

الأساليب الكمية

د. ملفي الرشيد

تراث المساء



المحاضرة الخامسة

$$\max z = 45x_1 + 65x_2$$

s.t

$$5x_1 + 15x_2 \geq 375$$

$$3x_1 + 6x_2 \geq 450$$

الحل

$$5x_1 + 15x_2 = 375$$

رسم الجدول

$15x_2 = 375 \Rightarrow x_2 = 375 \div 15 = 25$	X ₁	0	75
$5x_1 = 375 \Rightarrow x_1 = 375 \div 5 = 75$	X ₂	25	0

$$3x_1 + 6x_2 = 450$$

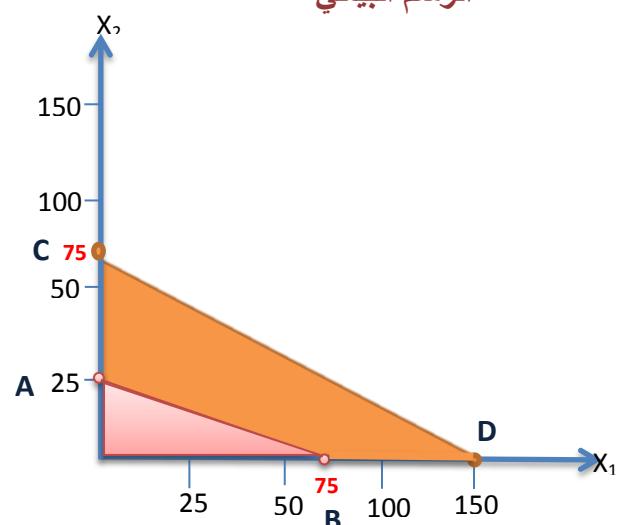
$6x_2 = 450 \Rightarrow x_2 = 450 \div 6 = 75$	X ₁	0	150
$3x_1 = 450 \Rightarrow x_1 = 450 \div 3 = 150$	X ₂	75	0

الرسم البياني

ع الرسم البياني

القيد الثاني

القيد الأول



دالة الهدف برسم الجدول التالي الدالة

النقاط	$Z=45X_1+65X_2$
A(0.25)	$Z_A=45(0)+65(25)=1625$
B(75.0)	$Z_B=45(75)+65(0)=3375$
C(0.75)	$Z_C=45(0)+65(75)=4875$
D(150.0)	$Z_D=45(150)+65(0)=6750$

أكبر قيمة لدالة الهدف = 6750 وتحقق عند النقطة D (150.0) $X_2=0$ ، $X_1=150$ ، $Z=6750$

إذا أعطيت البرنامج الخطي التالي :

$$\max z=6x_1+4x_2$$

s.t

$$10x_1+10x_2 \leq 100$$

$$7x_1+3x_2 \leq 42$$

$$X_1, X_2 \geq 0$$

اجاد الحل الأمثل لهذا البرنامج الخطي ...

الخطوه الأولى مساوات المعادله $10x_1+10x_2 = 100$

$$10x_2 = 100 - X_2 = 100 \div 10 = 10$$

X ₁	0	10
X ₂	10	0

رسم الجدول

$$= 100 - X_1 = 100 \div 10 = 10$$

$$X_2 = 42 \div 3 = 14$$

$$X_1 = 42 \div 7 = 6$$

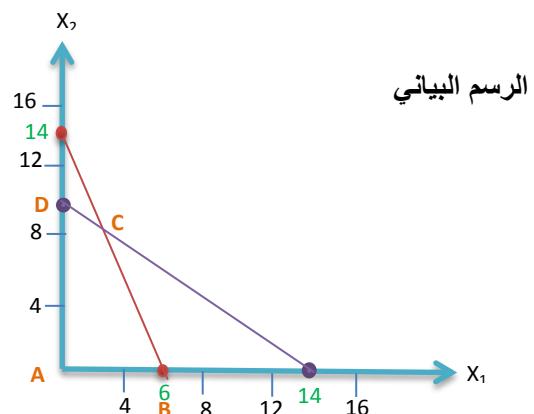
$$7x_1+3x_2 = 42$$

X ₁	0	6
X ₂	14	0

رسم الجدول

هنا بالرسم البياني وضح لنا جميع قيمه النقاط معادا C

ونوجد قيمه C بحل المعادلتين



نضرب المعادلتين بمعامل كل
معامل المعادله الثانية

$$7 \times 10X_1 + 10X_2 = 100$$

$$10 \times \underline{7X_1 + 3X_2 = 42}$$

$$- 70X_1 + 70X_2 = 700$$

$$\underline{70X_1 + 30X_2 = 420}$$

$$0 + 40X_2 = 280$$

$$X_2 = 280 \div 40 = 7$$

لتعويض بأحدى المعادلات لأجاد متغير X_1

$$10X_1 + 10(7) = 100$$

$$10X_1 + 70 = 100$$

$$10X_1 = 100 - 70 = 10X_1 = 30$$

$$X_1 = 30 \div 10 = 3$$

$$X_1 = 3$$

$$(3, 7) = C$$

أدنى القيمة المطلوبة

أجاد دالة الهدف ..

النقط	$Z = 6X_1 + 4X_2$
A(0,0)	$Z_A = 6(0) + 4(0) = 0$
B(6,0)	$Z_B = 6(6) + 4(0) = 36$
C(3,7)	$Z_C = 6(3) + 4(7) = 18 + 28 = 46$
D(0,10)	$Z_D = 6(0) + 4(10) = 40$

الحل الأمثل عند النقط C لأنها أعلى قيمة

$$Z = 46 , X_1 = 3 , X_2 = 7$$

