

حل : تمارين المحاضرة الثانية ..

الحل : بالازرق

الشرح : بالاخضر

1- اسرد عناصر كل مجموعة من المجموعات التالية . يمكن استخدام النقط للتعبير عن استمرار سرد عناصر المجموعة عندما يكون بها عدد لانتهائي من العناصر

$$A = \{ x : x \text{ عدد طبيعي اصغر من } 7 \} *$$

$$A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$$

الاعداد الطبيعيه تبدأ من الـ 1 يعني مانحط الصفر وطلب منناً الـ x يعني العناصر تكون اصغر من 7 ونبدأ نسررد الاعداد اللي اصغر من سبعة وتبدأ من 1 ..

$$B = \{ x : x \text{ عدد طبيعي زوجي يقبل القسمة على } 2 \} *$$

$$B = \{2, 4, 6, 8, 10, \dots\}$$

عدد طبيعي يعني نبدأ من نعد 1 و2 و3 و4 و5 و6 و7 و8 و9 و10.....

زوجي : 2, 4, 6, 8, 10,

يقبل القسمة على 2 : 2 و4 و6 و8 و10.....

طبعا النقاط تعبر عن بقيه العناصر الى مالا نهايه لانه ماحدد بالسؤال ..

$$C = \{ y : y \text{ حرف من حروف الهجاء المحصور بين } h, c \} *$$

$$C = \{d, e, f, g\}$$

المحصور بين الـ h, c هو

A B C D E F G H I J ايش المحصور بينهم ؟

D E F G

$$D = \{ x : x \text{ عدد طبيعي فردي اصغر من } 17 \} *$$

$$D = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15\}$$

عدد طبيعي : يبدأ من الـ 1 بدون الصفر

فردي اصغر من 17 : 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15

2 - ضع الرمز = أو ≠ في المكان الخالي لتكون الجملة صحيحة

$$(i) \{a, b, c\} \text{ ————— } \{b, c, a\}$$

$$(ii) \{0, 1, 2, 3\} \text{ ————— } \{0, 1, 2, 3, 3\}$$

$$(iii) \{x, y, z\} \text{ ————— } \{x, y, z, w\}$$

الجواب للفقرة الاولى : = لان المجموعة الاولى نفس المجموعة الثانية

الجواب للفقرة الثانية : = لان المجموعة الاولى تحتوي علي نفس عناصر المجموعة الثانية بالتكرار

الجواب للفقرة الثالثة : ≠ لان المجموعة الاولى لا تحتوي علي W زيا لمجموعة الثانية ..

3 - افرض أن $X = \{1, 2, 3, 4\}$ و $Y = \{4, 6, 8, 10\}$ ضع الرمز \subset أو $\not\subset$ في المكان الخالي لتكون الجملة صحيحة

$$(i) X \text{ ————— } Y$$

$$(ii) Y \text{ ————— } X$$

$$(iii) X \text{ ————— } X \cup Y$$

تابع التمرين رقم ((3))

$$(iv) \phi \text{ ————— } X$$

$$(v) \phi \text{ ————— } Y$$

الجواب للفقرة الاولى : $\not\subset$: لان عناصر المجموعة X مو جزئية من عناصر

المجموعة Y

الجواب للفقرة الثانية : \neq : لأن عناصر المجموعة Y مؤ جزئية من عناصر

المجموعة X

الجواب للفقرة الثالثة : \subset لأن اذا اتحدت عناصر المجموعة X, Y ف بتكون الـ X مجموعة جزئية من اتحاد المجموعتين ,

الجواب للفقرة الرابعة : \subset لأن الـ \emptyset دائماً تكون جزئية من أي مجموعة

الجواب للفقرة الخامسة : \subset لأن الـ \emptyset دائماً تكون جزئية من أي مجموعة

4- اذا كانت المجموعة الكليه هي مجموعة الاعداد الطبيعيه الاصغر من 10

$$B = \{2,4,6\} \quad A = \{1,3,5\} \quad \text{افرض ان}$$

كون المجموعات التاليه

(i) $A \cup B$	(v) $\overline{A \cup B}$
(ii) $A \cap B$	(vi) $\overline{A \cap B}$
(iii) \overline{A}	(vii) $\overline{A} \cup \overline{B}$
(iv) \overline{B}	(viii) $\overline{A \cap U}$
	(ix) $A \cap A$

أوكي بفصص السؤال :

المجموعة الكليه : $U = \{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$ لأن طألها اصغر من 10

$$A = \{1,3,5\}$$

$$B = \{2,4,6\}$$

$$1- \text{اتحاد } A, B = \{1,3,5,2,4,6\}$$

$$2- \text{تقاطع } A, B = \{\emptyset\}$$

$$3- \text{متممه المجموعة } A = \{2,4,6,7,8,9\}$$

$$4- \text{متممه المجموعة } B = \{1,3,5,7,8,9\}$$

- 5- متممة اتحاد $\{7,8,9\} = A, B$
- 6- متممة تقاطع $\{\emptyset\} = A, B$ متممة الفأي هي المجموعة الكليه
- $\{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$
- 7- متممة الـ A اتحاد متممة الـ $B =$ المجموعة الكليه $\{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$
- 8- $\{2,4,6,7,8,9\}$
- 9- A تقاطع $A = \emptyset$ لان تقاطعهم مع بعض يعطيني مجموعته خاليه وهي الفاي ..

5- لتكن المجموعة الكليه $U = \{-1,0,1,2,3,4,5,6\}$ ولتكن $A = \{1,2\}$, $B = \{-1,1,3\}$, $C = \{2,4,6\}$ فأوجد

(i) $A \times B$

(ii) $B \times A$

(iii) $B \times B$

(iv) $A \times (B \cap C)$

(v) $(A \times B) \cap (A \times C)$

(vi) $\bar{C} \times B$

يقصد بالسؤال الضرب الديكآرتي .. تتذكرونه صح خخخ يآلله نضرب بلا لعب .. (فيس معصب)

1- $A * B = \{(1,1), (1,1), (1,3), (2,-1), (2,1), (2,3)\}$

2- $B * A = \{(-1,1), (-1,2), (1,1), (1,2), (3,1), (3,2)\}$

-3

$B * B = \{(-1,-1), (-1,1), (-1,3), (1,-1), (1,1), (1,3), (3,-1), (3,1), (3,3)\}$

-4

$A * B \cap C = \{\emptyset\}$ لان الـ B تقاطع الـ $C =$ الفاي والفاي ضرب الـ a يساوي الفأي ..

بقي مثآلين اذا احد مفهم يقولي وانا بشرح تعبت طوآل .. هههههههه

6- إذا كانت

$$A = \{ x \text{ عدد طبيعي اصغر من } 5 : x \} *$$

$$A = \{ 1, 2, 3, 4 \}$$

$$B = \{ Y \text{ عدد طبيعي اصغر من } 3 : Y \} *$$

$$B = \{ 1, 2 \}$$

$$A \times B = B \times A \quad \text{هل}$$

نحل :

$$A * B = \{ (1,1)(1,2)(2,1)(2,2)(3,1)(3,2)(4,1)(4,2) \}$$

$$B * A = \{ (1,1)(1,2)(1,3)(1,4)(2,1)(2,2)(2,3)(2,4) \}$$

طبعاً السؤال يقول هل هم متساويان .. طبعاً الاجابه لا
مو متساويان لو متساويان يكون نفس العناصر لكن العناصر هنا مختلفه
لكنهم متكافئان لان الاول 8 عناصر والثانيه 8 عناصر ..

1. أوجد قيم x و y التي تحقق المعادلة

$$(x, y^2) = (2x - 2, 1)$$

هذي سهله مره لانها زي المعادلات ..

$$x = 2x - 2$$

$$y^2 = 1$$