

أمثلة اضافية – المحاضرة ٢ (طرق العد)

مثال :-

بكم طريقة يمكن ترتيب أحرف كلمة (حلم) ؟..
الحل :- $n=3$ حيث أن n هي عدد حروف الكلمة .

$$3P3 = 3 \times 2 \times 1 = 6$$

• نطبق القاعدة الأولى في حالة العناصر المختلفة ، حيث أحرف كلمة (حلم) لا يوجد بها أي حرف مكرر .

مثال :- ما عدد تباديل أحرف كلمة (استسلام) ؟..

$$7P7 = \frac{7!}{2! \times 2!} = 1260$$

• مجموع أحرف كلمة (استسلام) هي 7 أحرف ، حيث وضع مجموع الأحرف في البسط ومجموع تكرار حرف (أ) وحرف (س) في المقام .

مثال :- ما عدد تباديل أحرف كلمة (كازابلانكا) ؟..

$$10P10 = \frac{10!}{4! \times 2!} = 75600$$

• مجموع أحرف كلمة (كازابلانكا) هي 10 أحرف ، حيث وضع مجموع الأحرف في البسط ومجموع تكرار حرف (أ) و (ك) في المقام ، تكرر حرف الألف 4 مرات وحرف الكاف مرتان .

مثال :- ما عدد تباديل ثلاث أحرف من كلمة (جغرافيا) ؟..

$$7P3 = \frac{7!}{(7-3)!} = 210$$

• مجموع أحرف كلمة (جغرافيا) هي 7 أحرف ، والمطلوب تباديل ثلاث أحرف ، إذا نستنتج أن $n=7$ ، $r=3$ ، كما أنه باستطاعتنا إيجاد ناتج التباديل باستخدام الآلة الحاسبة في حالة وجود العناصر المميزة .

مثال :-

أراد أربعة أشخاص اخذ صورة جماعية بوقوفهم معا في صف واحد ، بكم طريقة مختلفة يمكن أن يصطف هؤلاء الأشخاص ؟..

$$4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$$

4 أشخاص : أي لدينا 4 خانات لترتيب الطرق ، ففي الخانة الأولى نضع شخص واحد من بين 4 أشخاص ، وفي الخانة الثانية نضع شخص واحد من بين 3 أشخاص ، وفي الخانة الثالثة نضع شخص واحد من بين شخصين ، والخانة الرابعة يتبقى لها شخص واحد فقط ، إذا من خلال قاعدة الضرب نستنتج أن عدد الطرق الممكنة لاصطفافهم هي 24 طريقة .

• كما يمكن أن نستخدم قانون التباديل في هذه المسألة : $nPr = 4P4 = 24$