

## نظرية بايز

طبعاً في المحتوى مثالين على هالنظرية نبي نأخذهم . واحول ابسطهم للفهم

$$P(A_1|B) = \frac{P(A_1)P(B|A_1)}{\sum_{i=1}^n P(A_i)P(B|A_i)}$$

طبعاً قانون الشيخ بايز يقول ان

ابسط القانون واسميه بأسمين من عندي طبعاً ( احتمال اخضر - احتمال احمر )

$$P(A_1|B) = \frac{\boxed{P(A_1)} \boxed{P(B|A_1)}}{\boxed{\sum_{i=1}^n P(A_i)} \boxed{P(B|A_i)}}$$

↑ احتمال اخضر      ↑ احتمال احمر  
↓ مجموع احتمال اخضر      ↓ مجموع احتمال احمر

نجي للأمثلة ونطبق قانون صقر الجديد

### المثال الأول

مصنع يقوم بإنتاج سلعة معينة به ثلاث آلات، تنتج الآلة الأولى ٢٠% من إجمالي إنتاج السلعة وتنتج الآلة الثانية نسبة ٣٥% والثالثة بنسبة ٤٥% ، فإذا كانت نسبة الإنتاج المعيب في الثلاث آلات على الترتيب هو ٢% و ٢,٥% و ٣% ، سحبت وحدة عشوائياً من إنتاج المصنع فوجد أنها معيبة، احسب الاحتمالات التالية:

١- أن تكون القطعة المعيبة من إنتاج الآلة الأولى؟

٢- أن تكون القطعة المعيبة من إنتاج الآلة الثانية؟

اول شئ نفرغ المعطيات اللي فوق في الاسفل

إنتاج الآلة الأولى = 0.2 ← احتمال اخضر

إنتاج الآلة الثانية = 0.35 ← احتمال اخضر

إنتاج الآلة الثالثة = 0.45 ← احتمال اخضر

نسبة الانتاج المعيب في الآلة الأولى = 0.02 ← احتمال احمر

نسبة الانتاج المعيب في الآلة الثانية = 0.025 ← احتمال احمر

نسبة الانتاج المعيب في الآلة الثالثة = 0.03 ← احتمال احمر

الحين نجي لفقرات المثال ونطبق عليها قانون صقر الجديد 🦅

١- أن تكون القطعة المعيبة من إنتاج الآلة الأولى؟

$$\frac{\begin{array}{c} \text{احتمال احمر} \times \text{احتمال اخضر} \\ \downarrow \quad \downarrow \\ P(A_1) \times P(B|A_1) \end{array}}{\sum_{i=1}^n P(A_i) \times P(B|A_i)} = \frac{0.2 \times 0.02}{(0.2 \times 0.02) + (0.35 \times 0.025) + (0.45 \times 0.03)} = 0.152$$

↑   ↑   ↑   ↑   ↑   ↑

(مجموع احتمال احمر) × (مجموع احتمال اخضر) = (احمر × اخضر) + (احمر × اخضر) + (احمر × اخضر)

بس وعلى كذا انتهينا 😊 . باقي الامثلة قيسوها على القانون الجديد .. حلوه القانون الجديد 😊