + \left(\frac{2}{y}\right) \times x = \frac{5y + 2x}{xy}$$

السؤال الخامس:

تحليل المقدار التالي
$$5x^2y+15xy^3$$
نصل المشترك نسحب العامل المشترك

$$5 \times 3 = 15$$

$$(5xy)[x+3y^2]$$

السؤال السادس:

ا في المعادلة
$$\log_2 x = 4$$

$$2^4 = 16$$

$$\therefore x = 16$$

السؤال السابع:

المضاعف المشترك البسيط للحدين XY, X^2

X2هو X مضاعف المشترك البسط لي

٢هو ٢مضاعف المشترك البسط لي

$$\therefore x^2y$$

السؤال الثامن:

ابسط المقدار
$$rac{8m^5n^2}{2m^3n}=$$

$$\frac{8}{2} = 4$$
 \leftrightarrow $\frac{m^5}{m^3} = m^2$ \leftrightarrow $\frac{n^2}{n} = n$

$$\therefore 4m^2n$$

السؤال التاسع:

9)
$$\log_3 1 + \log_3 3^2 =$$

$$\log_3 1 = 0 \qquad \leftrightarrow \qquad \log_3 3^2 = 1 \times 2 = 2$$

∴ 2

السؤال العاشر:

$$10)(x+2)(x-2)$$

$$\therefore (a-b)(a+b) = a^2 - b^2$$

$$(x^2) - (2^2) = x^2 - 4$$

السؤال الحادي عشر:

التالى بسيط المقدار التالى
$$4 \div 5 \times 4 \div 2 =$$

$$4+20 \div 2 = 4+10 = 14$$

السؤال الثاني عشر:

التالية العباره التالية
$$\frac{x^2-9}{(x+3)}$$

$$\frac{(x-3)(x+3)}{(x+3)} = x-3$$

السؤال الثالث عشر:

$$13(x^3-y^3)=$$
تحلیل مقدار الفرق بین مکعبین

$$\therefore (x^3 - y^3) = (x - y)(x^2 - xy + y^2)$$

السؤال الرابع عشر:

$$\log_c(ab) =$$

$$\log_c a + \log_c b$$

السؤال الخامس عشر:

يتحليل المقدار التالي
$$(x^2 - 6x + 9) =$$

2
: $(u^{2}-2uv+v^{2})=(u-v)$

نعوض في القانون

$$^{2}x^{2}-2\times 3x+3^{2}=(x-3)$$

السوال السادس عشر:

عندما
$$=\frac{3x^2-5x+7}{2x+3}$$
قيمة المقدار $x=1$

$$\frac{3(1^2) - 5 \times 1 + 7}{2 \times 1 + 3} = \frac{3 - 5 + 7}{2 + 3} = \frac{5}{5} = 1$$

السؤال السابع عشر:

ومرافق العدد
$$\left(3-\sqrt{2}
ight)=$$

نفس القيمة ولكن عكس إشارة (-)*

$$(3+\sqrt{2})$$

السؤال الثامن عشر:

جمع كثيرتي الحدود
$$(3x^2+5x+1)+(x^2-2x-4)=$$

$$4x^2 + 3x - 3$$

السؤال التاسع عشر:

هوتبسيط المقدار
$$\sqrt{16x^2y^8} =$$

 $16^{\frac{1}{2}} \times x^{\frac{2}{2}} \times y^{\frac{8}{2}} = 4xy^4$

السؤال العشرين:

$$= \left(\frac{x^{-2}y^{-1}}{x^{3}y^{-4}}\right)$$

$$= \frac{x^{2}y^{1}}{x^{-3}y^{4}} = \frac{x^{2}y^{1}x^{3}}{y^{4}} = \frac{x^{5}}{y^{3}}$$

اللهم لا تدعني أصاب بالغرور إذا نجحت .. ولا أصاب باليأس إذا فشلت .. بل ذكرني دائما بأن الفشل هو التجارب التي تسبق النجاح النهد انه أسته دعك ما قرأت و ما حفظت و ما تعلمت فرده عند

اللهم إني أستودعك ما قرأت و ما حفظت و ما تعلمت فرده عند حاجتي إليه، إنك على كل شيء قدير

زمیلتکم / .lotus

الملخص بمجهود أختنا lotus وبمراجعة زميلتكم ساره الغنام . وتصحيح : د. ثابت القحطاني "حفظه الله" لا نطلب منكم إلا الدعاء .

مبادئ الرياضيات ١

تجميع وشرح: بدون اسم ۲۰ + ملأك♥..

الواجب الاول

س ١/ ابسط صورة للمقدار التالي:

$$\frac{4m^{-3n^5}}{10m^{-2}n^3} + \frac{8mn^{-2}}{5m^3n}$$

$$\frac{mn^5}{4}$$

س ٢/ حاصل ضرب كثيرتي الحدود التاليتين:

$$(x-2)(x^2-3x-1)$$

$$x^3 - 5x^2 + 5x + 2/$$

طريقة الحل: ضرب القوس الاول بكل الحدود بالقوس الثاني .. * التوزيع *

س٣/ تحليل المقدار التالي:

هو
$$x^2 - 3x - 4$$

 $(x-4)(x+4) / \Rightarrow$

طريقة الحل: العددين اللذين اذا ضربناهم اعطونا المعامل الثالث الي هو -٤، واذا جمعناهم اعطونا المعامل الثاني الي هو -٣

س٤/ تحليل المقدار التالى:

$$(4x^5y^2-2x^2y^3+8x^2y)$$

$$(2x^2y)(2x^3y-y^2+4)$$
 ÷

طريقة الحل / اخذ اعامل المشترك بين كل حد وهو ال y و x^2 و 2 يعني كأننا نفكك

$$(27m^3-8)$$
 هو المقدار التالي ا $(3-8)$

$$(3m-2)(9m^2+6m+4)$$
 $+$ /

طريقة الحل / * الفرق بين مكعبين *

 $|3-\sqrt{12}|$ تبسيط القيمة المطلقة التالية

$$\sqrt{12}-3/\Rightarrow$$

طريقة الحل / طلعنا من القيمة المطلقة بالجذر الموجب

س ۷ / تحليل المقدار التالي
$$(16x^{10}-25y^{16})$$
هو

$$(4x^5 - 5y^8)(4x^5 + 5y^8) \Rightarrow /$$

طريقة الحل / حللنا العوامل والاسس .. العامل الاول ١٦ هو ٤ ضرب ٤ و اس المعامل ٥+٥

العامل الثاني ٢٥ هو ٥ ضرب ٥ واس المعامل ٨ + ٨

س λ / قيمة المقدار التالي $\frac{3a^3b-2a^2-3b}{a^3-b}$ مع العلم ان

a=1 , b= -2 فإن

$$\frac{3(1)^3(-2)-2(1)^2-3(-2)}{(1)^3-(-2)}$$

طريقة الحل / مجرد تعويض بالمعطيات a=1, b=-2

.. هو $\frac{6+4+2*5-1}{10+5-2*3+1}$ هو ..

-5 / **-**>

 $(3x^4 - 2x^2 + 5x - 1) - (5x^3 + 4x^2 - x + 2)$ س ۱۰ / حاصل طرح كثيرتي الحدود (1 - $x^3 + 4x^2 - x + 2$ لتاليتين :

$$3x^4 - 5x^3 - 6x^2 + 6x - 3 /$$

طريقة الحل / ١- تتوزع الإشارة السالب على الي داخل القوس الثاني كل الحدود

٢- تترتب ع حسب نفس الاسس ثم ع حسب الاسس الاكبر لله اصغر و نجمع الاسس المتشابهة ..

الواجب الثاني

$$\log_a(x^2*y^3)/1$$

 $2\log_a x + 3\log_a y / \Rightarrow$

 $\log_a(x*y) = \log_a x + \log_a y$: طريقة الحل -1: طريقة الحل -1: طريقة الحل -1: طريقة الخرب لجمع مثل القانون ونلاحظ ان الاسس صار معامل الحرب لجمع مثل القانون ونلاحظ ان الاسس صار معامل الحرب لجمع مثل القانون ونلاحظ ان الاسس صار معامل الحرب الحرب

$$(\frac{2^{-1}a^2b^{-2}}{2^{-2}a^{-1}b^5})$$
 $^{-1}$: سيط المقدار التالي $^{-1}$

 $\frac{b^7}{4a^4}/\Rightarrow$

طريقة الحل:

۳ /۳ س

طريقة الحل: بالألة الحاسبة ÷ + shift

$$\frac{3}{2+\sqrt{5}}$$
 تبسيط المقدار التالي : $\frac{3}{2+\sqrt{5}}$ هو

-6+3√5 /**-**

طريقة الحل: بالألة الحاسبة

سه/ ۱۹۲

٣٠/ ۽

طريقة الحل: بالألة الحاسبة × + shift

$$\left(3y^{\frac{2}{3}}\right)\left(2y^{\frac{-1}{2}}\right)$$
: سهدار التالي 1

٦ $y^{\frac{1}{6}}$ / ج

 $6y^{\frac{2}{3}}*y^{\frac{-1}{2}}$ اذا y إذا $y^{\frac{-1}{2}}$ المعاملات مع بعض عند ملاحظه تشابه المتغير أي

 $6y^{rac{2}{3}+(-rac{1}{2})}$; : عندما نضر ب المعاملات نجمع الاسس كالتالي 2

=nCr /۷س

 $\frac{nPr}{r!}/\Rightarrow$

طريقة الحل: يحفظ لأنه قانون

س ١٨ بكم طريقة يمكن اختيار ٢ اقلام من مجموعة مكونة من ٧ اقلام .؟

٤٢/ ج

طريقة الحل:

: سو/9اذا كانتx تساوي يا $\log_x 125 = 3$ نات

ج/ ہ

 $x^3 = 125 => x^3 = 5^3 => x = 5$: طريقة الحل

100 س 0 المقدار التالي 1 هي المقدار التالي 1

۲ / ج

shift+ x^{-1} = إلألة الحاسبة على الماء الحال : طريقة الحل

الواجب الثالث

$$\begin{cases} -x + 2y = 2 \\ 3x - y = -1 \end{cases}$$

- ⊚ A. {(0,1)}
- {(0,1)}в 💿
- {(0,−1)}.c ⊚
- $\{(-1,0)\}$ D

طريقة الحل: ١- نحاول نحذف المعاملات المتشابه بالضرب كالتالي نستعمل المعادلة الاولى (-x+2y=2) ثم نوزعها ع كل الحدود كالتالي

-3x + 6y = 6

3x-y=-1

٢-نشطب ع المختلف الاشارات ونفس المعامل الي هو-٣ & +٣ نجمع المعاملات المتشابهة

3x-y=-1

-3x + 6y = 6

۳- نوجد الـ X

$$-x+2y=2 => -x=-2y+2=> -x=-2(1)+2=> \frac{-x}{-1} = \frac{0}{-1}$$

X=0

المدؤال 2

$$x^2 + x - 2 = 0$$
 هو على المعادلة التربيعية التالية

- {1,−2}.A ⊛
 - {-1,2}.B ⊚
 - {1,2}.c
- $\{-1,-2\}.D$

طريقة الحل: ١- نوجد العددين اذا ضربناهما طلع ٢- واذا جمعناهما 1+ وهمآ 1- 8+ 4+ (x-1) و(x+2)

٢- اذاً 0=1-X يُنقل الـ ١- للجهة الاخرى وتتغير الإشارة للعكس يعني للـ +
 و 0=2+x تُنقل الـ ٢+ للجهة الاخرى وتتغير الإشارة للعكس يعني للـ -

 $x_{2=-2}$, $x_1=1$

$$3x^2 - x + 1 = 0$$
 هو على المعادلة التربيعية التالية

$$\left\{1 + \frac{\sqrt{11}}{6}, 1 - \frac{\sqrt{11}}{6}\right\}^{A} \odot$$

$$\left\{\frac{1+\sqrt{13}}{6}, \frac{-1+\sqrt{13}}{6}\right\}^{G}$$

$$\left\{\frac{-1+\sqrt{11}}{6}, \frac{-1-\sqrt{11}}{6}\right\}^{D} \odot$$

$$a_n=$$
 قبن $n=7$, $d=3$, $a_1=-3$ قبن

- 18.A 🔘
- 12.B 🔘
- 21.C 🔘
- 15.D 💿

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$
: طريقة الحل طبيق قانون الحد النوني التالي قانون الحد -3+(7-1)3

- -3+18
- $a_n = 15$
- السوال 5

الأُوساط الحسابية في المتتابعة التالية
$$\frac{5}{2}$$
 و • و • و • و $\frac{1}{2}$ هي :

- 1 € 1 € 7 A ©
 - 3 e 1 e 7 B 0
- $\frac{3}{4}$, $\frac{5}{4}$, $\frac{7}{4}$.G \bigcirc
- $\frac{1}{4}$, $\frac{5}{4}$, $\frac{7}{4}$ D

طريقة الحل: المعطيات المستخرجة من السؤال هي

N=1,
$$a_{1=-\frac{1}{2}}$$
, $a_n = \frac{5}{2}$,d=?!

$$rac{5}{2} = -rac{1}{2} + (5-1)d$$
 باستخدام قانون الحد النوني مباشره

$$rac{5}{2} + rac{1}{2} = 4d$$
 بانتقال المعاليم في جهة والمجاهيل في جهة للتشطيب -2

$$\frac{3}{4} = \frac{4d}{4}$$
 -3

$$-\frac{1}{2}$$
 , $\frac{1}{4}$, $\frac{7}{4}$, $\frac{5}{4}$ اذاً $\frac{3}{4} = d$ اذاً الاساس الـ علمنا $\frac{3}{4} = d$

الأوساط الهنسية التاتئة بين الحبين التاليين 432, • , • , • , ق هي:

- 2 , 12 , 72 A 💿
 - 16,48,144 в 💿
 - 3,27,81.c o
 - 12,36,108.D @

$$a_1=rac{1}{3}$$
 , $a_n=432$, $n=5$: طريقة الحل

$$a_n = a_1 r^{n-1}$$
 القانون باستخدام ۲- نوجد

$$432=\frac{1}{3}$$
 $r^{5-1} >> \frac{432}{\frac{1}{3}} = \frac{\frac{1}{3}r^4}{\frac{1}{3}}$ راحت مع بعض ۱/۳ـ۱۱

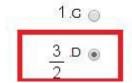
$$r^4 = 1296 >> r = \sqrt[4]{1296} \gg r = 6$$

٣- نوجد الاوساط للمتتابعة بضرب الحد الاول بالأساس ثم الحد الثاني بالأساس .. وهكذا

$$\frac{1}{3} \times 6 = 2 ... \times 2 \times 6 = 12 ... \times 12 \times 6 = 72$$

$$\frac{1}{3}$$
, 2, 12, 72, 432

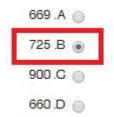
مجموع المتسلسلة التالية
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{2}{9} + \cdots$$
 هو:



طريقة الحل: ١- نوجد r

$$R = \frac{\frac{1}{3}}{\frac{1}{2}} = \frac{2}{3}$$
 ^ اذاً بما ان اصغر من ۱ فان لها مجموع

$$s = rac{a_1}{1-r} = rac{rac{1}{2}}{1-rac{2}{3}} = rac{rac{1}{2}}{rac{1}{3}} = rac{3}{2}$$
باستخدام القانون – 2



$$a_1=-7$$
 , $a_n=65$, $d=3$ $n=?$ طريقة الحل : ۱ - المعطيات $a_n=a_1+(n-1)d$ باستخدام القانون n

65=-7+(n-1)3 >> 65=-7+3n -3>> 65+7+3=3n >>
$$\frac{75}{3} = \frac{3n}{8}$$
 >> n=25

و مجرد تعويض بالمعطيات
$$s_n=n\left(rac{a_1+a_n}{2}
ight)$$
 و مجرد تعويض بالمعطيات $s_n=1$

$$x = \frac{x+2}{2} - \frac{x}{3} = x + \frac{1}{2}$$
 هو: حل المعادلة الخطية الكسرية التالية

السوال 10

$$r=rac{3}{2}$$
 مجموع المتسلسلة الهندسية التي قبها $a_1=2$ هو :

طريقة الحل : باستخدام القانون الصيغة العامة $s_n = \frac{a_1 - a_1}{1 - r}$ العامة العامة بالمعطيات

الواجب الرابع

$$\Delta$$
 فإن $A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -5 & 1 \end{bmatrix}$ فإن Δ

طريقة الحل : عمليه المقص وبينهم طرح .. كالتالي 17 = (5-)3-(1-)2

$$\underline{A^{-1}}$$
 فإن $\underline{A} = \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ فان 2 س $\begin{bmatrix} \frac{2}{3} & -1 \\ \frac{1}{3} & 0 \end{bmatrix}$

$$=(0\times2)$$
- $(3\times(-1))$ = 0 - (-3) = $A=3$ $<$ $A=\begin{vmatrix} 0 & 3 \\ -1 & 2 \end{vmatrix}$ $A=0$ $=$ $A=0$

$$\begin{pmatrix}
-1 & 3 \\
2 & -5
\end{pmatrix} + \begin{pmatrix}
2 & -1 \\
-4 & 3
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -2 & -2 \end{pmatrix} \Rightarrow /$$

طريقة الحل : مجرد جمع كل رقم والي يقابله مثلاً وهكذا.. 2=(1-)+3 .. 1=2+1-

$$\underline{A^2} = \begin{array}{c}
\underline{A^2} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$$
فإن $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 3 \end{bmatrix}$ فإن $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 8 & 9 \end{bmatrix}$

طريقة الحل: تربيع المصفوفة بضربهم ببعض كالتالى

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 3 \end{vmatrix} \times \begin{vmatrix} 1 \\ 2 & 0 \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} (1*1) + (0*2) & (1*0) + (0*3) \\ (2*1) + (3*2) & (2*0) + (3*3) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 8 & 9 \end{bmatrix}$$

$$X=$$
 سوم/ اذا كانت $egin{pmatrix} 2 & (X-3) \ 3 & 5 \end{bmatrix} = egin{bmatrix} 2 & 1 \ 3 & 5 \end{bmatrix}$ فإن

٤ / ۽

طريقة الحل: x-3=1 >> x=1+3 >> x=4

معادله خطيه ثم نقل المعاليم ع جنب والمجاهيل ع جنب وعكس الإشارة عند النقل ثم الناتج

$$A \times B = 0$$
فإن $A = egin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ، $B = egin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ نجار $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$ ندا کانت $A \times B = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix}$

طريقة الحل: الصف الاول والثاني في A مضروبة بالعامود B وبينهم جمع كالتالي

$$2A-3B = 0$$
 فإن $B=\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 2 & -3 \end{bmatrix}$, $A=\begin{bmatrix} -1 & -3 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ فإن $A=\begin{bmatrix} -2 & -9 \\ -2 & 11 \end{bmatrix}$

طريقة الحل: ١- ضرب المصفوفة بالعدد ثم طرف كلا المصفوفتين

$$\frac{\Delta x}{\Delta} = \frac{1}{2} \begin{cases}
x - y = 1 \\
x + 2y = 4
\end{cases}$$
فإن $\frac{\Delta x}{\Delta}$

هو
$$\begin{cases} 2x+y=1 \\ x-y=2 \end{cases}$$
 هو $\begin{cases} -1 \end{cases}$ هو $\begin{cases} 2x+y=1 \\ (1,-1) \end{cases}$

طريقة الحل: ١- نوجد المصفوفات المعاملات والثوابت

$$\underline{\mathbf{A}} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}, \quad \underline{\mathbf{C}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{A}, \mathbf{X}, \mathbf{Y} \triangle \rightarrow \mathbf{Y}$$

$$\Delta_{A} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} = (2 \times (-1)) - (1 \times 1) = -3$$

$$\Delta_{x} = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 1 & -1 \end{vmatrix} = (2 \times (-1)) - (1 \times 1) = -3$$

$$\Delta_{y} = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{vmatrix} = (2 \times 2) - (1 \times 1) = 3$$

نضع الثوابت بالصف الثاني

$$X = \frac{\Delta_x}{\Delta} = \frac{-3}{-3} = 1$$
 , $Y = \frac{\Delta_y}{\Delta} = \frac{3}{-3} = -1$ (1 , -1)

 $_{A}$ فيها المقصود الثالثه بالخطوه $_{\Delta}$ إن للمعلوميه

$$X=0$$
 هو معكوس هو التالية $egin{pmatrix} 2 & 1 \ 4 & x \end{pmatrix}$ ليس لها معكوس هو $x=0$

۲ / ج

طريقة الحل: 0≠4-2X

$$2X \neq 0+4 >> \frac{2X}{2} \neq \frac{4}{2}$$

X≠2

الاختبار الفصلى

المسؤال 1

حاصل تبسيط الجارة الثالية $\frac{(x^2-4)}{(x+2)}$ هو:

- $(x+2)^2 \cdot A \odot$
- (x+2).B (
- $(x-2)^{2.G}$
- (x − 2) .D ⊚

طريقة حل السؤال ١:

$$\frac{(x-2)(x+2)}{(x+2)} = x-2$$

طريقة حل السؤال ٢:

بإستخدام الآله الحاسبة (+ shift + ÷

$$_{4}C_{3} =$$

$$_{n}C_{m}=$$

$$\frac{n^{p_m}}{(n-m)} - A \oplus$$

$$\frac{nP_m}{(n-m)!}$$
.C \bigcirc

$$\frac{n^p m}{m}$$
.D \odot

السوال 4

 $x^2 - 2x - 3 = 0$ هو على المعادلة التربيعية التالية

طريقة حل السؤال ٤:

بإستخدام الاله الحاسبة

أولاً نضغط mode ثم رقم ٥ ثم ٣

ندخل الارقام بهذا الشكل ١ (بدل المتغير x) ثم =

-1 ثم = ، - 7 ثم = .. راح يطلع = 1 نضغط = مره ثانية

بيطلع x2 وهما الناتج ..

- 5.A 🔘
- 6.B
- 8.C @
- 9 D

السؤال 6

$$\frac{x^{-1}y}{x^2}$$
 = مر

- A. W
- y² B ⊕
- <u>у</u>с () х
- $\frac{\chi^6}{y^2}$ \square \odot

السوال 7

$$(-2x^3+x^2-5x+2)+(2x^3-x^2+5x-3)=$$
 حمع كثير تي الحدود الثليثين

- $-4x^3 2x^2 10x 5$ A \odot
- $4x^3 + 2x^2 + 10x + 5^B$
 - -5.c 🔘
 - -1.D ⊚

طريقة حل السؤال ٨:

بإستخدام الاله الحاسبة



السوال 8

قَيِمةَ الْمَقَدَارِ النَّالَـي = log₅25+log10 مو :

- 5.A 🔘
- 2.B 🔘
- 3.C 🌘

السؤال 9 طريقة حل ا

$$_{3}P_{2}=$$

السؤال 10

$$x=:$$
 هو $ax^2+bx+c=0$ هو القانون العام لحام معادلة الدرجة الثانية الثالية

$$b \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} A \bigcirc$$

$$-b\pm\frac{\sqrt{b^2-4ac}}{2a}^{\ \ B}\cap$$

$$\frac{b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \cdot G \bigcirc$$

$$\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$
 D \bigcirc

طريقة حل السؤال ٩:

بإستخدام الآله الحاسبة

Shift + x

$$x-y=1$$
 على النظام التالي $3x+y=7$

- {(2,1)} .A
- ((-1,0)} B ⊚
- {(0,−1)}.c ⊚
 - {(1,2)}.D (

السوال 2

$$_{4}P_{2} =$$

السؤال 3

$$\begin{cases} x - 2y = 2 \\ -2x + 2y = 4 \end{cases}$$
 at $\begin{cases} x - 2y = 2 \\ 2x + 2y = 4 \end{cases}$

حاصل طرح كثيرتي الحدود الثاليتين =
$$(3x^2 - 5x + 2) - (x^2 - 2x + 5)$$
 هو:

$$2x^2 - 7x - 3 \cdot A \odot$$

$$2x^2 + 7x - 7 B \odot$$

$$2x^2 - 7x - 7.0$$

المدوال 5

تاتج جمع المقدارين التلبين
$$\frac{-2}{x} + \frac{3}{V}$$
 هو:

$$\frac{-2y+3x}{x+y}$$
 B \odot

$$\frac{1}{x+y}$$
 D \odot

مفكوك المقدار التالي
$$(x-2)^2 = x$$
 حسب نظرية ذات الحدين هو :

$$x^2 + 4x - 4 = 0$$

$$x^2 + 4x + 4 = 0$$

$$x^2-4x-4.0$$

$$x^2 - 4x + 4^{D}$$
 •

السوال 9

$$(x^2-1)(x+1)=$$
 هو : هامدود لتالينين

$$x^3 - x^2 + x - 1 \cdot A \odot$$

$$x^3 + x^2 - x - 1$$
 B •

$$x^3 + x^2 - x + 1.0$$

$$x^3 + x^2 + x - 1^{D}$$

: في المعانلة التربيعية إذا كان المميز
$$b^2 - 4ac = 0$$
 فإنه

: محليل المقدار الثالي
$$y^3 = (8 - y^3)$$
 هو

$$(2+y)(4-2y-y^2)^{B}$$

$$(2+y)(4-2y+y^2)^{.G}$$

$$(2-y)(4-2y+y^2)^D$$

حل المعادلة الكسرية الثالية
$$\frac{x-4}{2} + \frac{x}{3} = \frac{1}{2}$$
 هو:

- 1.A 🔘
- 2.B 🔘
- 4.G 🔘
- 3.D 💿

: هو
$$\chi^2 y$$
 , χ^3 هو المضاعف المشترك البسيط لمايلي

- XY.A 🔘
- x^3y^4 B \odot
- x^2y^2 .G
- x²y³.D ⊚

حل المعادلة الثالية
$$x^2 + 6x = 0$$
 مو:

- (0,6).A o
- (6,0)B
- (-6,0).c ⊝
- (0,-6) o

المدوال 7

: مو
$$6x^2y^3 - 3x^5y^2 = 6x^2y^3 - 3x^5y^2$$
 مو

$$(3xy)(2x^2y^2-x^3)$$
.A

$$(3x^2y^2)(2y^2-x^3)$$
.B

$$(3x^2y^2)(2y-x^3)^{.C}$$
 •

$$(3xy)(2xy-x^4y)^{.D}$$

السوال 8

: مو
$$(x^2-3x+2)$$
 مو

$$(x-2)(x+1)$$
.A

$$(x+2)(x-1).c$$

$$(x+2)(x+1) D \odot$$

$$\log_c \frac{a}{b} =$$

$$\log_c a + \log_c b$$
. A \odot

$$\log_c b - \log_c a$$
 B

$$\log_c a - \log_c b$$
 .c $_{\odot}$

$$\log_c a \cdot \log_c b = 0$$

: مو
$$\left(\frac{x^{-1}y^2}{x^3y^{-3}}\right)^{-1}$$
 مو تيسيط العبارة الثالية

$$\frac{y^5}{x^4}$$
 .A \odot

$$\frac{\chi^2}{y^2}$$
 B \odot

$$\frac{y^2}{y^2}$$
 .C \bigcirc



$$\frac{31}{3P_2} = \frac{8}{3P_2}$$
 هو

- 9.A 🔘
- 3.B 🔘
- 6.C 🔘
- 1.D 🏽

$$\frac{6}{\sqrt{2}}$$
 أيسط صورة للكسر التالي أ

- 6√2 .A ⊚
- 3√2 B ⊛
- $\frac{\sqrt{2}}{6}$.C \odot
- $\frac{\sqrt{2}}{2}$.D \odot

تيسيط المقار التالي
$$\frac{4m^6n^3}{2mn^{-5}}$$
 هو :

- $\frac{2m^5}{n^8} \cdot ^{A} \bigcirc$ $2m^5n^8 \cdot ^{B} \bigcirc$ $\frac{2m^5}{n^2} \cdot ^{C} \bigcirc$
 - $2m^5n^2.D$

: مو
$$\sqrt{9x^4y^6}$$
 مو

- $9x^{2}y^{3}.A$
- $3x^2y^3$ B
 - 9xy.c ⊚
 - 3xy.D 🔘

السوال 10

: مرافق العدد
$$\sqrt{3}$$
 هو

- 3 − √5 .A ⊝
- 5+√3 B ⊛
- -5-√3.c ⊜
- -5+√3.D ⊙

$$27^{\frac{1}{3}} + 16^{\frac{1}{2}} =$$

- 11.A 🔘
- 5.B 🕥
- 13.c 🔘
- 7.D 💿

$$_{n}P_{n}=$$

السوال 2

يدا كانت
$$x = \log_2 32 = x$$
 فإن قيمة x تسلوي

السوال 3

طريقة حل السؤال ٢:

بإستخدام الاله الحاسبة



طريقة حل السؤال ٣:

ندخل جميع البيانات في الآله الحاسبة فقط

$$3x + 1 = x + 5$$
 حل المعادلة التلية

1.A o

2.8 ⊚

-1.c 🍵

-2.D ⊚

السوال 7

مفكوك المقدار التالي 2 (X+X) حسب نظرية ذات الحدين هو :

$$6+9x+x^2 = 0$$

السوال 5

$$x = 3x - 3 = x + 5$$
 هو $x = 3x - 3 = x + 5$

3.A 🔘

4.B 📵

5.C 🔘

2.D 🔘

طريقة حل السؤال ٣:

$$3x + 1 = x + 5$$

$$3x - x = 5 - 1$$

$$2x = 4$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{4}{2}$$

$$= 2$$

طريقة حل السؤال ٥:

$$3x - 3 = x + 5$$

$$3x - x = 5 + 3$$

$$2x = 8$$

$$\frac{2x}{2} = \frac{8}{2}$$

بإستخدام الآله الحاسبة

طريقة حل السؤال ٢:

$$\frac{2(-1)^3 - 3(-1) + 1}{-(1)^2 - 2(-1)}$$
$$= 2$$

$$b=1$$
 , $a=-1$ عندما $\dfrac{2a^3-3a+b}{-b^2-2a}$ قيمة المقدار التألى

1 💿

-2 _©

-1 @